

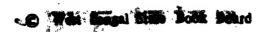
প্রতীকী ন্যায়

वठीकी नाग्न

(Symbolic Logic)

ইন্দ্র কুষার রায়

পশ্চিমবন্ধ রাজ্য পুড্জ পর্বদ (পশ্চিমবন্ধ সরকারের একট্রিসংছা)



APRIL, 1977

Published by Shri Abani Mitra, Chief Executive Officer, West Bengal State Book Board, Arya Mansion (Eighth floor), 6/A, Raja Subodk Mullick Square, Cal-700018, under the Centrally Sponsored Scheme of production of books and literature in regional languages at the University level of the Government of India in the Ministry of Education and Social Welfare (Department of Culture). New Delhi and printed by Sr Doorga Prosad Mitra, at the Elm Press, 68, Beadon Street. Cal-700006,

THE PLAN OF THE BOOK

The book deals with Propositional Logic, the first part of Symbolic Logic and the basis of other logistic systems, and develops it along the natural deduction method.

The first chapter introduces the concepts of argument, proposition, truth and validity, form, and then describes the characteristics of Logic as a science.

The second chapter deals with compound statements. It first introduces the concepts of connectives, propositional variables and truth-functions, and then discusses in detail the four main truth-functions, the conjunctive, the alternative, the negative and the implicative. It also explains the truth-table technique, the scope of connectives, and the use of parentheses.

The third chapter discusses in greater detail the forms of compound propositions, tautologous, contradictory and contingent propositions, equivalence, material and logical, tautologous implications, the forms of arguments, validity, the concept of argument-proposition, Rules of Inference, and the shorter truth-table technique.

The fourth chapter discusses in detail the concept of natural deduction, construction of formal proof of validity along the lines of natural deduction methods, the Rule of Conditional proof, the Rule of Indirect proof, and the determination of consistency among premises.

An additional chapter on Quantification and Rules of inference has been added to cover the syllabus of most of the universities.

A large number of excercises in symbolizing and in appraising the validity of arguments has been added.

The notations and symbols used in English text-books have been retained as is done in Bengali books on mathematics and science to help students and general readers to pass on without difficulty to English books for further studies. Technical English words have been mentioned, but never without a Bengali equivalent, and the text is wholly written in Bengali.

ভূমিকা

ভারতীর ভাষার মাধ্যমে বিশ্ববিদ্যালর পর্বায় পর্বন্ত শিক্ষাদানের প্রশংসনীয় নীতি অনুসারে প্রতীকী ন্যায় (Symbolic Logic) বিষয়ে এই বইখানি লেখা হল। গণিতের মত নব্যন্যায়ও আঞ্চলাল বিশিষ্ট সাধনকৌশল অধিগত করেছে, এবং প্রতীকের ব্যবহার এই বুগান্তকারী পরিবর্তন আনয়ন করতে সমর্থ হয়েছে। প্রতীক বাতে কণ্টকের মত মনে না হয়, সেইজন্য প্রথম দুটি অধ্যায়ে প্রতীক উপস্থাপনের দীর্ঘ ভূমিক। করা হয়েছে। আশা করি, এর কলে সাধারণ ভাষা থেকে প্রতীক ব্যবহারে পরিবৃত্তি সহজ ও স্বাভাবিক হবে।

পরিভাষা যাতে অযথা খাঁটিল ও দুরহ না হয় সেই দিকে বিশেষ দৃষ্টি রাখা হয়েছে। যাঁরা বাংলার দর্শন ও ন্যারের উপর গ্রন্থপ্রদাদি রচনা করে চলেছেন, তাঁদের সকলের লেখা থেকেই পরিভাষা রচনার সাহায্য পেয়েছি। এ দের সকলের কাছে আমার ঋণ কৃতজ্ঞতার সহিত সীকার করছি। পরিভাষার একটি নির্ঘণ্ট বইয়ের শেষে যোগ করে দেওমা হয়েছে। প্রতীকী ন্যায়ের পরিভাষা সম্পর্কে শেষ কথা বলার দু:সাহস নেই। শুধু এইটুকু বলতে পারি, স্থীজনের বিচারার্ধে এই পরিভাষা উপস্থাপিত করা হল।

বইটি সাধারণ পাঠক ও বিশ্বধিদ্যালয়ের ছাত্র উভয়েরই উপযোগী-ভাবে লেখা হয়েছে। এতে বিধিমূলক বাচনিক ন্যায়ের পূর্ণাক্ষ আলোচনা করা হয়েছে, এবং বিভিন্ন বিশ্ববিদ্যালয়ের ছাত্রদের স্থবিধার্দে স্নাতকোত্তর শ্রেণীর পাঠ্যক্রমের ⊕ অন্তর্গত বচনাপেক্ষক, মাণক ও মাণকবন্ধ বচনাপেক্ষক সহযোগে গঠিত ন্যায়ের প্রমাণপদ্ধতি ও অবৈধতানির্দরের প্রণালীও ব্যাখ্যাত হয়েছে। গণিতের মত ন্যায়েও দক্ষতা অর্জন অভ্যাসসাপেক্ষ। সেইজন্য গ্রন্থের শেষে দীর্ঘ অনুশীলনী ও অনেকগুলি প্রশ্বের সমাধানও দেওয়া হয়েছে।

বইটির রচনার বাঁরা আমাকে অনুপ্রেরণা বুগিরেছেন ও সাহায্য করেছেন, ভাঁদের মধ্যে স্বর্গভঃ ভঃ প্রীতিভূষণ চটোপাধ্যায়, কলিকাভা বিশ্ববিশ্যালয়ের ধর্মবনাজের আচার্ব গ্রন্ধেক্রমাথ দীল অধ্যাপক এবং অধ্যাপক প্রীত্তরির কুরার বজুরবার, সদস্য, পশ্চির বজু লোকসেব।
আরোগ, বহাবরের নাম বিশেষভারে উলেববোগ্য। পশ্চিমবন্ধ রাজ্য
পুত্তক পর্যদের চীক্ এগৃজিকিউটিভ অফিসার প্রীত্তবনী মিত্র বইটির
প্রকাপন ও স্থুমুজপের ব্যবস্থা করেছেন। এঁদের সকলের কার্ম্ব আমার
আন্তরিক কৃতজ্ঞতা জ্ঞাপন করছি।

व्यक्त

পূচীপত্ত

| 1 | प्रका | শিক্ষা | , | |
|---|-------|--|----------|------|
| | 1.1 | नगर | •• | 1 |
| | 1.2 | न्हम •• | • • | 3 |
| | 1.3 | সভ্যন্তা ও বৈশ্বভা | • • • | 5 |
| | 1.4 | শাৰাৰ | • • | 9 |
| | 1.5 | ন্যায়শাল একটি বিষ্ঠ বিজ্ঞান | •• | 13 |
| | 1.6 | नगंत्रभारचत्र गःखा | •• | 18 |
| | 1.7 | मात्र ७ वटनाविषा | • • | 21 |
| | 1.8 | थेजीकी नगाव | •• | 22 |
| | 1.9 | नाविक नाम | • • | _ 26 |
| 2 | বৌগি | क बहब | | |
| | 2.1 | गत्रन ७ योशिक बठन | • • | 28 |
| | 2.2 | সংযোজক | • • | 29 |
| | 2.3 | গ্ৰাহৰ প্ৰতীক বৰ্ণ | •• | 32 |
| | 1.4 | সংযৌগিক অপেক্ষক | • • | 33 |
| | 2.5 | সত্যসারণী | • • | 37 |
| | 2.6 | বৈক্লিক অপেক্ষক | •• | 40 |
| | 2.7 | নিমেধক অপেক্ষক | • • | 45 |
| | 2.8 | বছনী ও সংযোজকের পরিধি বা প্রভাব | •• | 47 |
| | 2.9 | প্রাকল্পিক অপেক্ক | ••• | 51 |
| | 2.10 | নন্তব্য | • • | 61 |
| 3 | বচনাৰ | চার ও স্থায়াকার | | |
| | 3.1 | ৰচনাকার | •• | 62 |
| | . 3.2 | স্বত:স্ত্য, স্বতোমিধ্যা ও অনিদিষ্টমান ৰচ | ■ | 64 |
| | 3.3 | জ টিলতর সুত্রের মান নির্ণয় | • • | 68 |
| | 3.4 | नमसीन वहन | , à . | 71 |

| | 3.5 | ন্যায়াকাছ | •• | •• | 76 | |
|---|--------------------------------|------------------------------------|--------------|-----|------|--|
| | 3.6 | বৈধতা | • • | • • | 78 | |
| | 73.7 | ":", "", नगावनहन भ्रान्त्रकार | ত্য প্ৰকল্পন | • • | 84 | |
| | | करवकि जनुगानविधि | | • • | 87 | |
| | | সংক্ষিপ্ত সত্যসারণী কৌশন | •• | | · 89 | |
| | 7 | বান্তব প্রকল্পনের কুটাভাগ | •• | •• | . 95 | |
| 4 | चवदत्र | হণ বা প্ৰমাণ-পদ্ধতি | | ; | | |
| | 4.1 | শ্বাভাবিক অবরোহণ | •• | • • | 97 | |
| | 4.2 | প্রাকল্পিক প্রমাণবিধি | • • | •• | 110 | |
| | 4.3 | তৰ্ক বা পৰোক প্ৰমাণ-পদ্ধতি | •• | • • | 113 | |
| | 4.4 | স্বতঃস্ত্য ৰচনের প্রমাণ | •• | •• | 117 | |
| | 4.5 | প্রাক্ত্রিক প্রমাণবিধির নবন্ধপ | •• | • • | 117 | |
| | 4.6 | অবৈধতা প্ৰমাণ | •• | •• | 122 | |
| 5 | সাণক ও সাণক-নিয়ামক অনুমানবিধি | | | | | |
| | 5.1 | याशायानुमान ७ विरश्य नाम | •• | • • | 126 | |
| | 5.2 | বিশিষ্ট বচনের প্রতীকীকরণ | •• | • • | 128 | |
| | 5.3 | ব্যক্তিনামগ্রাহক প্রতীকবর্ণ ও ৰচনা | পেক্ক | • • | 131 | |
| | 5.4 | गार्वक | • • | • • | 134 | |
| | 5.5 | মাণকছরের পরস্পর সম্পর্ক | • • | •• | 136 | |
| | 5.6 | প্রাচীন ন্যায়ের চার প্রকার বচন | •• | •• | 142 | |
| | 5.7 | A, E, I, O বচনের বিশ্লেঘণ | •• | • • | 146 | |
| | 5.8 | ঘটিলতর সামান্য বচন | • • | •• | 153 | |
| | 5.9 | मानक-नियासक जनुमानविधि ७ धन | পগঠ ন | • • | 154 | |
| | 5.10 | অবৈৰতা প্ৰমাণ | • • | • • | 165 | |
| | | जनुनी ननी | • • | •• | 170 | |
| | | करवकाँ। निर्वाष्ठिल धर्भुद नवाबान | | •• | 202 | |
| | | बच्छा | •• | •• | 245 | |
| | | পরিভাষা | •• | •• | 247 | |
| | | जन् कम ी | •• | •• | 251 | |
| | | ভঙ্কিপত্ৰ | •• | | 255 | |

প্রতীকী ন্যায়

প্রথম অধ্যায়

<u> অবতর্ণিকা</u>

1.1 aria

जाकारन विराध धरापंत स्वरं प्रश्नेत जामता वृष्ट हरत वरत जनूमान किति। निर्माण जनरकीणि प्रश्नेत वृष्टि हरमण्ड वरत जनूमान किति। रकान त्वारक करान्मात हरमण्ड छनता जनूमान किति, त्र जात वाँकरव ना। रक्छ यि थेणू करतन, रक्न जाशिन मत्न कत्रस्व, वृष्टि हरत व। हरमण्ड, व। त्वाकि वाँकरव ना, जर्द जामता युक्ति पिहे, এই धरापंत स्वरंद माधात्रपंत वृष्टि हम, वृष्टि ना। हरन निर्माण क्वा वार्ष ना, करान्मात हरन मानुष थामहे वाँक ना।

স্তরাং বলা যেতে পারে, অনুমানের দুটি অক্যব, যুক্তি ও সিদ্ধান্ত।
সিদ্ধান্তটি যুক্তি-নির্ভর, অর্থাৎ যুক্তির উপর ভিত্তি করে আমরা সিদ্ধান্তে
পৌছাই। দৈনন্দিন জীবনেও আমরা সব সময়ই অনুমান করে থাকি,
কিন্তু যুক্ত্যবয়বটি পূর্ণভাবে প্রকাশ করি না, যতক্ষণ না কেট আমাদের
সিদ্ধান্তে সন্দেহ বা আপত্তি করছেন। যুক্ত্যবয়ব ও সিদ্ধান্তাবয়ব পূর্ণভাবে
প্রকাশ করলে অনুমানগুলো দাঁড়াবে,

এই ধরণের মেখে বৃষ্টি হয়, এই ধরণের মেঘ দেখা যাচ্ছে,

∴ বৃষ্টি হবে।

वृष्टि शत नमीटा जनम्मीि श्वा, नमीटा जनम्मीि श्वाह,

় বৃষ্টি হয়েছে।

ক্যান্সার হলৈ লোক প্রায়ই বাঁচে না, এই লোকটির ক্যান্সার হয়েছে,

[∴] এই লোকটি ৰাঁচবে না।

"অনুমান" শব্দটি দুই অর্থে ব্যবহার করা হয়ে থাকে, মনের অনুমান-ক্রিয়া ও বচন-সমষ্টিতে তার প্রকাশ। বচনে প্রকাশ না করেও মনে অনুমান-ক্রিয়া চলতে পারে। আমরা মনের ক্রিয়াটি বোঝাতে "অনুমান" শব্দটি ব্যবহার করব, এবং যে বচন-সমষ্টি মারা অনুমান-ক্রিয়াটি প্রকাশ করা হয়, তাকে "ন্যায়" বলব। "ন্যায়" শব্দটির আরেকটি সন্ধীণতর অর্থ আছে, সেই অর্থে কেবল মাধ্যমানুমানকেই ন্যায় বলা হয়। আমরা "ন্যায়" শব্দটিকে ব্যাপকতর অর্থেই ব্যবহার করব। প্রত্যেকটি অনুমানের প্রতিষক্ষী একটি ন্যায় আছে।

একার আমরা ন্যায়ের একটি সংজ্ঞা দিতে পারি। ন্যায় এমন একপ্রকার বচন সমষ্টি, যাতে একটি অপরগুলো থেকে সিদ্ধান্ত হিসাবে নি:স্তত
হয়, অথবা যাতে অপর বচনগুলোকে সিদ্ধান্তটির ভিত্তি বা তার পক্ষে যুক্তি
বা প্রমাণ বলে দাবী করা হয়। নীয়তে অনেন ইতি ন্যায়ঃ। যার
হারা মন সিদ্ধান্তে নীত হয়, তাই ন্যায়। ন্যায়ের যুক্ত্যবয়বে বচন সংখ্যা
এক বা একাধিক হতে পারে। নিমুলিখিত ন্যায়গুলো দেখুন:

- (1) जल मानूष (इय) नशुत,
 - ∴ কোন মানুষ নয় অমর।
- (2) সব বর্গক্ষেত্র (হয়) আয়তক্ষেত্র,সব আয়তক্ষেত্র (হয়) সামাস্তরিক,
 - ∴ সব বর্গক্ষেত্র (হয়) সামান্তরিক।
- (3) সব স্থিরমন্তিক ব্যক্তি (হয়) ন্যায়নিপুণ, কোন অস্থির মন্তিক ব্যক্তি নয় জুরি হবার যোগ্য, তোমার কোন ছেলেই নয় ন্যায়নিপুণ,
 - ∴ তোমার কোন ছেলেই নয় জুরি হবার যোগ্য।⁸
- (4) ক খ-এর ছোট ভাই,
 - ∴ 堵 ক-এর বড় ভাই বা বোন।
- (5) वृष्टि श्टाञ्
 - ∴ 📲 হচ্ছে বা রোদ উঠেছে।

[&]quot;ন্যার" অর্থেও "অনুমান" শব্দের ব্যবহার প্রচলিত আছে।

² Lewis Caroll-এর Symbolic Logic থেকে গৃহীত।

1.2 বচন

ন্যায়কে আমরা একপ্রকার বচন সমষ্টি বলেছি। প্রণু হতে পারে, ন্যায়ের অবয়ব হিসেবে আমরা যা ব্যবহার করি তা তো বাক্য, বচন কি ? বাক্য ও বচনের মধ্যে কোন পার্থক্য তো দেখা যায় না। নীচের তিনটি বাক্য ধরুন:

> বৃষ্টি হচ্ছে। It is raining. Es regnet.

বাক্য তিনটির নির্থিত বা কথিত রূপ তিয়। বাক্য তিনটি, কিঙ্ক বক্তব্য¹ বা উজি তিনটি নয়, একটি মাত্র । প্রথমটি বাংলা, হিতীয়টি ইংরেজী, তৃতীয়টি জার্মান বাক্য । কিঙ্ক এদের মাধ্যমে আমরা যা বলতে চাইছি তা এক ও অতিয় । বাক্য কোন না কোন ভাষার অন্তর্গত, কিঙ্ক বক্তব্য কোন ভাষার অন্তর্গত নয় । এই বক্তব্য বা ইজিটিকেই আমরা বচন বলছি । বাক্য ও বচন য়ে এক নয় তার পক্ষে আরও মুক্তি আছে । উপরের প্রথম ও তৃতীয় বাক্যটি দুটি শব্দের হারা গঠিত, হিতীয়টি তিনটি শব্দের হারা গঠিত । শব্দগুলো বিভিন্ন অক্ষর হারা রচিত । বাক্য ও বচন এক হলে বলতে হয়, ওখানে তিনটি বচন রয়েছে, বিজ্ঞ বচন একটিই । বাক্য আসলে রেখা বা ধ্বনি-পরক্ষামা মাত্র, সেইজন্যই উপরে বাক্য তিনটি, কারণ প্রত্যেকটির লিবিত রূপের রেখা-পরক্ষারা বা কথিত রূপের ধ্বনি-পারক্ষারা ভিয় । ছিতীয় বাক্যটি তৃতীয় বাক্য থেকে দীর্ষতর, হিতীয় বাক্যটির বক্তব্য ও্তীয় বাক্যটির বজ্বব্য থেকে দীর্ষতর বলার কোন অর্থই হয় না ।

কিন্ত সব বাক্যই উক্তি নয়। ব্যাকরণে বাক্যকে সাধারণত: বিবৃতিসূচক, অনুজ্ঞাসূচক, প্রশুসূচক, বিস্ময়সূচক, ইচ্ছাসূচক এই পাঁচাঁট ভাগে
ভাগ করা হয়। এর মধ্যে কেবলমাত্র প্রথম প্রকারের বাক্যই উক্তি
প্রকাশ করে, অন্য প্রকারের বাক্যগুলো উক্তি প্রকাশ করে না, অনুজ্ঞা,
প্রশু, বিসময় বা ইচ্ছা প্রকাশ করে। বিবৃত্তিসূচক বাক্যের উক্তি বা
বক্তব্যই বচন।

I এখানে বন্ধব্য বা উল্লি ও বচনের (Statement ও proposition) সম্প্রে কোন পার্থক্য করা হবে না। দুটির মধ্যে কোন পার্থক্য থাকরে তা অধিনারের আলোচা।

4

আর কত দুরে নিয়ে যাবে মোরে হে স্থলরী ? বা

বল কোন পার ভিড়িবে তোমার সোনার তরী,

सामां अत्ना डिक्टि वा वहन नग्न, श्रेना ।

একলা ধরে গিন্নী হব, চাবিকাঠি ঝুলিয়ে নাইতে যাব,

বাক্যগুলো বিবৃতিসূচক নয়, শাশুড়ী ননদহীন নিরন্ধুশ ধর সংসারের কর্তৃত্ব-ইচ্ছাসূচক।

> একলা ধরের গিন্নী হলি নাকি মা । নি:শাসকে বিশাস নেই নড়ছে দুটি পা ।

প্রথম বাক্যটি প্রণুসূচক, দিতী যটি শাশুড়ীর মৃত্যুতে বিলম্বে খেদ প্রকাশ। কিন্তু,

> ছূ হু করে বায়ু ফেলিছে সতত দীর্মশ্রাস । বা

অন্ধ আবেগে করে গর্জন জলোচ্ছাস।

বাক।গুলে। অনংকারযুক্ত হলেও উক্তি বা বচনসূচক। বচন সত্য বা মিখ্যা হতে পারে, কিন্ত অনুজ্ঞা, প্রণু, বিসময় বা ইচ্ছাকে সত্য বা মিখ্যা বলা চলে না।

क्लान क्लान नियायिक वर्तन, वहन विवृতितृहक वाकात वर्ष । छेलदात जिनि वाकात वक्ष वर्ष, वर वर वर्ष छिन है वहन । किछ क्लान वाकात वर्षक त्रजा वा मिथा। वना मेरल व्यवधान । वाकात वर्ष त्रजा वा मिथा। नय, वाकात वर्ष त्रजा वा मिथा। इर्ज भारत । विवृजितृहक वाका वावशात करत वामता या वनक होहे छोहे त्रजा वा मिथा। । मरन कक्रन, विकृति वहे प्रविद्य वामि वननाम, वहेही वामात, वालि वननाम, वहेही वामात, वालि वननाम, वहेही वामात । मूक्षम विकृत वाका वावशात कत्रहि, वाका मूहित वर्षक वक्ष । वना व्यक्ज भारत, "त्र वक्ष प्रविद्य वक्षा वाकाहि वनकात ।" किछ मूक्षमत वक्षवा जित्र, श्रीय त्रव-रक्षवा वेक्षवा वावशात विवाद । विवाद विकृत वाका विवाद विवाद

বাক্যকে সত্য বা মিখ্যা বলা চলে কি? সাধারণ্যে প্রচলিভ वाकृतीिक्टिक वाकारक व गठा वा मिथा। वना दस । किन्ह मतन कन्नन, আপনি উপরের "বৃষ্টি হচ্ছে" বাকাটি পড়লেন । বাকাটি সত্য বা মিথ্যা 🕈 আপনি কি বাক্যটি প্রভবার সময় জানালা দিয়ে বাইরে তাকিয়ে দেখনেন, বৃষ্টি হচ্ছে কিনা, এবং তারপর বাক্যটির সত্যাসত্য নির্ধারণ করলেন ? আসলে এই বাক্যটি সত্যও নয়, মিথ্যাও নয়, লেখার সময় আবহাওয়ার অবস্থাসূচক কোন উক্তি নয়, বাক্যের একটি দুষ্টান্ত হিসেবে ব্যবহৃত হয়েছে মাত্র। বাক্যটি কেবল তখনই একটি বচন প্রকাশ করবে যখন কেউ এটিকে বিবৃতিসূচকর্মপে বলে ব। লিখে ব্যবহার করবেন। স্থতরাং বলা যেতে পারে, বাক্যের মধ্যে বচন-সম্ভাবনা রয়েছে, কিন্তু যতক্ষণ বাক্যাট ষোঘিত না হচ্ছে, ততক্ষণ সে কোন বচন প্রকাশ করে না। বাকাটি ষোঘিত হলে তার বক্তব্য বা বচন সভ্য বা মিথ্যা হতে পারে, বাক্য সরাসরিভাবে সত্য বা মিধ্যা কিছুই নয়। প্রচলিত বাকুরীতিতে বাক্যকে যখন আমরা সত্য বা মিধ্যা বলি, তখন "সত্য" বা "মিধ্যা" বিশেষণ লক্ষ্যার্ধে প্রয়োগ করি। যখন বলি, অমুক বাক্যাট সত্য বা মিধ্যা, তখন বোঝাতে চাই, অমুক বাক্য হারা হোষিত বচনটি সত্য বা मिथा।

একমাত্র বচনই ন্যায়ে যুক্তি বা সিদ্ধান্ত হিসেবে ব্যবহৃত হতে পারে। ন্যায়ে বাক্য থেকে বাক্য নি:স্তত হয় না, বচন থেকে বচন নি:স্তত হয়। বচনরূপে ছাড়া অন্যভাবেও বাক্যের ব্যবহার হতে পারে, কিন্তু বাক্যের ঐ ধরণের ব্যবহার ন্যায়ে বিবেচ্য নয়। অবশ্য বচনের দৃষ্টান্ত দিতে গেলে বাক্যই ব্যবহার করতে হয়, তাই বাক্য ও বচনের মধ্যে বিভ্রান্তি হয়, পার্ধক্যটি ধয়। পড়ে না। কিন্তু আসলে বাক্য বচনের প্রতীকী রূপ। বাক্য বিশেষ ভাষার দৃশ্যপ্রতীক (অক্ষর বা রেখা) বা ধ্বনিপ্রতীক সমনুয়ে গঠিত, বচন ঐ প্রতীকের য়ায়া প্রকাশিত উক্তি। বাক্য দৃশ্য বা প্রবণীয়, বচন বোদ্ধব্য, প্রত্যয়বিশেষ।

1.3 সভ্যভা ও বৈগভা

বচন সত্য বা মিধ্যা হতে পারে, কিন্তু একসক্ষে উভয়ই হতে পারে না, কারণ তা হলে স্ববিরোধ হবে, এবং বচনটি ন্যায়ে যুক্তি বা সিদ্ধান্ত হিসেবে ব্যবহারের অযোগ্য হয়ে দাঁড়াবে। বচনের সন্ত্যতা বা মিধ্যান্ত অভিজ্ঞতা নিরপেকভাবে বা অভিজ্ঞতাসাপেকভাবে নিরপিত হতে পারে।

वृष्टि श्ला वा वृष्टि श्ला ना,

বচনটি অভিজ্ঞতা নিরপেক্ষভাবে সত্য । এর সত্যতা নিরূপিপের জন্য বাইরে তাকাবার দরকার নেই, বচনটি বিশ্লেষণ করলেই দেখা যাবে, এটি দুটি সরল বচনের একটি যৌগিক বৈকল্পিক বচন, যার একটি বিকল্প অপরটির নিষেধ, যার ফলে যৌগিক বচনটি সত্য হতে বাধ্য । কিন্তু,

কোলকাতা থেকে রেলে দিল্লীর দূরত্ব 1445 কি.মি.

বচনটির সত্যতা নিরূপণ অভিজ্ঞতাসাপেক্ষ। বচনটি বিশ্লেষণ করনেই এটি যে সত্য তা বোঝা যাবে না। তার জন্য কোলকাতা থেকে দিল্লীর দূর্ঘ মাপতে হবে। প্রথম প্রকারের সত্যতাকে আকারগত সত্যতা বা ঘত:সত্যতা, ঘিতীয় প্রকারের সত্যতাকে ব্যবহারিক সত্যতা বলা হয়।

यपि वना श्य.

वृष्टि क्टाइ वदः क्टाइ ना,

তবে বচনটি মিধ্যা হতে বাধ্য। এটি যে মিথ্যা তা বোঝবার জন্যও বাইরে তাকাবার দরকার নেই। বচনটি বিশ্লেষণ করলেই দেখা যাবে, এটি দুটি সরল বচনের একটি সংযৌগিক বচন, যার মধ্যে একটি অপরটির নিষেধ, যার ফলে সংযৌগিক বচনটি মিধ্যা হতে বাধ্য। কিন্তু.

কোনকাতা থেকে রেলে দিল্লীর দূরত্ব 1545 কি.মি.,

বচনটির মিধ্যাত্ব নিরূপণ অভিক্ষতা-সাপেক্ষ। বচনটি বিশ্লেষণ করলেই এটি যে মিধ্যা তা বোঝা যাবে না। প্রথম প্রকারের মিধ্যাত্বকে আকার গত মিধ্যাত্ব, স্বতোমিধ্যাত্ব বা স্ববিরোধ, ত্বিতীয় প্রকারের মিধ্যাত্বকে ব্যবহারিক মিধ্যাত্ব বলা হয়।

বচনকে আমরা সত্য বা মিথ্যা বলি, কিন্তু ন্যায়কে বৈধ বা আবৈধ, শুদ্ধ বা অশুদ্ধ বলি, সত্য বা মিথ্যা বলি না। নীচের ন্যায়গুলো দেখুন:

(1) সব বর্গক্ষেত্র (হয়) আয়তক্ষেত্র,
 সব আয়তক্ষেত্র (হয়) সামান্তরিক,
 ∴ সব বর্গক্ষেত্র (হয়) সামান্তরিক।

- (2) সব গুজরাটা (হয়) মারাঠা, সব মারাঠা (হয়) ভারতীয়,
 - ∴ সব গুজরাটা (হয়) ভারতীয়।
- (3) সব গুৰুরাটী (হয়) তামিলভাষী, সব তামিলভাষী (হয়) ভারতীয়।
 - ∴ সব গুজরাটা (হয়) ভারতীয় ।
- (4) সব পুরুষ (হয়) নশুর, সব নারী (হয়) নশুর,
 - ∴ সব পুরুষ (হয়) নারী।
- (5) সব বাঙালী (হয়) তামিলভাষী, সব তামিলভাষী (হয়) রুরোপীয়,
 - ∴ সব বাঙালী (হয়) মুরোপীয় ।
- (6) সব লোকসভার সদস্য (হন) দায়িছপূর্ণ কাচ্ছে অধিষ্ঠিত, ভারতের প্রধানমন্ত্রী (হন) দায়িছপূর্ণ কাচ্ছে অধিষ্ঠিত,
 - ∴ ভারতের প্রধানমন্ত্রী (হন) লোকসভার সদস্য ।

এই ছয়টি ন্যায়কে পরীক্ষা করবার জন্য আমরা তিনটি প্রশু রাধব, যুক্তি বচনগুলো সত্য কিনা, সিদ্ধান্তটি সত্য কিনা, ন্যায়টি বৈধ কিনা।

- (1) ন্যায়ে যুক্তি বচন দুটিই সত্য, সিদ্ধান্ত সত্য, ন্যায়টি বৈধ ।
- (2) ন্যায়ে যুক্তি বচন একটি সত্য অপরটি মিথ্যা । সিদ্ধান্ত সত্য, ন্যায়টি বৈধ।
- (3) ন্যায়ে যুক্তি বচন দুটিই মিথ্যা, সিদ্ধান্ত সত্যা, ন্যায়টি বৈৰ ।
- (4) न्यादा युक्ति वहन मृहिरे मठा, निश्वाच मिथा, न्याबहि चरेव ।
- (5) न्यादय युक्ति वहन पूर्विरे मिथ्या, निषां सिथ्या न्यासि देव।
- (6) ন্যায়ে যুক্তি বচন দুটিই সত্য, সিদ্ধান্ত সত্য, ন্যায়টি অবৈধ !

আমরা দেখতে পাচ্ছি, ন্যারের বৈৰতা বা অবৈৰতা বুক্তি বচনের সত্যতা মিথ্যাদ্বের উপর নির্ভর করে না। মিথ্যা বুক্তি বচন থেকে বৈধভাবে সত্য সিদ্ধান্ত পাওয়া যেতে পারে, বুক্তিবচন ও সিদ্ধান্ত দুইই ইমিথ্যা হলেও ন্যায় বৈধ হতে পারে, যুক্তিবচন সত্য হলেও সিদ্ধান্ত মিথ্যা 8/

ও न्याम चरित्र হতে পারে। न्यासम दिवरण निकास्त्र गण्या धर्माणः करत ना. न्यासम चरित्रण निकास्त्रम मिथाफ धर्माणं करत ना।

বন্ধত:, ন্যায়ের বৈধতা স্বত:সত্য বচনের মত আকারগত। যথন আমরা কোন ন্যায়ের বৈশতা সহত্তে প্রশু তুলি, তখন আমাদের জিজ্ঞাস্য, সিদ্ধান্তটি বুজিবচন (সমষ্টি) থেকে আকারগতভাবে নি:স্ত হচ্ছে কিনা। (পরবর্ত্তী অনুচ্ছেদে ন্যায়ের আকার সম্বন্ধে আলোচনা করা হবে।) যুক্তিবচন বা সিদ্ধান্তের সত্যতা মিখ্যাত্ব নিরূপণ ন্যায়শান্তের কাজ নয়, সে কাজ বিজ্ঞান ইতিহাসের। যুক্তিবচনকে সত্য ধরে নিলে সিদ্ধান্ত সত্য रत, कथन अभिग राज शांतर ना, य कान देव-नारा युक्किन उ শিদ্ধান্তের মধ্যে এই সম্বন্ধ। যখন রীম্যান ইউক্লিডের সমান্তরাল चीकार्यंत वपत्न नुजन चीकार्य পतिश्रष्ट कत्रत्नन पर्था९ धरत नित्नन, একটি রেখার বাইরের কোন বিলু থেকে সেই রেখার সমান্তরাল একটি রেখাও টানা যায় না, তখন তার থেকে তিনি এই সিদ্ধান্ত আনয়ন করলেন যে ত্রিভুজের তিন কোনের সমষ্টি সর্বদাই দুই সমকোণের বেশী। এখানে ধরে নেওয়া বা ধার্যমান বিষয় হচ্ছে, একটি রেখার বাইরের কোন বিন্দু থেকে সেই সংখ্যার সমান্তরাল একটি রেখাও টানা যায় না। তার থেকে অনুধার্য নিঃস্টত হল, ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি সর্বদাই **पू**रे गमरकार्णत तभी। धार्यमान मठा रतन अनुधार्य मठा रत, कथन । মিখ্যা হতে পারবে না, ধার্যমান ও অনুধার্যের মধ্যে এই সম্বন্ধ। যে কোন नग्राद्य युक्तिवहन शार्यमान, निकां अनुशार्य, शार्यमान नज्य इटल অনুধার্ষও সত্য হবে, কখনও মিথ্যা হবে না, এরূপ হলেই ন্যায়টি বৈধ। (6) ন্যায়ে যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্ত দুই-ই সত্য, তবুও ন্যায়টি অবৈধ। কেননা, যুক্তিবচন থেকে সিদ্ধান্ত আকারগতভাবে নি:স্ত হচ্ছে না। আর একটি একই আকারের ন্যায়ের সঙ্গে (6) ন্যায়টির তুলন। कन्नलारे विषयाहि वाका यादा।

- (7) সব লোকসভার সদস্য (হন) দায়িছপূর্ণ কাজে অধিষ্টিত, ভারতের মহানিরীক্ষক (হন) দায়িছপূর্ণ কাজে অধিষ্টিত,
 - ∴ ভারতের মহানিরীক্ষক (হন) লোকসভার সদস্য ।
- (6) ও (7) ন্যায় একই আকারের, কিন্ত (7) ন্যায় অবৈধ, কারণ যুক্তিবচন বুদ্ধি সত্য হয়েও সিদ্ধান্ত মিধ্যা হয়েছে, অর্থাৎ সিদ্ধান্ত যুক্তিবচন থেকে আকারগতভাবে নি:সত হচ্ছে না। (6) ন্যায়ের সিদ্ধান্ত সত্য হলেও

তা বুজিবচন থেকে আকারগতভাবে নি:স্ত হচ্ছে না, স্তরাং ন্যারাটি অবৈধ। লোকসভার সদস্যরা তাঁদের কাজ করেন কিনা, বা শুজরাটীরা মারাঠী বা তামিলভাষী কিনা, তা ন্যায়শান্ত্রের বিবেচ্য নয়। ন্যায়শান্ত্রের বিচার্য, বুজিবচন সত্য বলে মেনে নিলে তার থেকে কি সিদ্ধান্ত আকারগতভাবে নি:স্ত হতে পারে। বুজিবচন সত্য হলে সিদ্ধান্ত সত্য হতে বাধ্য। কিন্তু বৈধ ন্যায়েও বুজিবচন বন্ততঃ মিধ্যা হতে এবং সিদ্ধান্ত বন্তুতঃ সত্য বা মিধ্যা হতে কোন বাধা নেই।

প্রশু হতে পারে, (5) ন্যায়ের মত উভট ন্যায় রচনা করার কি হেতু ? উত্তরে বলা যায়, উনবিংশ শতাব্দীর মধ্যভাগে রীম্যান এক অব্তুত चौकार्य नित्य त्कन च-इडिक्रिडीय क्यामिडि त्रक्ता कत्रत्नन, त्य चौकार्य ইউক্লিভের স্বত: সিদ্ধ (?) স্বীকার্যের বিরোধী ? বিজ্ঞানীরা যে সব প্রকল্প করেন সেগুলোর সত্যমিধ্যাত্ব প্রথমে অজ্ঞাত থাকে। কিন্তু প্রকল্প থেকে কতগুলে৷ সিদ্ধান্ত আনয়ন করে পর্যবেক্ষণ বা পরীক্ষণের সাহায্যে প্রকল্পের সত্য-মিধ্যাত্ব নিরূপণ করাই তাঁদের উদ্দেশ্য। স্থতরাং क्वन गठा युक्जिनहरू नाारा नानशार्य, कविष्ठ ना मिथा। युक्जिनहरू বর্জনীয়, একথা ঠিক নয়। মিথ্যাকে মিথ্যা প্রমাণ করার জন্যও তার থেকে স্ববিরোধী সিদ্ধান্ত আনয়ন করা প্রয়োজন হয়। স্বীকার্য বা প্রদত্ত উপাত্ত থেকে সিদ্ধান্ত আনয়ন করা সব বিজ্ঞানেরই কাজ। त्रिक्वान्त वानग्रन देवथ ना श्टल विक्वादनत छेटकमाउँ वार्थ श्टल । नाग्र-শাস্ত্রের উদ্দেশ্য, সিদ্ধান্ত কথন বৈধভাবে কখন অবৈধভাবে নি:স্ত হচ্ছে তা বিচার করবার পদ্ধতি দেখিয়ে দেওয়া। (5) ন্যায়টি দুষ্টান্ত হিসাবে ব্যবহৃত হয়েছে, এটিকে সতর্কবাণী হিসেবেও ধরে নেওয়া যায়। বৈধভাবে নি:স্ত সিদ্ধান্ত মিথ্যা বলে জানা থাকলে বুক্তিবচনে ভুল অনুেঘণ করুন, কারণ বৈধ ন্যায়ে সত্য যুক্তিবচন থেকে মিথ্য। সিদ্ধান্ত আসতে পারে না।

1.4 আকার

আমরা বলেছি, ন্যায়ের বৈধতা আকারগত। আকার কি ? বন্ধর আকার আমরা সহজ্ঞেই বুঝি। একটি বরফের ঘনককে একটি গ্লাসে রেখে দিলে কিছুক্ষণের মধ্যেই বরফ জল হয়ে গ্লাসের আকার ধারণ করবে। তিন রকম কাপড় দিয়ে কেউ নিজের জন্য তিনটি কোট তৈরী করনে কোটগুলোর বন্ধ ভিন্ন কিন্তু আকার এক হবে। আবার একই কাপড় দিয়ে কোট ও প্যাণ্ট তৈরী করালে বস্তু এক আকার ভিন্ন হবে। একই ডিজাইনের সোনা ও রূপার গহনা হয়, আবার বিভিন্ন ডিজাইনের সোনা বা রূপার গহনা হয়। বিভিন্ন বস্তুর একই আকার হতে পারে, আবার একই বস্তু বিভিন্ন আকারের হতে পারে। অনুরূপভাবে বলা যায়, কবিতার ছন্দ, গানের স্থর, একপ্রকার আকার। এখানে বস্তু ধ্বনি, আকার স্থমিত যতিচ্ছেদ, অক্সরের গুরুলমুক্রম, শ্বরের বিধিনিদিষ্ট পারন্দর্য, মাত্রা, ইত্যাদি।

ভাষার নধ্যেও আকার আছে। কোন কোন বাক্যে উদ্দেশ্য-বিধেয়ের নধ্যে বস্তুপ্ত গ্রন্থন উক্ত হয়, যেমন,

রবীক্রনাথ (হন) কবি।

আবার কোন কোন বাক্যে উদ্দেশ্য-বিধেয়ের মধ্যে অন্য প্রকার সম্বন্ধ উক্ত হয়, যেমন,

> কোলকাতা (হয়) বধের পূবে। দেবযাণী কচকে ভালবাসতেন।

বাক্যের আকার ব্যাকরণের আলোচ্য। বচনের আকার সাধারণত: বাক্যের আকারের অনুগামী, কিন্ত অনেক স্থলে বাক্যের আকার বিন্তান্তি-জ্বনক, তার থেকে বচনের প্রকৃত আকার বোঝা যায় না।

- (1) বঙ্কিমচক্র ও সঞ্জীবচক্র লেখক ছিলেন।
- (2) বঙ্কিমচন্দ্র ও সঞ্জীবচন্দ্র ভাই ছিলেন।

प्पृत्तित्र वाक्याकात এক, কিন্ত বচনাকার এক নয়। (1) বচনকে বিশ্লেঘণ করলে দুটি বস্তু-গুণ সম্বন্ধবাচক বচন পাওয়। যায়,

विषयित्र त्यं कि हित्तन, मञ्जीवित्यः त्यं के हित्तन।

(2) বচনকে যদি অনুরূপভাবে বিশ্লেষণ করা হয়, তবে দাঁড়ায় দুটি অর্থহীন বাক্য,

বঙ্কিমচক্র ভাই ছিলেন, সঞ্জীবচক্র ভাই ছিলেন।

"বিষ্কিমচন্দ্র" ও "সঞ্জীবচন্দ্রের" সঙ্গে "ভাই"-এর বস্তপ্তণ সম্বদ্ধ নেই, বেমন আছে "নেখকের" সজে, আছে "বিষ্কিচন্দ্র" ও "সঞ্জীবচন্দ্রের" মধ্যে "ভাই" সম্বদ্ধ । ন্যায়শান্তে আমাদের বিবেচ্য বচনাকার, বাক্যাকার নয় । প্রাচীন ন্যায় শাজে নিমুরূপ বচন প্রসিদ্ধ:

- (A) गव ताका (श्य) विनागी ।
- (E) त्कान बाका नग्न विनानी,
- (I) কোন কোন রাজা (হয়) বিলাসী।
- (O) কোন কোন রাজা নয় বিলাসী,

(প্রাকন্পিক) যদি সে পড়াগুনা করে, তবে সে পাশ করবে, (বৈকন্পিক) সে পরীক্ষা দেবে, বা বিদেশে চলে যাবে।

এদের আকার পূথক করে দেখানো যায়:

- (A) সব (হয়) ,
- (I) কোন কোন (হয়),
- (O) কোন কোন নয়,
- (थ्राकब्रिक) यमि, তবে,
- (বৈকল্পিক), বা।

প্রথম চারিটি বচনের শুন্যস্থানগুলো আমর। যে কোন পদ দিয়ে প্রপ করতে পারি, পরের দুটি বচনের শুন্যস্থান যে কোন বচন দিয়ে পুরণ করতে পারি, তাতে সত্য, মিথ্যা বা অর্থহীন বচন পাওয়া যাবে। প্রথম (A) আকারটিতে শুন্য স্থান পূরণ করে তিনটি বচন তৈরী কর। যাক:

> সব মানুষ (হয়) মরপশীল। সব মানুষ (হয়) পুরুষ। সব ছিখাত সমীকরণ (হয়) জ্রুত ধাবনশীল।

প্রথম বচনটি সত্য, হিতীয়টি মিপ্যা, তৃতীয়টি অর্থহীন। বচনগুলো যাই হোক না কেন, প্রাচীন ন্যায়শাল্রের জ্ঞান থেকে আমরা সহচ্ছেই বুবাতে পারি, ন্যায়ের বৈধতা শূন্যম্বানে কি পদ সংস্থাপন করা হবে, বা বুদ্ভিন্দিন সত্য কিনা, তার উপর নির্ভর করে মা, নির্ভর করে বুদ্ভিন্দিন থেকে সিদ্ধান্ত ন্যায়তঃ নিঃস্থত হয় কিনা, তার উপর। প্রাচীন ন্যায়শাল্রে শূন্যম্বান বোঝাতে কতগুলো বর্ণপ্রতীক ব্যবহার করাে হত। বর্ণপ্রতীক ব্যবহার করেনে বচনাকারগুলো দাঁড়ায়,

- (A) সব S (হয়) P,
- (B) কোন S নয় P,
- (I) কোন কোন S (হয়) P,
- (O) কোন কোন S নয় P,

(श्राकत्निक) यिष p, তবে q,

(रिक ब्रिक) p वा q ।

লক্ষণীয় যে এগুলে। একটাও বচন নয়, কারণ, যখন বলি, "সব S (হয়) P", তখন আমর। S, P কি তা জানি না, স্ক্তরাং কিছু বলিও না, শুধু বচনাকারটি দেখাই। S ও P এর স্থলে পদ সংস্থাপন করলে তবে বচন পাওয়। যাবে। "সব S (হয়) P" সত্যও নয়, মিধ্যাও নয়, কারণ আকার সহত্তে সত্য-মিধ্য। বিশেষণ প্রয়োগ করা চলে না।

প্রাচীন ন্যারশান্তের পাঠ থেকে আমরা ন্যায়ের আকারের সঙ্গে মোটামুটি পরিচর লাভ ক্রেছি। BARBARA, CELA RENT, Modus Ponens, Modus Tollens, ইত্যাদি মাধ্যমানুমান বা ন্যায়ের আকার। এই রকম যে কোন একটি ন্যায়কে বিশ্লেষণ করলে আমরা বুঝতে পারি, ন্যায়ের বৈধত। আকারগত, বচনের বা বচনান্তর্গত পদের অর্থবাধ্ব বৈধতা বিচারের পক্ষে অপ্রয়োজনী য়।

- (1) এই বস্তুটি সাগরকুস্থম¹
- ় এই বস্তুটি উদ্ভিদ নয়।

এই ন্যায়ে সিদ্ধান্তটি আকারগতভাবে যুক্তিবচন থেকে নিঃস্থত হচ্ছে না, কারণ "সাগরকুসুম" ও "উদ্ভিন" শব্দের অর্থবোধ না হলে ন্যায়টি যে বৈধ ত। আমর। বুঝতে পারি না। ন্যায়টির যুক্তাবর্গবের একটি বচন উহ্য, পূর্ণ ন্যায়টি এইরূপ:

- (2) কোন সাগরকুত্মন নয় উদ্ভিদ, এই বস্তুটি (হয়) সাগরকুত্মন,
 - : এই বস্তুটি নয় উদ্ভিদ।

[।] একপ্রকার একনালীদেহী প্রাণী (Phylum Coelenterata পর্বের), মাদ্রাজের উপকূলে প্রসুর দেখা যায় । সাগরকুসুমের (Sea-anemone), কর্মিকা গুরো সমুদ্রের জলে আন্দোলিত হতে থাকলে কুসুম বলে ক্রম হর ।

ন্যারটি CBLARBNT আকারের। এখনই আমরা দেখছি, ন্যারটির বৈধতা বিচারে "সাগরকুত্বম" ও "উদ্ভিদ" পদ দুটির অর্ধবোষের আর প্ররোজন নেই। বুজিবচন দুটি সত্য হলে সিদ্ধান্তটি মিধ্যা হতে পারে না। যদি বর্ণ প্রতীকের সাহায্যে ন্যারটি লিখি, তাহলে তার আকার দাঁভার:

(3) No S is P This is S

.. This is not P

এখানে S, P কি তা অনুজ্ঞ। এখানে কোন বিষয় সম্বন্ধে কিছু বলা হচ্ছে না। এটি ন্যয়াকারের একটি প্রকৃষ্ট উদাহরণ। এইরূপ আকারের যে কোন ন্যায় বৈধ, বর্ণ প্রতীকের স্থলে পদসংস্থাপন করলে বচনগুলো সত্যা, মিধ্যা, অর্থহীন যাই হোক না কেন।

(1) ন্যায়ে সিদ্ধান্ত আনয়নের জন্য বিষয়জ্ঞান দরকার, কিছ (2) বা (3) ন্যায়ে সিদ্ধান্ত যুক্তিবচন থেকে আকারগতভাবেই নিঃস্তত হচ্ছে। (2) ন্যায়ে ব্যবহৃত পদগুলোর অর্থবাধ বা সংশ্লিষ্ট বিষয়-জ্ঞানেরও কোন প্রয়োজন নেই। (3) ন্যায়ে ব্যবহৃত বর্ণপ্রতীকগুলো শূন্যস্থানসূচক, স্কৃতরাং এটিই এই প্রকার বৈধ ন্যায়ের আকার। যে ন্যায়ে যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্তের মধ্যে সম্বন্ধ এমন যে যুক্তিবচন সত্য হলে সিদ্ধান্ত মিধ্যা হতে পারে না, তাকে অবরোহমূলক ন্যায় বা সংক্ষেপে অবরোহ বলে, এবং সিদ্ধান্ত আনয়নকে অবরোহণ বলে। স্কৃতরাং বলা যায়, (1) ন্যায়ের অবরোহণ আকারগত নয়, বিষয়্ত্রান সাপেক্ষ, বিভ

প্রাচীন ন্যায়শান্ত থেকে আমরা করেকটি বৈধ ন্যায়ের জাকার জানতে পারি। নব্য ন্যায়শান্তে বৈধ ন্যায় সম্বন্ধে এবং আরও নানারকমের বৈধ ন্যায়াকার সম্বন্ধে অনেক নূতন জ্ঞান সংযোজিত হরেছে।

1.5 ন্যায়শাস্ত একটি বিমূর্ড বিজ্ঞান

ন্যায়শান্ত বৈধ ন্যায়ের জাকার বিষয়ক বিজ্ঞান। আমরা আগেই দেখেছি, ন্যায়ের বৈধতা বিচার ন্যায়াত্র্গত বচন বা পদের অবিভার নিরপেক্ষ। শুধু ন্যায়ের আকারটি বিচার করেই বলা যার, ন্যায়টি বৈধ বা অবৈধ। বচনের সত্যতা বিচার বা বচনাত্র্গত পদের অর্থবোধ

অভিক্রতাসাপেক, কিন্ত ন্যায়ের বৈধতা বিচার এগুলোর উপর নির্ভরশীল নয়। সে জন্যই প্রাচীন ন্যায়শাজে পদের বদলে S, P, M বর্ণপ্রতীকভবো ব্যবহার করা হত। অনেক সময় ন্যায়ান্তর্গত বচনের সত্যামিধ্যাছ
ভান এবং বচনান্তর্গত পদের অর্থবোধ ন্যায়ের বৈধতা বিচারে বাধ্য
ভংপাদন করে। মনে করুন, নিমুলিখিত ন্যায়টি উপস্থাপিত করা হল:

(1) যদি আমি প্রধানমন্ত্রী হই, তবে আমি বিখ্যাত, আমি প্রধানমন্ত্রী নই,

∴ আমি বিখ্যাত নই।

হঠাৎ মনে হতে পারে, ন্যায়টি বৈধ, কারণ যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্ত সবই সত্য। কিন্তু ন্যায়টি যে বৈধ নয়, তা একই আকারের আর একটি ন্যায়ের সঙ্গে তুলনা করলেই বোঝা যাবে।

> (2) যদি সত্যজিৎ রায় প্রধানমন্ত্রী হন, তবে তিনি বিখ্যাত, সত্যজিৎ রায় প্রধান মন্ত্রী নন.

> > শত্যিজিৎ রায় বিখ্যাত নন।

বুজিবচন পুটি সত্য, সিদ্ধান্তটি মিথ্যা, কোন বৈধ ন্যায়ে এরপে হতে. পারে না । প্রাচীন ন্যায়শান্ত থেকে আমরা জানি,

> (3) यिन p, তবে q ना−p
>
> ∴ ना−q

ন্যায়টি অবৈধ। ন্যায়ের আকারটি বিমূর্তন করে দেখলে বৈধতা-অবৈধতা বিচার সহজ হয়। দৈনন্দিন জীবনে আমরা যে বিশেষ প্রসঙ্গে অভিজ্ঞতা-ক্ষেত্রে অনুমান করি, এবং ন্যায়ে প্রকাশ করি, সেই প্রসঙ্গ, সেই ক্ষেত্রে থেকে বিমূর্তন করে আকারটি পৃথকভাবে বিচার করা ন্যায়শান্ত্রের প্রধান কাজ।

বে কোন বিজ্ঞানই এই প্রকার বিমূর্তন করে থাকে। সামান্টীকৃত সূত্র নিরূপণ বিমূর্তনের উপযোগিত।। পদার্থবিদ্যায় ঋজুগতি সম্পর্কীয় সমীকরণটি ধরা যাক। কোন বস্তকণা । সেকেণ্ড ব্যেপে V সমবেগ নিয়ে চললে সে যে দূর্য অতিক্রম করবে তা (\$ কে অতিক্রান্ত দূর্যের প্রতীক ধরে)।

S = Vt

সূত্রাট হারা প্রকাশ করা হয়। এখানে কোন বিশেষ বন্ধ বা কোন নিদিটি বেগ বা নিদিট সময়ের উল্লেখ করা হচ্ছে না। বিমূর্ত সূত্রাট বলে, বন্ধ যাই হোক না কেন, তার বেগ যতই হোক না কেন (সমবেগ হলেই চলবে), সময় যতটাই হোক না কেন,

অতিক্রান্ত দূরত্ব = সমবেগ × সময়।

স্মীকরণাট ''স্মবেগ'', ''দর্ঘ'', ''সময়'', এই ধারণাগুলোকে কোন বস্তু বিশেষের সমবেগ, অতিক্রান্ত দ্রম্ব ও সময় থেকে বিমূর্ত্তন করে নিয়েই এই সামান্যীকৃত স্ত্রটিতে পেঁছিতে পেরেছে। ন্যায়শাস্ত্রও তেমনি ্রিন্যায়ের প্রিসঙ্গ, অভিজ্ঞতা, ব্যবহৃত বচন, পদ থেকে শুবু আকারটি বিমূর্তন করে ন্যায়ের বৈধতা সম্বন্ধে সামান্যীকৃত সূত্রগুলোতে পৌছায়। বস্তত:, এই প্রকার বিষ্র্তন করে শুৰু আকারকে আলাদাভাবে পরীকা না করলে এর প্রকৃত বিশ্লেষণ সম্ভবই নয়। "এক," "দৃই", "তিন", সংখ্যাগুলোও বিমূর্ত, ''এক'' বললে একটি আপেল বা একটি মানুঘ বোঝায় না, বিমূর্ত সংখ্যাটিই বোঝায়। যদি আমরা আপেল, মানুষ, ইত্যাদির সমষ্টি থেকে বিষ্র্তন করে পৃথকভাবে সংখ্যার ধারণা করতে না পারতাম, তবে গণিতের সাধারণ স্ত্রগুলোও জানতে পারতাম কিনা সন্দেহ। উপরের অবৈধ (1) ন্যায়টি দেখে কেউ হয়ত এটি যে অবৈধ তাই ধরতে পারবে না, কেউ বা অবৈধ মনে করনেও ঠিক কি কারপে অবৈধ তা বিশ্লেষণ করে বলতে পারবে না। ন্যায়শান্তের কাজ, ন্যায়ের আকারগত বৈশিষ্ট্যাট বিশ্লেষণ করে দেখানো, কেন যুক্তিবচন সত্য হলে সিদ্ধান্ত নিথ্যা হতে পারবে না। কোন বিশেষ বস্তু যেমন পদার্থ-বিদ্যা বা গণিতের আলোচ্য নয়, তেমনি (1) ও (2) ন্যায়ে ব্যবহৃত "আমি", "সত্যজিৎ রায়", "প্রধানমন্ত্রী", "বিখ্যাত", ইত্যাদি বন্ধ বা ভণগুলো ন্যায়শান্ত্রের আলোচ্য নয়। এদের সমনুয়ে গঠিত বচন স্মষ্ট্রর मर्था थे निर्मार ने नाइ बाह्य किना, किनन ठाई नाउनाखित बालाठा, এবং এই সৰদ্ধ স্পূৰ্ণিই আকারগত।

ন্যায়শান্তের কোন সংজ্ঞা দেওয়া যায় কি ? এই প্রশু উবাপন করে বাটু ডি রাসেন বলেন :

I Bertrand Russell, Introduction to Mathematical Philosophy, London, George Allen and Unwin Ltd., Tenth Impression, 1960, pp 196 ff.

"এই শাস্ত্রে আমরা কোন বিশেষ বস্তু বা গুণ নিয়ে আলোচনা করি না : যে কোন বস্তু বা যে কোন গুণ সম্পর্কে আকারগতভাবে या वना घटन एष् छोरे निद्य जाटनांघना कति। जामना এटक अटक দুই বনতে প্ৰস্তুত, কিন্তু সক্ৰেটিস ও প্লেটো মিলে দুই বনতে প্ৰস্তুত নই, কারণ নৈয়ায়িক বা তত্তীয় গাণিতিক হিসেবে আমরা সক্রেটিস বা প্লেটোর কথা কখনও শুনিনি। এমন একটা জগৎ যদি কল্পনা কর। একে দুই হবে। নৈয়ায়িক বা তথীয় গাণিতিক হিসেবে কোন ব্যক্তি বা বস্তুর উল্লেখ আমাদের পক্ষে অসমীচীন হবে, কারণ তা করলে या ज्यास्त्र, जाकात्रविषयक नय, এमन विषय्यत উল্লেখ कता श्रद । माशुमानुमान पिरव्रदे जामता कथां। পরिकात कतरा পারি। প্রাচীন न्तांग्रगाद्य रतन, ''नर मानुष मत्रगंगीन, नरकिंग वक्षन मानुष, ञ्चलत्राः সক্রেটিস মরণশীল।" এটা খুবই পরিস্কার যে আমরা যা বলতে চাই তা श्टाक्ट युक्तिवान ও निष्कारस्त्रत मत्था এकिंग वित्यम नचक, युक्तिवान ও সিদ্ধান্ত বন্ধত: সত্য, এ আমাদের বক্তব্য নয়। প্রাচীন ন্যায়শান্ত্রও একথা পরিষারভাবেই বলে যে যুক্তিবচনের বাস্তব সত্যতা ন্যায়ের পক্ষে অবান্তর। স্থতরাং ন্যায়টিকে যদি এইরূপ পরিবতিতভাবে বলি যে, "विप नव मानूष मत्रभनीन ও मत्किन विकक्षन मानूष दय, তবে मत्किन মরণশীল", তবেই ন্যায়টির প্রকৃত স্বরূপ প্রকাশ করা হয়। এবার আমরা পরিষ্কার বুরতে পারি, ন্যায়টি তার আকারের জন্যই বৈধ, এর মধ্যে কি পদ ব্যবহার করা হয়েছে তার ছন্য নয়। যদি আমরা "मद्यक्रिंग এकक्षन मानूष" यूक्षियठन त्थरक वाम मिछाम, তবে न्यायि আকারগতভাবে বৈধ হত না, যদিও সক্রেটিস বস্ততঃ একজন মানুঘ বলে বৈধ হত। কিন্তু তখন আমরা ন্যায়াকারটিকে সামান্যীকৃতভাবে প্রকাশ করতে পারতাম না। যখন আমর। ন্যায়ের আকার সম্বন্ধে কিছু বলি, তখন আমাদের বক্তব্য ন্যায়ান্তর্গত পদের উপর মোটেই নির্ভর করে না। ञ्च्छताः जामता मानुष्पत ऋत्न द, मत्रभनीत्नत ऋात्न β, এবং সক্রেটিসের স্থানে 🗴 বর্ণপ্রতীক ব্যবহার করতে পারি (🕻 ও β-কে যে কোন বর্গের এবং x কে যে কোন ব্যক্তির বর্ণপ্রতীক হিসেবে)। এখন আমরা বে বক্তব্যে পৌঁছালাম তা এই: "κ, < ও β-এর বে কোন মান ধরে, यि गर 4 β इस এবং x এकि 4 इस, जरत x এकि β |" चनाजात्व बना यात्र, 'धिन भव ६ β इत्र धदः अ धकाँ ६ इत्र,

তবে x একটি β , এই বচনাপেক্ষকটি স্বত:সত্য।" এবার আমরা ন্যায়ের একটি প্রকৃষ্ট উপাহরণ দেখনাম যার ইন্দিতমাত্র প্রাচীন ন্যারশাত্রে ''সক্রেটিস,'' ''মানুঘ'' ও ''মরণশীল'' পদগুলোর সাহায্যে রচিত ন্যায়ের হারা বোঝা যেত, কোন স্কুম্পষ্ট ধারণা হত না।

এবার পরিকারভাবেই বোঝা যাবে, ন্যায়ের আকারই যদি আমাদের আলোচ্য হয়, তবে সব সময়ই আমরা উপরের বচনটির অনুরূপ বচনে পৌছাব, যাতে কোন বস্তু বা গুণের উদ্লেখ করা হবে না। যেখানে আমরা অনায়াসেই সামান্য সভ্যটি প্রমাণ করতে পারি, সেখানে সক্রেটিস বা প্লেটো মরণশীল এই ধরণের বিশেষ সিদ্ধান্ত প্রমাণ করার চেটা সময়ের অপব্যয় মাত্র। যা আমরা সব মানুষ সম্বন্ধ প্রমাণ করতে পারি, তাকে সক্রেটিস বা প্লেটো সম্বন্ধে প্রমাণ করার চেটা হাস্যকর। যদি আমাদের ন্যায় সব মানুষ সম্বন্ধে প্রয়োজ্য, তবে আমরা সিদ্ধান্তি ম সম্বন্ধ প্রমাণ করব, সঙ্গে প্রকল্প রাখব, "যদি ম মানুষ হয়।" এই প্রকলিট মনে রাখলে ম মানুষ না হলেও ন্যায়টের প্রকলিত যাথার্ঘ্য রক্ষিত হবে। ...ন্যায়শাল্পকে বিশুদ্ধ আকার্যথিষ্যক বিজ্ঞান বলার অর্থই এই যে ন্যায়ে বা ভ্রমীয় গণিতে কোন বিশেষ বস্তু বা গুণের উদ্লেখ একেবারেই থাকবে না।"

রাদেলের বজব্যের নির্গলিতার্থ এই যে, যে ন্যারে সক্রেটিস, প্লেটো, ইত্যাদি ব্যক্তির নাম করা হয়, বা মনুঘ্যছ, মরণশীলছ, ইত্যাদি গুণের উল্লেখ করা হয়, তা নিতান্তই আমাদের দৈনন্দিন ব্যবহারের ন্যায়। সক্রেটিস, প্লেটোর বদলে যে কোন লোকের নাম ব্যবহার করা যায়, মনুঘ্যছ, মরণশীলছের বদলে অন্য যে কোন গুণের উল্লেখ করা যায়, ন্যায়ের বৈশতা এইসব পদের উপর নির্ভর করে না, অন্তর্ভুক্ত বচনগুলোর অর্থের উপরও নির্ভর করে না, শুশুমাত্র আকারের উপরই নির্ভর করে। নিম্নোক্ত ন্যায়টি দেখুন,

সব শিল্পী (হন) মেজাজী, ধীরেক্রনাথ (হন) একজন শিল্পী, : ধীরেক্রনাথ (হন) মেজাজী।

ন্যায়টি বৈধ, শুধুমাত্র তার আকারের জন্য। ধীরেক্রনাথ শিল্পী না হলেও, শিল্পীরা নেজাজী না হলেও, ন্যায়টি বৈধ, ভার বৈধতা আকারগত ও প্রাকরিক। ধীরেক্রনাথ শিল্পী কিনা, সব শিল্পী মেজাজী কিনা, ভা নিরপণ কর। ন্যারের কাজ নয়। ন্যারের কাজ, এই দুটি যুক্তিবচন দেওয়। থাকলে সিদ্ধান্তটি নিঃস্থত হয় কিনা, অর্থাৎ যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্তর মধ্যে ঐ বিশেষ সম্বন্ধ আছে কি না, তা বিচার করা। আকারটিকে বিমূর্তন করেই এই বিচার করতে হয়। দৈনন্দিন জীবনে সব সময় আকার বিমূর্তভাবে আমাদের চোখে ধরা পড়ে না বলেই আমরা অনেক সময় অবৈধ অনুমান করে থাকি।

সব S হয় P, x (হন) একজন S, ∴ x (হন) P

नागाँ वहें जोकात्त्रत वर्ला देव।

1.6 न्यास्मित्र गःखा

আমরা বলেছি, ন্যায়শাস্ত্র বৈধ ন্যায়ের আকারবিষয়ক বিজ্ঞান।
এটিকেই আমরা প্রাথমিকভাবে ন্যায়শাস্ত্রর সংজ্ঞা বলে ধরে নেব।
অবশ্য সংজ্ঞা থেকেই একটা বিজ্ঞানের সম্পূর্ণ ধারণা কখনও হতে পারে
না। একজন প্রখ্যাত গণিতজ্ঞকে জিজ্ঞেস করা হয়েছিল, গণিত কি
দ্ববাবে তিনি বলেছিলেন, গণিত তাই যা গণিত করে। অর্থাৎ গণিত
কর, তবেই গণিত কি তা বুঝতে পারবে। ন্যায়শাস্ত্র সম্পর্কেও একই
কথা বলা যায়, ন্যায়শাস্ত্র তাই যা ন্যায়শাস্ত্র করে। আমরা যতই ন্যায়শাস্ত্রের অভ্যন্তরে প্রবেশ করব, ততই ন্যায়শাস্ত্র কি তা বেশী করে
উপলব্ধি করতে পারব। এই অধ্যায়ের পূর্ববর্তী অনুচ্ছেদগুলোতে ন্যায়,
বৈধতা, আকার ইত্যাদির যে প্রারম্ভিক বিশ্লেষণ দেওয়া হয়েছে, তাতে
আপাততঃ এই সংজ্ঞা দিয়েই আমরা ন্যায়শাস্ত্রের আলোচনা শুরু করতে
পারব।

সংজ্ঞাটিকে বিশ্লেষণ করলে ন্যায়শান্তের নিম্নোক্ত লক্ষণগুলো লক্ষ্য করা যায়:

(1) সমস্ত অবরোহ ন্যারই ন্যারশান্তের আলোচ্য নয়। 1.4 অনুচ্ছেদের (1) ন্যারটি অবরোহ ন্যার, কিছু যতক্ষণ তাকে পূর্ণাবয়ব ন্যায়ের আকার না দেওয়। হচ্ছে ততক্ষণ এটি ন্যায়শান্তের আলোচ্য নয়, কারণ এতে সিদ্ধান্তটি যুক্তিবচন থেকে বিষয়্কান নিরপেক্ষভাবে আকারগতভাবে নিঃস্থত হচ্ছে না। ঐ অনুচ্ছেদের (3) ন্যায়টি, বা রাসেল থেকে উদ্ধৃতির

- প্রথম প্যারাগ্রাফের শেষের দিকে বণিত ন্যার ন্যারশান্তের আলোচ্য অবরোহ ন্যারের প্রকৃষ্ট উদাহরণ। ন্যারশাত্র শুশু বৈধ ন্যারের আকার নিয়ে আলোচনা করে, তার জন্য বর্ণপ্রতীকই যথেষ্ট, কোন পদের ব্যবহারের কোন প্রয়োজন নেই। সাধারণ ভাষার রচিত ন্যারের উল্লেখ ন্যারশাত্তে দেখতে পাওয়া যাবে না এমন নয়, কিন্তু তার ব্যবহার শুশু শুষ্টান্ত হিসেবে বা বিশ্রেষণ করে আকারটি দেখাবার জন্যই করা হর।
- (2) বৈধ ন্যায়ের আকারশুলো জানতে পারলে আমরা যে কোন ন্যায়ের বৈধতা অবৈধতা বিচার করতে পারি। দৈনন্দিন জীবনে আমরা বহু অনুমান করি, শৈশুলো ন্যায়াকারে প্রকাশও করি, কিছু অনেক সময় তার কোন না কোন অবয়ব উহ্য থাকে। এইরূপ একটি অনুমানক্রিয়ার কল হাতে এলে আমরা তাকে পুনর্গঠন করে সম্পূর্ণ ন্যায়ের রূপ দিতে পারি, কোন বৈধ ন্যায়ের আকারের সজে তারু মিল আছে কিনা অনুসন্ধান করতে পারি, এবং ন্যায়টির বৈধতা অবৈধতা বিচার করতে পারি। বস্তুত:, এইরূপভাবে বৈধ-অবৈধ সর্বপ্রকার অনুমানক্রিয়ার ফল বিশ্বেষণ করেই আমরা ন্যায়বিধিগুলো জানতে পারি। 1.5 অনুচ্ছেদের (1) ন্যায়ের মত কোন ন্যায় যদি কথনও আমরা দেখি, তথনই আমাদের বিচার্য, এই ন্যায়ের আকার বৈধ আকার কি না। যদি আমরা এই আকারের আর একটি এমন ন্যায় গঠন করতে পারি যার যুক্তিবচন সত্য কিছু সিদ্ধান্ত মিধ্যা, যেমন ঐ অনুচ্ছেদের (2) ন্যায়, তাহলেই বোঝা যাবে এই আকারের ন্যায় বৈধ নয়। ন্যায়শান্ত্র আমাদের ন্যায়ের বৈধতা-অবৈধতা বিচার করতে শেখায়।
 - (3) অবশ্য এ কথা কোনমতেই বলা চলে না বে ন্যায়শান্ত না পড়লে কেউ বৈধ-অবৈধ ন্যায়ের পার্ধক্য বুঝতে পারবে না। এমন বহু লোক আছেন, যাঁরা ন্যায়শান্ত না পড়লেও সাধারণতঃ বৈধ অনুমানই করে থাকেন, এবং নিজে বা অপর কেউ কোন অবৈধ অনুমান করলে তা চট্ করে ধরতেও পারেন। তবে এ কথাও অস্বীকার করা যায় না যে ন্যায়শান্ত আমাদের ন্যায়ের বৈধতা অবৈধতা বিচার করতে সাহায়্য করে। প্রথমতঃ, ন্যায়শান্ত অধ্যয়ন করতে গিয়ে অনুশীলনীতে দেওয়া অনেক সমস্যার সমাধান করতে হয়। তাতে ন্যায়শান্তকে একটা কলাবিদ্যার মতই অনুশীলন করা হয়, এবং ন্যায়ের বৈধজা অবৈধতা বিচারে সহজেই দক্ষতা অজিত হয়। ছিতীয়তঃ, এই প্রকারে বৈধজা-অবৈধতা বিচারে দক্ষতা অজিত হলে স্বাভাবিকভাবেই বৈধ-সনুমানকুশ্নতা বাড়বে।

তৃতীয়ত:, ন্যায়শান্ত্র অধ্যয়নের হার। ন্যায়ের বৈধতা অবৈধতা বিচারের এমন কতগুলো প্রযুক্তি কৌশলের শিক্ষালাভ হয় যার হারা নিজের বা অপরের ভুল অনুমান সহজেই ধর। যায়। অনুমানের অবৈধতা নির্পরের কৌশল অধিকৃত হলে অবৈধ অনুমানের সম্ভাবনাই কমে যাবে।

- (4) न्यायमाञ्चरक जाममंनिष्ठं विख्वान वना रय, ज्यार जामारमत हिसन বা অনুমান-ক্রিয়া কিভাবে অনুষ্ঠিত হওয়া উচিত ন্যায়শাস্ত্র সে সম্বন্ধে নির্দেশ দেয়। ন্যায়শাস্ত্রের প্রকৃতির এক্নপ বিবরণ অসত্য না হলেও একটা ভ্রান্তি উৎপাদন করতে পারে; মনে হতে পারে, ন্যায়শান্তের ছক বাঁধা পথে অনুমান-ক্রিয়া পরিচালনা করা আমাদের ইচ্ছাধীন, এবং এইরপ করতে পারলেই আমাদের অনুমানে কখনও ভুল হবে না। वामता कानि, एकनभीन हिन्छा पूर्वाश्व, त्रश्यामय পर्थ हल, न्यायभाख-সন্মত বিধিবদ্ধ পথে চলে না । অনেক সময় ক্রমাগত চেষ্টা ও ভুল করতে করতে প্রতিভা অন্তর্দু ষ্টির সাহায্যে সত্যটি উপলব্ধি করে, এবং পরে অর্প্ত দৃষ্টিলন্ধ সত্যকে, যুক্তির সাহায্যে প্রতিষ্ঠিত করতে চেষ্টা করে। স্থতরাং আমাদের অনুমানক্রিয়াকে নিয়ন্ত্রিত করা ন্যায়শান্ত্রের সাধ্যও নয়, কাজও नय, वतः अनुमाननक वा अर्खनृष्टिनक निकाखिटिक न्यायविधि शता পत्त পরীক্ষা করাই তার কাজ। চিন্তন বা অনুমানক্রিয়াকে নিয়ন্ত্রণ নয়, **ठिखटनत वा जनुमारनत कलरक नियम्वण कतारे नाग्रमारखत काछ। नाग्र-**শান্ত্র চিন্তার চালক নয়, কটিপাথর; চিন্তার প্রেরণাদায়ক নয়, চিন্তার ফলের বিচারক। শুধু ঞটি ধরবার কৌশলটি শেখার ফলে ঞটিপূর্ণ অনুমানের সম্ভাবনা কমে যাওয়ায় চিন্তন বা অনুমান-ক্রিয়ার যতটা উন্নতি সম্ভব, न्यायमाञ्च जशायत्नत करन ठठोारे रूट शास्त्र, ठात तमी नग्र। न्यायभाज प्रकनभीन ठिखा वा कन्ननात श्रान व्यक्षिकात कत्रत्छ भारत ना. এমন कि न्याय्रभाज পঢ়লেই আমর। সব সময় বৈধ অনুমান করতে পারব, এমন কথাও বলা যায় না।
 - (5) ন্যায়শাত্রকে ন্যায় বা অনুমানের নিয়ামক বিজ্ঞান বলা চলে
 কি ? আমানের কি ভাবে চিন্তা করা উচিত তা কি ন্যায়শাত্র বলে
 দেয় ? এর উত্তরে বলা চলে, কখনও কখনও, যখন আমরা কোন
 সমস্যার সমাধান করতে চেষ্টা করছি, কিন্তু সব সময় নয়। যদি সব
 সময় আমরা ন্যায়বিধি অনুসারে চিন্তা করতে বাই, তবে আমাদের
 চিন্তা খুঁড়িয়ে খুঁড়িয়ে চলবে, বীজগাণিতে কোন অন্ধ কমতে গিয়ে
 কোন্ সূত্রটি প্রয়োগ করব তা দ্বির করতে না পারলে যে অবস্থা

হয় অনেকটা সেরকম। অছই কমি আর অনুমানই করি, আমাদের চিন্তা লাফিয়ে লাফিয়ে চলে, কখনও বা হঠাৎ আলোর ঝলকানির মত সমাধানটি মনে এসে যায়। যদি বলা হয়, এ রকম চলবে না, ধাপে ধাপে এগোতে হবে, ঠিক ন্যায়শাত্রে যেমনভাবে একটি ন্যায়কে অনুস্থাপন করা হয়, তা হলে আমাদের চিন্তার চলচ্ছজিকে খর্ব করে দেওয়া হবে মাত্র। যদি ন্যায়শাত্রকে নিয়ামক বিজ্ঞান বলতেই হয়, তবে বলতে হবে, এটি চিন্তার ফলের নিয়ামক বিজ্ঞান। চিন্তার ফলটিকে পূর্লাবয়ব ন্যায়ের আকারে স্থাপন করে তাকে বিচার করা ন্যায়শাত্রের কাজ।

(6) ন্যায়শান্তকে অনেক সময় সব বিজ্ঞানের সেরা বিজ্ঞান বলা হয়। কথাটির অর্থ, সব বিজ্ঞানকেই তাদের সিদ্ধান্ত প্রমাণ করতে হয়, এবং এই প্রমাণ ন্যায়বিধিসম্মত হতে হবে। আগেই দেখেছি, ন্যায়াবয়বে পদের ব্যবহার বৈধ ন্যায় রচনায় অপরিহার্য নয়। কোন বিজ্ঞানের বিষয়বন্ত যাই হোক না কেন, তার সিদ্ধান্তগুলো যদি বৈধভাবে নিঃস্থত হয়ে থাকে, তবে তা আকারগতভাবেই হয়েছে, সেই বিজ্ঞানের বিষয়বন্তপ্রপাক পদের ব্যবহারের জন্য নয়। ন্যায়ের আকার বিষয়বন্ত-নিরপেক, সেজন্যই পদের বদলে বর্ণপ্রতীকের ব্যবহার প্রাচীন ও নব্য উভয় ন্যায়শাক্রই বিহিত। সব বিজ্ঞানকেই ন্যায়বিধি মেনে চলতে হয় বলেই ন্যায়শাক্রকে সব বিজ্ঞানের সেরা বিজ্ঞান বলা হয়। অন্যভাবে বলা য়য়, ন্যায়বিধি বিষয়বন্ত নিরপেকভাবে সব ন্যায়ে সমানভাবে প্রযোজ্য, সব বিজ্ঞানকেই ন্যায় রচনা করে তবেই তার বিশেষ সিদ্ধান্ত প্রমাণ করতে হয়, স্বতরাং ন্যায়শান্ত্র সব বিজ্ঞানের সেরা বিজ্ঞান।

1.7 नगात्र¹ ७ मदमाविषग

অনুমানক্রিয়া ও বচন সমষ্টিতে তার প্রকাশ দুই-ই মনের ক্রিয়া, এবং মনের সর্বপ্রকার ক্রিয়া মনোবিদ্যার আলোচ্য বিষয়। কিন্তু মনোবিজ্ঞানী যখন এগুলো আলোচনা করবেন, তখন তিনি দেখবেন, এগুলো অত্যন্ত জটিল, প্রক্ষোভমিশ্রিত, বহুক্ষেক্রে অবান্তর, বিপথগামী, অবচেতন মনের ক্রিয়া হারা প্রভাবিত। এত জটিলতার মধ্যে যদি কোন নিয়ম, কোন শৃঙ্খলা দেখা যায়, তবে সেগুলোকে সূত্রবদ্ধ করাও মনোবিদ্যার কাজ।

ন্যায়শারকে সংক্ষেপে ন্যায়ও বলা হয় । এখন থেকে যেখানে প্রতির সন্তাবনা
থাকবে না সেখানে ''ন্যায়শারের'' ছানে আমরা ''ন্যায়'' শৃক্টিই ব্যবহার করেব ।

ेरेवर जनूमान किया पेठ जरेवर जनूमान किया परगुछ नियम परम्या विष्ठा परम्या विष्ठा परम्या विष्ठा परम्या विष्ठा परम्य परम्या विष्ठा परम्य परम्या विष्ठा परम्य परम्य विष्ठा परम्य परम्य विष्ठा परम्य विष्ठा विष्ठा

আর একভাবে বলা যায়, মনোবিদ্যা বর্ণনামূলক বিজ্ঞান, মনের সর্বপ্রকার ক্রিয়ার বর্ণনা দেওয়া এবং যে প্রাকৃতিক নিয়মে এই ক্রিয়াগুলো ষ্টছে সেগুলো আবিষ্কার করা মনোবিদ্যার কাজ। ন্যায় আদর্শনিষ্ঠ বিজ্ঞান, ন্যায়াদর্শ কি, ন্যায় বৈধ হতে হলে তার আকার কি হওয়া ষ্টচিত, নানাবিধ ন্যায় বিশ্লেষণ করে সেটি বলে দেওয়া ন্যায়ের কাজ। অনুমানের বিষয়বস্তু মনোবিদ্যার কাছে অপ্রয়োজনীয় নয়, কিছ্ক ন্যায়ের কাছে অপ্রয়োজনীয়।

অবশ্য এক অর্থে ন্যায়কেও বর্ণনামূলক বিজ্ঞান বলা চলে। অনুমান যখন ন্যায়বিধি সম্মত হয়, এবং বৈধ ন্যায়ের আকারে অনুমানটি প্রকাশ করা হয়, তখন সেই বৈধ আকারটির বর্ণনা দেওয়া ন্যায়শাস্ত্রের কাজ। কিছু অবৈধ ন্যায় আমর। কখনও কখনও কেন গঠন করি, তার কারণ নির্দায় করা মনোবিদ্যার কাজ, ন্যায়শাস্ত্রের নয়।

1.8 अडीकी नाम

নব্য ন্যায়কে প্রতীকী ন্যায়ও বলা হয়। অবশ্য প্রতীক ব্যবহার বব্য ন্যায়ের আবিদ্ধার নয়, 1.4 অনুচ্ছেদে প্রাচীন ন্যায়েই আমরা প্রতীক রচিত বচন ও ন্যায়ের দৃষ্টান্ত দেখেছি। 1.5 অনুচ্ছেদে রাসেনের উধৃতি থেকে স্পষ্ট বোঝা যায়, ন্যায়াকারটি পৃথকভাবে বোঝাতে গেলে প্রতীক ব্যবহারই শ্রেষ্ঠ উপায়, কারণ ন্যায়ের বৈধতা বিচারে পদের ব্যবহার বা অর্ধবোধ অপ্রয়োজনীয় তো বটেই, অনেক সময় বাধাও স্বাষ্ট করে।

এ ছাড়াও প্রতীক ব্যবহারের উপবোগিতা সহছে আরও বুজি দেওর।
যায়। আমরা অবশ্য বচন ও ন্যায় রচনায় সাধারণ ভাষাই ব্যবহার
করে থাকি, কিন্তু ন্যায়শান্ত্রের উদ্দেশ্যসাধনে সাধারণ ভাষা অনেক
সময়ই বিশ্রান্তিজনক। 1.4 অনুচ্ছেদে তার দৃষ্টান্ত আমরা পেয়েছি।
ধরুন ''কিন্তু'' শব্দটি, এবং এর প্রয়োগের দুটি দৃষ্টান্তঃ

- "চেহারাখান। তার ভালোই, **বিল্তু** আরও ভালো করবার মহা**র্য** সাধনার তার আয়নার টেবিল প্যারিসীয় বিলাসবৈচিত্রের ভারাক্রান্ত।"

''সিগারেট টানতে আর মাথা ঘোরে না, **কিন্তু পা**ন **খাবার** আসক্তি এখনও প্রবল।''

দুটিই যৌগিক বাক্য, দুটিতেই কিন্তু সংযোজকের কাজ করছে, কিন্তু দিতীয় বাক্যের "কিন্তু" দুটি আপাতবিরোধী ভাবের সংযোগসাধন করছে, যেন যে মেয়ে সিগারেট খায় তার আর পানে আসক্তি থাকার কথা নয়। প্রথম বাক্যের "কিন্তু" খারা সংযুক্ত সরল বাক্য দুটির ভাবের মধ্যে কোন আপাতবিরোধিতা বোঝায় না। সাধারণতঃ আপাতবিরোধী মত বা ভাব উবাপনের উদ্দেশ্যেই "কিন্তু" শবদটি প্রয়োগ করা হয়। যেমন,

त्र दुक्तिमान, किन्त जनम ।

এর খেকে কেউ যদি মনে করেন, "কিছ" শব্দের হিতীয় ব্যবহারই সমীচীন, স্বতরাং প্রথম বাক্যে "কিছ" শব্দের প্রয়োগের হারা লেখক ভালে। চেহারার লোকের প্রসাধন করাকে আপাতবিরোধী আচরপ বলেছেন, তবে তিনি ভুল করবেন। সাধারণ ভাষায় লক্ষণা, ব্যঞ্জনা ইত্যাদির সাহায্যে ভাবার্থ বুঝতে হয়, কিছ ন্যায়ের পক্ষে এটা অসুবিধাজনক। সাধারণ ভাষায় অলহার প্রয়োগ ভাষার প্রসাধনেরই মত, কিছ অনেক জননেত্র মুথেই তা দুর্বল যুক্তিকে জোরদার করে তোলবার প্রয়াস মাত্র, অনেক কুরাপ যেমন প্রসাধনের হারা নিজেকে স্করাপ দেখাবার প্রয়াস মাত্র, অনেক কুরাপ যেমন প্রসাধনের হারা নিজেকে স্করাপ দেখাবার প্রয়াস পান। পরবর্ত্তী অধ্যায়ে আমরা দেখব, "কিছ্ব"-র মত কতগুলো বিশেষ শব্দ ন্যায়ের আলোচনার ভিত্তিসক্রপ। স্বতরাং এগুলার অর্থ নিদিষ্ট করে না দিলে ন্যায়ের আলোচনা উন্দিষ্ট পথে চলতে পারবে না। এই ধরণের শব্দের জন্যও ন্যায় প্রতীক চিছ ব্যবহার করে থাকে, এবং সংজ্ঞা হারা তার অর্থ নিদিষ্ট করে দেয়, উদ্দেশ্য, যাতে জাকারটি পৃথক করে বুঝতে কোন অস্ক্রিধা না হয়, বাতে ভাবানুমক হারা কর্ক্

ভিন্ন পথে চালিত না হয়। প্রতীক ব্যবহার দারাই ন্যায় আকার বিষয়ে স্পষ্ট ও বিশব্ধ আলোচনা করতে পারে।

বস্তত:, প্রতীক ব্যবহার যে কোন বিজ্ঞানের পক্ষে অপরিহার্য।
বৃত্তের ক্ষেত্রফল জ্যামিতিতে πr^2 প্রতীকটি হার। বোঝানো হয়। π বৃত্তের পরিধি ও ব্যাসের অনুপাত, r বৃত্তের ব্যাসার্ধ। যদি
আমাদের সব সময় বলতে হত, বৃত্তের ক্ষেত্রফল = বৃত্তটির পরিধি ও
ব্যাসের অনুপাত ও তার ব্যাসার্ধের বর্গের গুণফল, তাহলে অযথা সময় নষ্ট
হত, শব্দবাহল্যের ফলে অর্থবোধে বিঘু ঘটত। বীজগণিতের

a ও b ধনপূর্ণ সংখ্যা হলে এবং a > b হলে,

$$\left(1+\frac{x}{a}\right)^a > \left(1+\frac{x}{b}\right)^b$$

সূত্রটিকে ভাষার প্রকাশ করার চেষ্টা করলেই বোঝা যাবে, শব্দবাছল্য মন:সংযোগ ও অর্থবোধের সম্পূর্ণ পরিপছী। কিন্তু যে কেউ প্রাথমিক বীজগণিত করেছে তার কাছে সূত্রটির অর্থ পরিকার। এই গ্রন্থের মধ্যভাগে আমরা এই ন্যায়বিধিটি পাব:

$$[(p \supset q) \cdot (q \supset r)] \supset (p \supset r)$$

খৃষ্টপূর্ব চতুর্ব শতাবদীতেই ষ্টোয়িকর। বিধিটি জানতেন, কিন্তু তাঁরা এটিকে এভাবে প্রকাশ করেছেন:

যদি, যদি প্রথম তবে দ্বিতীয় এবং যদি দ্বিতীয় তবে তৃতীয়, তবে, যদি প্রথম তবে তৃতীয়।

যদি এর পরও বীজগণিতের সূত্রের মত করে লেখা বিধিটি দেখে জাপনি জন্মাচ্ছল্য জনুভব করেন, তবে এই বই আপনারই জন্য। এই বইরে ন্যায়ের যে অংশ আলোচিত হবে, তার সাধনপ্রণালী শুধু 1 ও 0 এই দুটি অন্ধ দিয়ে গঠিত রাশির যোগবিয়োগের মত কঠিন।

হোরাইট্হেডের কথায়, প্রতীক ব্যবহার করলে আমর। অনেক ক্ষেত্রেই মগজ না খাটিয়ে শুধু চোখ দিয়ে অবরোহণের ধাপে ধাপে দ্বপ্রসর হতে পারি। ন্যায়শাস্ত্রেও প্রতীকের ব্যবহার একই উদ্দেশ্যে করা হয়ে থাকে। আগেই বলা হয়েছে, প্রাচীন ন্যায়শাস্ত্রেও প্রতীকের ব্যবহার ছিল, নব্যন্যায় তাকে আরও স্ক্রংৰদ্ধ করেছে এবং অনেক ক্ষুত্রন ধরণের প্রতীক ব্যবহার করছে। এর ফলে নব্যন্যায়ের হাতে এমন শক্তিশালী এক সাধনী এসেছে বে জনেক দীর্ঘ ও দুরুত ন্যায়ের বিশ্লেষণ ও বিচার এর হারা সহজ হয়ে গেছে যা প্রাচীন ন্যায়ের পক্ষে সম্ভব ছিল না । নীচের ন্যায়টি দেখুন:

যদি আমি রাজা ডান বা বাঁ দিকের মরে চারি, তবে নৌকা চালতে পারব না। যদি নৌকা না চালতে পারব না। আবার, যদি রাজাকে ডান বা বাঁ কোন মরেই চালতে না পারি, তবে যদি প্রতিমন্দী আমাকে হারাতে পারে, তবে তার একটা পরিকল্পনা থাকবেই। স্কৃতরাং, যদি প্রতিমন্দী আমাকে হারাতে পারে কান থাকে, তবে আমি পাঁচ চালে জিততে পারব না।

এই ন্যায়টির গঠন এত জাটল যে বার বার পড়েও এটি বৈধ কি অবৈধ তা বোঝা যাছেছ না। কিন্তু প্রতীক ব্যবহারের হারা এই সব জাটল ন্যায়ের আকারও খুব সহজে প্রকাশ করা যায় •এবং বৈধতা পরীক্ষাকরা যায়। প্রতীক ব্যবহারের ব্যাপারে নব্যন্যায়কে প্রাচীন ন্যায়ের সমপ্রসারণ মাত্র বলা চলে, এদের মধ্যে কোন নীতিগত বিরোধ নেই। কিন্তু এই সমপ্রসারণ এত যুগান্তকারী হয়েছে যে আগে যে সব অনুমানকে ন্যায়াকারে প্রকাশ করতে অনেক কসরৎ করতে হত বা করা যেতই না, এখন সেগুলোরও আকার নিজাশন ও পরীক্ষা সম্ভব হয়েছে। প্রতীক ব্যবহার অবরোহণ পদ্ধতিকে অমিত শক্তিশালী করেছে, বহু-বিন্তীর্ণ ক্ষেত্রে প্রয়োগ্যোগ্য সামান্যীকৃত সূত্রাবলী দিয়েছে।

এখানে একটা আপত্তি উঠতে পারে যে আমরা সাধারণ ভাষাকে অম্পষ্টার্থক, বিভ্রান্তিকর বলেও ন্যায়ণান্ত্রের আলোচনায় সাধারণ ভাষাই ব্যবহার করে যাচ্ছি। এতে অস্বাভাবিকত্য কিছুই নেই। দাবা ও ব্রীজ্ব খেলার নিয়মগুলোর কথা ভাবুন। যে কোন সাধারণ ভাষার ব্যাকরণের নিয়মগুলোর কথা ভাবুন। যে কোন সাধারণ ভাষার ব্যাকরণের নিয়মের চেয়ে এগুলো অনেকবেশী স্পষ্ট, ম্বর্থহীন, অপচ সাধারণ ভাষায়ই রচিত। ঠিক তেমনি আমরা সাধারণ ভাষা ব্যবহার করেই ন্যায়ের জন্য একটি বিশেষ ভাষা তৈরী করব, যা স্পষ্টার্থক, ম্বর্থহীন হবে। যেখানে সাধারণ ভাষার কোন শব্দ ন্যায়ে গুরুষপূর্ণ বলে বিবেচিত হবে, সেখানে যদি সাধারণ ভাষার তার অর্থের মধ্যে কোন কম্পষ্টতা বাদ ম্বর্থকতা থাকে, তবে একটা সংজ্ঞা দিয়ে তার অর্থ নির্দিষ্ট করে দেব,

अतः जात्र वंगल अको। वर्षथेजीक व। चना कान किरु वावशांत्र करत । সাধারণ ভাষার ব্যবহৃত শব্দের নানাবিধ দ্যোতনা থাকে, নানাপ্রকার **जावानुषक अटन मनत्क मृद्ध निदय याग्र, ठांटे अटे राज्या । मदन त्रांबर**ठ হবে, বর্ণ, শব্দ দুই-ই প্রতীক, শুধু বর্ণপ্রতীক ব্যবহার করে একটি বাক্য নিখনে তাও একটা বিশেষ ভাষারই হবে, সেটা বিজ্ঞান, গণিত বা ন্যায়ের ভাষা। ন্যায়ের বিশেষ ভাষাটি তৈরী করতে আমর। খেলার নিয়ম তৈরী করার পদ্ধতিই অবলম্বন করব, যেন আমরা কতগুলো বর্ণ 19 किन्न नित्य (थनर। नारा (थनाय रामन र्कान् मुँहि कि जार काना यात, कि जात यात ना, जात निग्नम विधिवक्क थातक, नगाता जिमन त्कान वर्ग वा िक कि जात्व वावशात कता यात्व, कि जात्व यात्व ना, তা বিধিবদ্ধ করব, অর্থাৎ এগুলোর ব্যবহার রীতি নিদিষ্ট করে দেব। কিন্তু খেলার নিয়মের মধ্যে যে বাধ্যবাধকতার অভাব আছে, ন্যায়ের ভাষা ব্যবহার রীতি তেমন নয়। দাবা খেলায় নৌকাকে হাতীর মত কোণাকুণি এবং হাতীকে নৌকার মত সোজা চালাবার নিয়ম করলে **ट्यान जा**পेखि হতে পারে ना, **७**४ श्रेनाর ধরনটা পালটে যাবে। কিছ ন্যায়ে ভাষ। ব্যবহার রীতি এরকম স্বেচ্ছামূলক নয়। ন্যায়ে সাধারণ ভাষা ব্যবহার রীতির ব্যতিক্রম কেবল তথনই করা হয়, যথন দেখ। যায় এই রীতিতে বিশুখন। ও বিনান্তি আসতে পারে। যেখানে (क)न मेरन्द्र এकाशिक व्यर्थ वावशांत्र (प्रथा यात्र, रम्थारन नाग्र मेरनिवित्र প্রধান অর্থাট স্থাপটভাবে নির্দিষ্ট করে দেয়। সাধারণ ভাষার ব্যবহার-त्रीजितक ल्लाष्टे, दार्थरीन कतारे नाारात्र जिल्ला, छ। ना रतन जनुमात्नत বৈধতা বিচার নিরর্থক হয়। তথু বর্ণপ্রতীক ছারা গঠিত ন্যায়ই নয়, সাধারণ ভাষায় রচিত ন্যায়ও ন্যায়শান্তের বিবেচ্য।

1.9 বাচনিক ন্যায়

যে প্রাচীন ন্যায়ের সঙ্গে আমর। পরিচিত, তার স্থগঠিত রূপ প্রথম দেন এরিষ্টট্ল্ । তাঁর "পূর্ববর্তী বিশ্লেষিকা" গ্রন্থে তিনি বলেন, প্রদত্ত করেকটি বচন থেকে আর একটি বচন অনিবার্যভাবে নিঃস্থত হলে তাকে ন্যায় বলে । আমর। ন্যায়ের যে সংজ্ঞা দিয়েছি তার সজে এর কোন প্রভেব নেই । কিন্তু যখন তিনি ন্যায়ের আলোচনায় প্রবৃত্ত হলেন, তখন অধিকাংশ ক্ষেত্রে কেবল বিশিষ্ট ও সামান্য ব্যচনকেই ন্যায়ের যুক্তিবচন

I Prior Analytics

'' ि निश्चात हिराय रावहाद क्वलन । ज्वन जिन वनलन, य जनुमाय শুটি যুক্তিবচনে একটি মধ্যপদের সাহাব্যে অন্য দুটি পদকে সম্বন্ধিত करत निष्कां वि: एउ हम, जारक नाम बर्ल। এই प्रनारे এই श्रेकांत्र नाावटक माधामानुमान वना इस । এই महीर्वछत व्यर्थ

> यपि वृष्टि श्य, তবে मांটि जिन्दत, বৃষ্টি হবে,
> ∴ নাটি ভিন্দৰে।

এই जनुमानाँहे, ना योशिक नक्त चात्रा गंकिंठ क्लान जनुमानहे नगात्र करन ना ।

এরিষ্টট্রের পরবর্ত্তী নৈয়ায়িকেরা, কোন কোন ম্বলে এরিষ্টট্রেরই কোন ইঞ্চিত অনুসরণ করে, মিশ্র ন্যায়ের আলোচনা করেছেন, যাডে ৰুক্তিবঁচন ব। শিক্ষান্ত যৌগিক বচন হতে পারে।1 চতুর্দশ শতাব্দী পर्येष्ठ वित्रहेहेनीय न्यारयव वित्यूचन ७ मध्यमावन हतन । किन्छ वरे প্রাচীন ন্যারশাস্ত্রে সর্বপ্রকার ন্যায়ের আলোচনা নেই। 1.1 অনুচ্ছেদের (4) ও (5) न्यारात्र वा 1.8 जनुरुष्ट्रापत्र मानात्र्यना विषयक न्यायित বিচার প্রাচীন ন্যায়শান্তের সাহায্যে করা যাবে না। আমরা ন্যায়শান্তের যে সংজ্ঞ। দিয়েছি তাতে সচরাচর ক্রা হয় এমন যে কোন ন্যায়ের আকার নির্ণয় ও বিচার ন্যায়শাল্রে সম্ভব হওয়া উচিত। এই দিক থেকে নব্য न्याय न्यायनात्त्रत्र श्रीति थिएक जानक मध्यमातिक करति ।

नवानाात्र नाथावण्डः य नाारा युक्तिकन वा निष्कास वा पूरे-रे থৌগিক বচন হতে পারে, যে ন্যায়ের বৈধতা শুধু বচন সংযোজনের প্রকৃতি (थरकरे निर्नेश कता यात्र, त्मरे धत्रत्पत्र नगारत्रत्र जात्नांकना किर्मा अक्र करत । जात कात्रण, এই धत्रणित न्यास्त्रित चाकात छ विधि चना गर्व-প্রকার ন্যায়ের আলোচনার ভিত্তিস্বরূপ। ন্যায়শান্ত্রের এই অংশকে वाठनिक न्यांत्र वत्न । श्रीठीन न्यांत्र यांत्क साध्यानुसान वना इत्र, বার আকার BARBARA, CELARENT, ইত্যাদি স্মৃতি সহায়ক শব্দ ছার। স্চিত কর। হয়, তা বাচনিক ন্যায়ের অন্তর্গত নয়, কারণ তার বিচার বচনের আভ্যন্তরীণ গঠনের বিশ্রেষণের উপর নির্ভর করে।

এই গ্রন্থে প্রধারত বাচনিক ন্যায়ের আলোচনা করব।

A The Development of Logic, William and Martha Kneale, OUP, p 67 f, p tos f.

দ্বিতীয় অধ্যায়

যৌগিক বচন

2.1 जुड़न ७ (योगिक वृत्त :

वहन मूहे श्रकांत, गतन ও योशिक। य वहत्तत ज्ञां वा छेपामान हिराय ज्ञान वहन तनहें, जात्क गतन वहन वना हम, य वहन श्रेटन वकाथिक गतन वहन वहन ज्ञान वहन वहन हम, जात्क योशिक वहन वरन। योशिक वहन ग्रायाख्यक ग्राहाय छेपामान वहन- अतारक ग्राह्म कहा हम।

- (क) তিনি পায়চারী করছেন এবং নানা কথা ভাবছেন।
- (খ) "আমি চোখ বুজে আনন্দে আমার নিজের মধ্যে প্রবেশ করে বসে থাকতুম এবং সেইখান থেকে নেশার ঝোঁকে স্বগত উজি প্রয়োগ করতুম।"
- (গ) তিনি আসবেন বা একটা খবর পাঠাবেন।
 প্রথম দুটি বচনে ''এবং'' এবং তৃতীয় বচনে ''বা'' শবদ সংযোজকের
 কাজ করছে। (ক) বচনটি যৌগিক বচন,
 - (ক) (1) তিনি পায়চারী করছেন,
- (ক) (2) তিনি নানা কথা ভাবছেন, এই দুটি সরল বচন দারা গঠিত। (খ) বচনটি
 - (খ) (1) আমি চোধ বুজে আনলে আমার নিজের মধ্যে প্রবেশ করে বলে থাকতুম,
 - (খ) (2) আমি সেইখান থেকে নেশার ঝোঁকে স্থাত উ**ন্তি** প্রয়োগ করতুম,

এবং (গ) বচনটি

- (গ) (1) তিনি আসবেন,
- (গ) (2) তিনি একটা খবর পাঠাবেন,

সরব বচন পুটি হারা গঠিত। যৌগিক বচনের উপাদান হিসেবে বখন কোন সরব বচন ব্যবহৃত হয়, তখন তাকে সরল উপাদান বচন বা সংক্রেপে উপাদান বচন বলা হয়। একই বচনে একাধিক সংযোজক খাকতে পারে, এবং উপাদান বচন নিজেও যৌগিক হতে পারে।

সে পাটনা বা দিল্লী যাবে, এবং ব্যবসা শুরু করবে।

যতিচিহু দারা বোঝা যাচ্ছে, বচনটির মূল সংযোজক ''এবং'' উপাদান বচন দুটি,
সে পাটনা বা দিল্লী যাবে,

সে ব্যবসা শুরু করবে।

প্রথম উপাদান বচনটি নিজেই একটি যৌগিক বচন, যার দুটি সরল উপাদান বচন,

> সে পাটনা যাবে, সে দিল্লী যাবে।

2.2 সংযোজক

- 2.1 অনচ্ছেদে আমর। দুটি সংযোজকের দৃষ্টান্ত দেখেছি। সাধারণ ভাষায় আর এক প্রকার সংযোজকের ব্যবহার আছে।
 - (ष) তিনি বললেন যে অক্সিজেনের চেয়ে নাইট্রোজেন ভারী।
 - (ঙ) আমি বিশ্বাস করি যে, আমাদের ছায়াপথে আরও জীব-অধ্যুমিত গ্রহ আছে।

বচন দুটিতে 'থে'' সংযোজকের কাজ করছে।

সংযুক্ত উপাদান বচন গুলো হচ্ছে,

- (খ) (1) তিনি বললেন,
- (च) (2) অক্সিজেনের চেয়ে নাইট্রোজেন ভারী।
- (ঙ) (1) আমি বিশ্বাস করি,
- (ঙ) (2) আমাদের ছায়াপথে আরও জীব-অধ্যুষিত গ্রহ আছে। কিছ ''এবং'' বা ''ব।'' সংযোজক, এবং ''বে'' সংযোজকের মধ্যে পার্থক্য আছে।

আমরা জানি, একমাত্র বচনই সত্য বা মিধ্যা হতে পারে, অর্ধাৎ বচনমাত্রেরই সত্য-মিধ্যা সম্ভাবনা আছে। সত্যতা বা মিধ্যাম বচনের মান। কোন বচন সত্য হলে তার মান সত্য, মিধ্যা হলে তার মান মিথ্যা। কোন বিশেষ বচনের সত্যতা বা মিথ্যাছ নিরূপণ করা বা জানার সঙ্গে অবশ্য ন্যায়ের কোন সম্পর্ক নেই। কোন্ বচন সত্য কোন্ বচন মিথ্যা, তা আমরা নাও জানতে পারি। বচনের সত্য- বা মিথ্যা-যোগ্যতাই একমাত্র ন্যায়ের বিবেচ্য। (৩) (2) বচনটি সত্য কি মিথ্যা আমরা জানি না। এটি সত্যও হতে পারে, মিথ্যাও হতে পারে। বলা যেতে পারে, বচনমাত্রই সত্যাথী। ন্যায়ের কাছে কোন বিশেষ বচনের সত্যতা বা মিথ্যাছ প্রয়োজনীয় নয়, প্রয়োজনীয় শুধু তার সত্য- বা মিথ্যা-বোগ্যতাই বা সত্য-মিথ্যা সন্তাবনা।

যে যৌগিক বচনের সত্যতা বা মিণ্যাত্ব কেবলমাত্র তার সরল উপাদান বচনের সত্যতা বা মিণ্যাত্ব ছাড়া আর কিছুরই উপর নির্ভর করে না, তাকে সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচন, সংক্ষেপে সত্যাপেক্ষক বা অপেক্ষক বলে, এবং তার সংযোজককে সত্যাপেক্ষ সংযোজক বলে। 2.1 অনুচ্ছেদের (ক), (খ) ও (গ) বচন সত্যাপেক্ষক।

- (ক) তিনি পায়চারী করছেন এবং নানা কথা ভাবছেন, বচনের সত্যতা
 - (ক) (1) তিনি পায়চারী করছেন,
 - (ক) (2) তিনি নানা কথা ভাবছেন,

উভয় উপাদান বচনের সত্যতার উপর নির্ভর করে। তেম্নি, (খ) বচনের সত্যতা (খ) (1) ও (খ) (2) উভয় উপাদান বচনের সত্যতার উপর নির্ভর করে। উভয় উপাদান বচন সত্য না হলে (ক) ও (খ) বচন বিধ্যা হবে।

- (গ) তিনি আসবেন বা একটা খবর পাঠাবেন, বচনের সত্যতা
 - (গ) (1) তিনি আসবেন,
 - (গ) (2) তিনি একটা খবর পাঠাবেন,

এর যে কোন একটি উপাদান বচনের সত্যতার উপর নির্ভর করে।
উভয় উপাদান বচন 'মিথ্যা হলে (গ) বচন মিথ্যা হবে। ঐ শর্ত ছাড়া
(ক), (ব) ও (গ) বচনের সত্যতা বা মিথ্যাত্ব অন্য কোন শর্তের উপর
নির্ভরশীল নর। কিন্ত এই অনুচ্ছেদের (ম) ও (১) বচনের সত্যমিথ্যাত্ব
উপাদান বচনের সত্যমিধ্যাত্বের উপর নির্ভর করে না।

- (খ) তিনি বললেন যে অক্সিজেনের চেরে নাইট্রোজেন ভারী, বচনের সত্যতা বা মিধ্যাত্ব
- (খ) (2) অক্সিন্ধেনের চেয়ে নাইট্রোজেন ভারী, বচনের সত্যমিধ্যাত্বের উপর নির্ভর করে না। বস্তুত:, (খ) (2) বচন মিধ্যা, কিন্তু যদি (খ) (2) বচনের স্থলে

নাইট্রোজেনের চেয়ে অক্সিজেন ভারী বচনটি সংস্থাপন করি, তবু তার হারা (হ) বচনের সত্যতা নিরূপিত হয় না।

- (৬) (2) আমাদের ছায়াপথে আরও জীব-অধ্যুমিত গ্রহ আছে, বচনের সত্যমিধ্যাছ অজ্ঞাত, এটি সত্য বা মিধ্যা যাই হোক না কেন, তার হারা
 - (৩) আমি বিশ্বাস করি যে আমাদের ছায়াপথে আরও জীব-অধ্যুষিত গ্রহ আছে,

বচনের সত্যমিধ্যাত্ব নিরূপিত হয় না। এককথায়, যৌগিক বচন হিসেবে (ছ) ও (ঙ) বচনের সত্যমিধ্যাত্ব (ছ) (২) ও (৬) (২) বচনের সত্য-মিধ্যাত্বের উপর নির্ভর করে না।

"যাতে", "কারণ", সংযোজকগুলোও একই রকমের।

- (b) তিনি ছুটে বেরিয়ে গেলেন যাতে ট্রেনটি ধরতে পারেন।
- (ছ) তিনি ডিম খান না, কারণ তাঁর ডিমে এলাজি আছে।
- (চ) বচনের সত্যতা তাঁর ট্রেন ধরতে পারা বা না পারার উপর নির্ভর করে না, (ছ) বচনের সত্যতা তাঁর ডিমে এলাঞ্চি থাকা বা না থাকার. উপর নির্ভর করে না।

কোন যৌগিক বচনের সত্যমিধ্যাত্ব উপাদান বচনের সত্যমিধ্যাত্বের উপর নির্ভরশীল না হলে বচনটি সত্যাপেক্ষক নয়, এবং তার সংযোজক ও সত্যাপেক্ষ নয়। বচনের মধ্যে যেগুলো সত্যাপেক্ষক ও সংযোজকের মধ্যে যেগুলো সভ্যাপেক্ষ, কেবল সেগুলোই ন্যায়ে আলোচ্য।

কোন কোন স্থলে সংযোজক উহ্য রেখেও যৌগিক বচন গঠন করা হয়, যেমন, 'এ ধর থেকে ও ধরে পায়চারী করে বেড়াতে লাগলুয—
অন্ধকার হয়ে এসেছে, গড়্ গড়্ শবেদ মেধ ডাকছে, বিদ্যুতের
উপর বিদ্যুৎ, হু হু করে এক একটা বাতাসের দমকা আসছে
আর আমাদের বারান্দার সামনে বড়ো নিচুগাছটার ঘাড় ধরে
যেন তার দাড়ি-শুদ্ধ মাথাটা নাড়িয়ে দিচ্ছে—দেখতে দেখতে
বৃষ্টীর জলে আমাদের শুকনো খালটা প্রায় পূরে এল।''

এই যৌগিক বচনটিতে সাতটি (1+5+1) সরল বচন আছে, সংযোজক ব্যবহার করা হয়েছে মাত্র একটি, "আর", যার অর্থ "এবং"।

ন্যায়ে চার প্রকারের সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচনকে মুধ্যরূপে স্বীকার করা হয়, সংযৌগিক, বৈকল্পিক, নিষেধক ও প্রাকল্পিক। তদনুযায়ী মুধ্য সংযোজকও চার প্রকারের।

2.3 গ্রাছকপ্রতীক বর্ণ

বর্ণ প্রতীকের কথা আর্গেই বলা হয়েছে। "সব S (হয়) P" বচনাকারে S ও P বর্ণহয় যথাক্রমে উদ্দেশ্যপদ ও বিধেয়পদের প্রতীক। গণিতে প্রতীক্ ব্যবহারের সঙ্গে আমরা স্থপরিচিত।

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

সূত্রটিতে a ও b যে কোন সংখ্যার প্রতীক। ন্যায়ে বচনের প্রতীক ছিসেবে ইংরেজী বর্ণমালার ছোট হাতের p, q, r.... বর্ণগুলো ব্যবহার করা হয়। পরবর্তী অনুচ্ছেদ থেকে দেখা যাবে, সংযোজকের জন্যও প্রতীক চিহ্ন ব্যবহার করা হয়।

সংযোজকপ্রতীক চিহ্ন ও বচনপ্রতীক বর্ণের মধ্যে পার্থক্য আছে। সংযোজকের ক্রিয়া নির্দিষ্ট, কোন বিশেষভাবে একাধিক বচনের সংযোজন করা (পরবর্তী অনুচ্ছেদে দ্রষ্টব্য)। সংযোজকপ্রতীক আকার জ্ঞাপক, তাই সংযোজকপ্রতীককে ন্যায়-গ্রুবক বলা হয়। কিন্তু বচনপ্রতীক একটি গ্রাহকপ্রতীক। যে প্রতীক বর্ণের স্থানে কোন বিশেষ প্রেণীর কোন কিছু সংস্থাপনীয়, তাকে গ্রাহকপ্রতীক বলে, এবং তার স্থানে যা সংস্থাপনীয় তাকে গ্রাহকপ্রতীকের মানা বলে। গণিতে a, b,....

রেখানে "মান" শব্দটি 2.2 অনুচ্ছেদের বচনের মান থেকে ভিন্ন অর্থে
ব্যবহাত হয়েছে । গ্রাহকপ্রতীকের ছানে যা সংছাগনীয় তাই গ্রাহকপ্রতীকের মান ।
বচনের "মান" অর্থ বচনের সত্যমান বা মিখ্যামান । যে কোন বচন নিজে বচনগ্রাহকপ্রতীকের মান ।

সংখ্যাগ্রাহক প্রতীক বর্ণ, তাদের স্থানে যে কোন সংখ্যা সংস্থাপনীর, ন্যায়ে p, q, r,... বচনগ্রাহকপ্রতীক বর্ণ, তাদের স্থানে যে কোন বচন সংস্থাপনীয়। বচনগ্রাহক প্রতীক সংখ্যাগ্রাহকপ্রতীকের সমতুল্য। সংযোজকপ্রতীক চিচ্ছ গণিতের a+b, a×b রাশিশুলোর "+", "×", ক্রিয়াসূচক চিচ্ছের সমতুল্য। এদের ক্রিয়া দুইপাশ্রে অবস্থিত সংখ্যাগ্রাহক প্রতীকের মানের উপর নির্দিষ্ট ক্রিয়া সম্পাদন করা।

বচনগ্রাহকপ্রতীক বর্ণ কেবল বচনকেই মান হিসেবে গ্রহণ করবে, সংখ্যাগ্রাহকপ্রতীক বর্ণ কেবল সংখ্যাকেই মান হিসেবে গ্রহণ করবে। বিভিন্ন প্রকারের গ্রাহকপ্রতীক বিভিন্ন প্রকারের মান গ্রহণ করে। কোন্ গ্রাহকপ্রতীক কি মান গ্রহণ করবে তা প্রসঙ্গতঃ ধর্তব্য। যদি নিধি,

$$(\texttt{\Rightarrow}) \quad 10 > x > 8,$$

তবে পরিকার বোঝা যায়, x সংখ্যাগ্রাহকপ্রতীক রূপে ব্যবহৃত হয়েছে। যদি নিখি,

(व) 🗴 (इय) अकलन मानूप,

তবে বুঝতে হবে x একটি ব্যক্তিনামগ্রাহকপ্রতীকর্মপে ব্যবস্থত হয়েছে। (ক) সূত্রে x এর স্থানে ব্যক্তিনাম বা (খ) সূত্রে x এর স্থানে সংখ্যা বা বচন সংস্থাপন করলে অর্থহীন বচন তৈরী হবে। (ক) সূত্রে x এর স্থানে 9 সংস্থাপন করলে বচনটি সত্য হবে, 11 সংস্থাপন করলে বচনটি মিধ্যা হবে। (খ) সূত্রে x এর স্থানে "সক্রেটিস" সংস্থাপন করলে বচনটি সত্য হবে, "মহাদেব" সংস্থাপন করলে বচনটি মিধ্যা হবে। সাধারণতঃ গ্রাহকপ্রতীককে অজ্ঞাতমান বলা হয়, তার অর্ধ এই যে সে কোন্ মান গ্রহণ করবে তা অজ্ঞাত, সে কী মান অর্থাৎ কি প্রকারের মান গ্রহণ করবে তা অজ্ঞাত নয়।

2.4 সংযোগিক অপেক্ষক

''এবং'' শব্দটি একটি সত্যাপেক্ষ সংযোজক। ''ও'', ''আর'', শব্দগুলো ''এবং'' অর্থ বহন করে।

- (ক) তিনি আসবেন এবং আমি তাঁর সঙ্গে যাব, এই যৌগিক বচনটি
 - (ক) (1) তিনি আসবেন,
 - (ক) (2) আমি তাঁর সঙ্গে যাব,

এই দুইটি সরল উপাদান বচনের সংযোগ হারা গঠিত একটি সংযৌগিক বচন। উপাদান বচনকে সংযোগী বচন বলা হয়। একাধিক সরল বচনকে "এবং" বা সমার্থক কোন সংযোজক হারা যুক্ত করলে যে যৌগিক বচন হয় তাকে সংযৌগিক বচন বলে। সংযৌগিক বচনের সত্যমিধ্যাছে কেবলমাত্র সংযৌগিক বচনের সত্যমিধ্যাছের উপর নির্ভরশীল, সেইজন্য সংযৌগিক বচনকে সংযৌগিক অপেক্ষক বলা হয়। উভয় সংযোগী বচন সত্য হলে সংযৌগিক বচনটি সত্য হবে, নতুবা মিধ্যা হবে। সংযৌগিক বচনের সত্যাসত্য নির্ণয়ের এই নিয়মটি একটি সামান্য নিয়ম, স্কুজরাং কোন বিশেষ বচনের উল্লেখ না করে শুধুমাত্র বচনগ্রাহক প্রতীক বর্ণ ব্যবহার করে বলা যায়, "p এবং q" আকারের যে কোন সংযৌগিক বচন কেবলমাত্র p ও q উভয়ই সত্য হলে সত্য হবে, নতুবা মিধ্যা হবে। যে কোন দুটি বচন, p ও q, দেওয়া থাকলে মিলিতভাবে তাদের চার রক্মের মান অর্থাৎ সত্য-মিধ্যা সম্ভাবনা হতে পারে, এবং তাদের প্রত্যেকটি "p এবং q" সংযৌগিক বচনের মান অর্থাৎ সত্যতা বা মিধ্যাছ অনন্যভাবে নির্দিষ্ট করে দেয়।

যদি p সত্য q সত্য হয়, তবে "p এবং q" সত্য ; যদি p সত্য q মিথা৷ হয়, তবে "p এবং q" মিথা৷ ; যদি p মিথা৷ q সত্য হয়, তবে "p এবং q" মিথা৷ ; যদি p মিথা৷ q মিথা৷ হয়, তবে "p এবং q মিথা৷ ।

উপরের (ক) বচনে "এবং" শব্দটি দুটি সরল বচনের মাঝখানে বসেছে। অন্যভাবেও "এবং" শব্দটি সংযৌগিক বচন গঠন করতে পারে।

- (খ) রবীক্রনাথ এবং কালিদাস উভয়েই নিসর্গের কবি।
- (গ) সেক্স্পীয়র কবি এবং নাট্যকার ছিলেন।
- 🛚 এখন থেকে সংক্ষেপে বচন-বর্ণও বলা হবে।
- 2 1.4 অনুচ্ছেদে আমরা বলেছি, আকারকে সত্য-মিখ্যা বলা চলে না 1 এখানে "p এবং q" বচনাকারকে লক্ষ্যার্থে সত্য-মিখ্যা বলা হচ্ছে, বজ্বা, "p এবং q" আকারের যে কোন সংযৌগিক বচন নিদিষ্ট শর্তাধীনে সত্য-মিখ্যা হবে 1 পরে জন্যান্য যে সব অপেক্ষক আলোচিত হবে, তাদের বেলায়ও একই কথা খাটবে 1 কোন কোন সময় আমরা "p এবং q" বা অনুরূপ বচনাকারকে শুধু বচন বলব্ কক্ষ্যার্থে ব্রুতে হবে, এই আকারের যে কোন বচন 1

(ৰ) বচনটি

- (খ) (1). রবীজ্রনাথ নিসর্গের কবি,
- (খ) (2) কালিদাস নিসর্গের কবি,

এবং (গ) বচনটি

- (গ) (1) সেকৃস্পীয়র কবি ছিলেন,
- (গ) (2) সেক্স্পীয়র নাট্যকার ছিলেন,

সরল বচনগুলোর সংযোগ।

সাধারণ ভাষায় সংযোগী বচনগুলো পরস্পর প্রাসন্ধিক না হলে "এবং" সংযোজকের ব্যবহার সচরাচর দেখা যায় না ।

> ছায়াপথে অগণিত নক্ষত্র আছে, এবং আমার বাগানের **যাসগুলো** বেডে উঠেছে।

এরপে সংযৌগিক বচনের ব্যবহার সাধারণ ভাষায় বেমানান হবে, কিন্তু ন্যায়ে নিষিদ্ধ নয়। ন্যায়ে "এবং" শব্দের অর্থ সংযোগী বচনগুলোর মিলিত সত্যতা ছাড়া আর কিছু নয়। এটিই "এবং" শব্দের আকারগত অর্থ, সংযোগী বচনগুলোর বিষয়বস্তুর সঙ্গে এর কোন সম্পর্ক নেই বলেই এরূপ উস্ভট সংযোগেও ন্যায় কোন আপত্তি করে না।

''এবং'' শব্দের কতক ব্যবহার সংযোজক হলেও সত্যাপেক্ষ নয়। যেমন,

বিষ্কিমচন্দ্র এবং সঞ্জীবচন্দ্র ভাই ছিলেন, (1.4 অনুচ্ছেদ দ্রষ্টব্য)। এখানে "এবং" "বিষ্কিমচন্দ্র" ও "সঞ্জীবচন্দ্র" এই দুটি নামকে সংযুক্ত করছে, দুটি বচনকে নয়, স্থতরাং এখানে "এবং" এর ব্যবহার সত্যাপেক নর। কোন কোন স্থলে সংযোগী বচনগুলোর বিভিন্ন ক্রমবিন্যাস সাধারণ ভাষায় বিভিন্ন অর্থ বহন করে।

তিনি আঁচালেন এবং খেতে গেলেন,

ৰললে বজার বা ভোজার মন্তিক্ষের স্থস্থতা সম্বন্ধে প্রশু জাগে।

त्क्यां क्रिनीत वित्य रन धवः एहत रन,

6

क्यांकिनीत ছেলে इन এवः वित्र इन,

দুটি বচনের অর্থের মধ্যে আকাশ-পাতাল পার্থক্য । সাধারণ ভাষার এসব ক্ষেত্রে "এবং" শব্দের অর্থ "এবং তারপর" । শুধু বচনবর্ণ ব্যবহার করলে সংযৌগিক বচনগুলোর আকার দাঁড়ায় "p এবং q," এর সঙ্গে "q এবং p" এর কোন পার্থক্য নেই। যদিও p ও q-এর স্থানে বচন সংস্থাপন করলে বিভিন্ন অর্থ ব্যক্ত হবে, এইসব বিশিষ্ট অর্থ ন্যায়ে বিবেচ্য নম, শুশু সংযোগী বঁচনগুলোর মিলিও সত্যতা সংযৌগিক অপেক্ষকের বজব্য।

"আর" শব্দটিও "এবং" শব্দের মত সংযোজকের কান্ধ করে, কিন্ত কর্মনও কথনও সংযোগী বচনগুলোর মধ্যে একটা বিরুদ্ধভাবের ইঞ্চিড করে। যেমন,

আমি বেরোচ্ছি, আর তুমি এলে।
"কিন্ত" শব্দটি অনেক সময় "আর" শব্দের মত।
সে বৃদ্ধিমান, কিন্তু অলস,

বেন অলসতা বুদ্ধিমন্তাকে খর্ব করে। তবুও এই বচনগুলো সংযৌগিক, এদের অর্থ,

> আমি বেরোচ্ছি এবং তুমি এলে, সে বুদ্ধিমান এবং সে অলস,

খন্য যত ভাবের ইঞ্চিতই মূলবচনগুলো করুক না কেন। "অধিকঙ্ক", "তথাপি", "তবুও", "যদিও", শব্দগুলোও "এবং" অর্থবোধক, যদিও সাধারণ ভাষার এদের ব্যবহার অনেক রকম ভাবের ইঞ্চিত বহন করে। খনেক সময় কমা, সেমিকলনও সংযোজকের কাজ করে।

সাধারণ ভাষার সংযোজক শব্দগুলোর বিভিন্ন অর্ধের মধ্যে ন্যুনকন্ধ অর্ধটি নির্দেশ করার জন্য ন্যারে এই শব্দগুলোর স্থলে "." প্রতীকটি ব্যবহার করা হয়। এটি সংযোগ-প্রতীক, দুটি বচন বা বচনবর্ণের মধ্যে সংস্থাপনীয়। এর ন্যুনকন্ধ অর্ধ, সংযোগী বচনগুলোর মিলিত সত্যতা। পূর্বোক্ত সংযোগিক বচনগুলো "." সহযোগে দাঁড়ায়,

তিনি আসবেন • আমি তার সঙ্গে যাব।
রবীন্দ্রনাথ নিসর্গের কবি • কালিদাস নিসর্গের কবি ।
সেক্স্পীয়র কবি ছিলেন • সেক্স্পীয়র নাট্যকার ছিলেন ।
আমি বেরোচ্ছি • তুমি এলে ।
সে বুদ্ধিমান • সে অলস ।

বচনবর্ণ ব্যবহার করলে সবগুলোর আকার p.q।

I. ইংরেজী "dot," বাংলায় "বিন্দু" পড়া যৈতে পারে।

"এবং", "কিছ", "আর" ইত্যাদি বিভিন্ন সংযোজকের বিশেষ অর্ধ বহন করার জন্য বিশেষ বিশেষ প্রতীক চিহ্ন ব্যবহার করা উচিত মনে করলে ভুল করা হবে। আমরা সত্যাপেক্ষ সংযোজকের ব্যবহার-রীতি নির্দেশ করছি। এই সমস্ত সূক্ষা ইন্ধিত বা ভাব সংযোজকপ্রতীক হারা বোঝাতে গেলে সংযোজকটি আর সত্যাপেক্ষ থাকবে না। "এবং" ও সমার্থক শবদগুলো সাধারণ ভাষায় যত বিভিন্ন অর্থেই ব্যবহৃত হোক না কেন, সংযোজকপ্রতীক "." চিহ্নটি ঐ সমস্ত জায়গায় ব্যবহৃত হতে পারবে, যদিও সাধারণ ভাষার অভীষ্ট সব অর্থ বহন করবে না।

p.q কে সংযৌগিক বচনের আকার বলা হয়েছে। যেহেতু এই আকারের বচনের মান কেবলমাত্র সংযোগী বচন সমূহের মানের উপর: নির্ভরশীল, সেজন্য p.q-কে সংযৌগিক অপেক্ষকও বলা হয়েছে। স্মৃতরাং দেখা যাচেছ, আকারের দিক থেকে দেখলে যাকে সংযৌগিক বচনের আকার বলা হয়, মানের দিক থেকে দেখলে তাকেই সংযৌগিক অপেক্ষক বলা চলে।

2.5 সভ্যসারণী

य कान मजार्शक योगिक वहत्तत (अर्शक कत) मानत वक्त्रां मेर्ड छेशांना वहनश्चलात मान। भूर्व अनुष्हिए छेशांना वहनश्चलात मान। भूर्व अनुष्हिए छेशांना वहनश्चलात मानत द्वाता कि छार्व योगिक वहत्तत मान अनुगुण्डार निर्मिष्ट हम, मुश्रेष्ठ पर्था हि। मुश्रेष्ठ पर्था हि। मुश्रेष्ठ माश्राया वि भूव मश्क्षणात प्रभाता याम। छेशांना वहन व। वहनवर्धत मञ्जाता मम्स्र मान मश्रेष्ठ मम्स्र मान विश्व कत्राक मान विश्व कर्त्राक योगिक वहत्तत्र मान निर्मम कर्त्राक मान विश्व कर्त्राक मान विश्व कर्त्राक योगिक वहनत्र मान विश्व कर्त्राक मान मान विश्व कर्त्राक योगिक वहनत्र मान विश्व कर्त्राक योगिक वहनत्र मान विश्व कर्त्राक योगिक वहनत्र मान विश्व कर्त्राक योगिक वहन मान विश्व कर्त्राक योगिक वहन व। वहनवर्ष्य कर्त्राक योगिक वहन मान विश्व कर्त्राक वहन मान विश्व मान वहन व। वहनवर्ष्य क्रिया मान मार्गिक वहन व। वहनवर्ष्य क्रिया मान मार्गिक वहन मान व। वहनवर्ष्य क्रिया मान मार्गिक वहन मार्गि

সংযৌগিক অপেক্ষকের সত্যসারণী নিমুপ্রকার:

जात्रवी (1)

| p | q | p.q |
|---|------------|-----|
| T | T | T |
| T | F | F |
| F | T | F |
| F | F . | F |

সারণীতে "সত্য" ও "মিথ্যা"র বদলে ইংরেজী True ও Falso শব্দের বড় হাতের প্রথম বর্ণটি ব্যবহার করা হয়েছে। সারণীটি দেখনেই বোঝা যাবে, এটি পূর্ব অনুচ্ছেদে বর্ণিত "p এবং q" যৌগিক বচনের মান নির্ণয়ের অনুরূপ। বাঁ দিকের দুই স্তম্ভে p ও q বচনবর্ণ দুটির সম্ভাব্য সকল প্রকার মিলিত মানসমাবেশ করা হয়েছে, এবং শেষ স্তম্ভে p.q যৌগিক বচনের মান ঐ মানশর্তগুলোর হারা নির্ণীত করা হয়েছে। সারণীটি এইভাবে পড়তে হবে,

p সত্য q সত্য হলে p.q সত্য, p সত্য q মিথ্য। হলে p.q মিথ্যা,

p 405 q 14451 2001 p.q 14451,

p মিধ্যা q সত্য হলে p.q মিধ্যা,

p निथा q निथा रतन p.q निथा।

লক্ষণীয় যে p ও q কোন্ কোন্ বচনের প্রতীক তা না জেনেও আমরা p.q কখন সত্য হবে কখন মিথ্যা হবে তা সারণীর সাহায্যে নির্দয় করতে পারি । বিশেষ বচন হারা যৌগিক বচন গঠিত হলে এবং বচনগুলো সত্য বা মিথ্যা জানা থাকলে সারণী ব্যবহার করার কোন প্রয়োজনই হত না ।

> কাল সকাল থেকে মেঘ করেছিল, এবং দশটা থেকে বৃষ্টি শুরু হয়েছে,

যৌগিক বচনটি গত্য কিনা তা নির্ণয় করার জন্য সারপীর প্রয়োজন নেই। কিন্তু কোন বিশেষ যৌগিক বচন সত্য কিনা তা নির্ণয় করা ন্যায়ের কাজ নর, তার কাজ যে কোন যৌগিক বচনের সম্পূর্ণ মানশর্তগুলো নির্দেশ করা। সারপী (1) ন্যুনতম অর্থে p.q-এর সম্পূর্ণ

মানশর্জনো নির্দেশ করছে ববে এটিকে "•" সংযোজক প্রতীকের সংজ্ঞা বলেও ধরে নেওয়া যায়।

যে কোন অপেক্ষকের সারণী নির্মাণের পদ্ধতি এইরপ। সারণী (2)

| <u>P</u> | q | r | | | • | p, q, r, এর অপেক্ষক |
|----------|---|---|---|---|---|---------------------|
| T | T | T | • | • | • | • |
| • | • | • | • | • | • | • |
| • | • | • | • | • | • | • |
| • | • | • | • | • | • | • |
| • | • | • | • | • | • | • |
| • | • | • | • | • | • | • |
| F | F | F | • | • | • | • |

প্রথমে বচনবর্ণগুলো এক সারিতে পর পর বসিয়ে সর্বশেষে অপেককটি বসাতে হবে, এবং নীচে একটি অনুভূমিক রেখা টেনে দিতে হবে। ন্তম্বগুলো পৃথক করে দেখাবার জন্য প্রত্যেকটি বচনবর্ণের **পরে একটি** উল্লম্ব রেখা টেনে দেওয়া যেতে পারে। যদি বচন (বর্ণ) সংখ্যা n হয়, তবে সারিসংখ্যা 2ⁿ হবে। শেষ বচন (বর্ণ)-টির শুস্তে, পর্যায়ক্রনে T ও F বসাতে হবে। তার বাঁ দিকের বচনবর্দের স্তন্তে পর্যায়ক্রমে দুটি করে T ও দুটি করে F বসাতে হবে। তার বা দিকের বচনবর্ণের স্তম্ভে পর্যায়ক্রমে T ও F-এর সংখ্যা ডবল হতে ধাকবে, এবং বাঁ। দিকের প্রথম বচনবর্ণের শুন্তে মোট সারিসংখ্যার প্রথম অর্ধেকের নীচে T ও শেষ অর্ধেকের নীচে F বসবে। যান্ত্রিক নিয়ম গণিত-সন্মত, এবং এতে সম্ভাব্য সকল প্রকার মানশর্ত নিবেশন করা হয়। অপেক্ষকের মান নিরূপণ করে সংযোজকের নীচে বসাবে ভাল, তাতে বোঝার স্থবিধা হয়, কারণ সংযোদকই অপেক্ষক তৈরী करत । वना वाहना, योशिक वहन यनि मः योशिक-जरभक्क इत, जल কেবল প্রথম সারিতে অপেককের স্তম্ভে T বসবে, কারণ প্রথম সারি ছাড়। আর সব সারিতে বচনবর্ণগুলোর নীচের কোন না কোন **স্বস্তে P** थाकरवरे । প্রত্যেকটি সংযোগী বচন সত্য না হলে সংযৌগিক-অপেকক

সত্য হতে পারে না। লক্ষণীয় যে অপেক্ষকের শুম্ভটি ছাড়া, সারণীর বা দিকের সব স্তম্ভ সমান সংখ্যক বচনবর্ণ ছারা গঠিত যে কোন অপেক্ষকের বেলায় একইরকম হবে, কারণ n-সংখ্যক বচনের সমস্ত মানশর্ত 2ⁿ রকমের হবে, এবং ঐ স্তম্ভগুলো মানশর্তগুলোই নির্দেশ করছে মাত্র।

2.6 বৈক্তিক অপেক্ক

"বা" আর একটি সত্যাপেক্ষ সংযোজক। "অথবা", "কিংবা", "পিকান্তরে", "না হয়", "নয়ত", "নতুবা" শব্দগুলো 'বা" অর্থ বহন করে।

তিনি কাল দিল্লী যাবেন, বা টেলিফোনে আজ রাত্রে খবর পাঠাবেন,

এই যৌগিক বচনটি

তিনি কাল দিল্লী যাবেন, তিনি টেলিফোনে আজ রাত্রে খবর পাঠাবেন,

এই দুটি সরল উপাদান বচনের বিকল্প হার। গঠিত একটি বৈক্ষিক বচন । উপাদান বচনগুলোকে বিকল্প বচন বলা হয়। একাধিক সরল বচনকে "বা" বা সমার্থক কোন সংযোজক হারা যুক্ত করলে যে যৌগিক বচন হয়, তাকে বৈক্ষিক বচন বলে। বৈক্ষিক বচনের সত্যানিধ্যাত্ব কেবলমাত্র বিক্লপ বচনগুলোর সত্যমিধ্যাত্বের উপর নির্ভর করে, সেইজন্যই এই প্রকার বচনকে বৈক্ষিক অপেক্ষক বলা হয়। যে কোন একটি বিকল্প বচনের সত্যাসত্য নির্ণয়ের এই নিয়মটি একটি সামান্য হবে। বৈক্ষিক বচনের সত্যাসত্য নির্ণয়ের এই নিয়মটি একটি সামান্য নিয়ম, স্মৃতরাং কোন বিশেষ বচনের উল্লেখ না করে শুধু বচনবর্ণ ব্যবহার করে বলা যায়, "p বা q" আকারের যে কোন বৈক্ষিক বচন p ও q এর মধ্যে যে কোন একটি বিকল্প বচন, p ও q, দেওয়া থাকলে তাদের মিধ্যা হবে। যে কোন দুটি বচন, p ও q, দেওয়া থাকলে তাদের মিলিত মানশর্ত "p বা q" এর মান অনন্যভাবে নির্দিষ্ট করে দেয়।

যদি p সত্য q সত্য হয়, তবে "p বা q" সত্য ; যদি p সত্য q মিথ্যা হয়, তবে "p বা q" সত্য ; যদি p মিথ্যা q সত্য হয়, তবে "p বা q" সত্য ; যদি p মিথ্যা q মিথ্যা হয়, তবে "p বা q" মিথ্যা p "বা" শংযোজক বিকল্প বচন দুটির মাঝধানে না বসেও বৈকল্পিক বচন গঠন করতে পারে।

দাদ। বা ঠাকুর্দ। নিমন্ত্রণে বাবেন, বচনটি

> मामा निमञ्चल यादन, ठीकूमा निमञ्चल यादन,

এই पृष्टि गतन वहरनत विकन्न । अथवा,

त्म कन वा मुध बीद्व,

বচনটি

সে ফল খাবে, সে দুধ খাবে,

এই पृष्টि সরল বচনের বিকল্প।

বিকল্পেও কোন আপত্তি নেই।

সাধারণ ভাষার বিকল্প বচনগুলো পরস্পর প্রাশঙ্গিক না হলে "বা" সংযোজকের ব্যবহার সচরাচর দেখা যায় না ।

মঙ্গলগ্রহে জীব আছে, বা এবার খুব আম হয়েছে, এক্সপ বচনের ব্যবহার সাধারণ ভাষায় বেমানান হবে, কিন্তু ন্যায়ে এক্সপ ব্যবহার নিষিদ্ধ নয়। ন্যায়ে "বা" শব্দের অর্থ, বিকল্প বচনগুলোর অন্ততঃ একটি সত্য। এটিই "বা" শব্দের আকারগত অর্থ, বিকল্প বচনগুলোর বিষয়বস্তুর সঙ্গে ন্যায়ের কোন সম্পর্ক নেই বলেই এক্সপ অন্তুত

"যদি না" কথাটিও সাধারণ ভাষায় বিকল্পসূচক।
আমি বেরিয়ে পড়ব, যদি না সে পাঁচটার মধ্যে এসে পড়ে,
বচনটির অর্থ

त्म भौं होत मर्था এरम পড़रव, वा आमि वित्रिय भड़व।

বৈকল্পিক বচনের মান বিশ্লেষণে দেখানো হয়েছে, উভয় বিকল্প বচন সত্য হলেও বৈকল্পিক বচন সত্য হয়। তিনি আজ রাত্রে টেলিফোনে খবর পাঠিয়েও কাল দিল্লী যেতে পারেন, দাদা ও ঠাকুর্দা উভয়েই নিমন্ত্রণে যেতে পারেন, সে ফল ও দুধ দুই-ই খেতে পারে। এই বৈকল্পিক বচনগুলোতে দুটি বিকল্প একসঙ্গে সত্য হতে কোন বাধা

নেই, বক্তারও এমন কোন শর্ত নেই যে দুটি বিকরই একসচ্চে সত্য হতে পারবে না। কিছ "বা" এর এমন ব্যবহার আছে বাতে দুটি বিকল্প একসন্দে সত্য হতে পারে না, বৈকল্পিক উন্তিটিরই শর্ত এই যে ন্টি বিকল্প একসঙ্গে সত্য হতে পারবে না । হোটেলে খাবারের মেনুর শেষে লেখা থাকে, "চা বা কফি"। এখানে এর অর্থ, "হয় চা, নয় কফি, কিন্ত দুটোই নয়"। "ফিব সেক্স্পীয়রের নাটকের একটি চরিত্র, পুরুষ বা জী।" এখানে ফিব একাধারে পুরুষ ও নারী চরিত্র দুই-ই হতে পারে ना । जारंगत देवकन्निक वहत्तव मृष्टेारख विकन्नश्वरतात मरशा रकान विद्रांश নেই, কিন্তু এখনকার বৈকল্পিক বচনগুলোতে বিকল্পগুলোর মধ্যে বিরোধ আছে। সাধারণ ভাষার 'বা" সংযোজক দ্বার্থক, কথনও এটি দুটি অবিরোধী বিকল্পের সংযোজক, কখনও বা দুটি বিরোধী বিকল্পের गःरयाष्ट्रक । यथेन "वा" गःरयाष्ट्रक मृष्टि व्यविद्यांशी विकन्नरक युक्त करत्र ज्यन এटक "अविदर्शाशी वा" वा "अविमः वामी वा" वना इस, अवः यथन পুটি বিরোধী বিকল্পকে যুক্ত করে, তখন একে "বিরোধী বা" বা - "বিসংবাদী বা" বলা হয়। সাধারণ ভাষায় ব্যবস্ত "বা" বা সমার্থক गःखाब्यक्त विजिन्न व्यर्थत यथा नानकत व्यर्थि निर्पिन कतात कना नाया এইসব শব্দগুলোর স্থলে "v" প্রতীকটি ব্যবহার করা হয়। এটি বিকল্প-প্রতীক, দুটি বচন বা বচনবর্ণের মধ্যে স্থাপনীয়। এর ন্যুনকল্প অর্থ, বিকল্প বচন দুটির মধ্যে অন্ততঃপক্ষে একটি সত্য। যেখানে বিকল্পগুলো বিসংবাদী, সেখানেও "v" এই ন্যুনতম অর্থ বহন করে। "v" অবিসংবাদী বিকল্পের হার। গঠিত বৈকল্পিক বচনের পূর্ণ অর্থ বহন করে, যদিও বিসংবাদী বিকল্পের ছারা গঠিত বৈকল্পিক বচনের পূর্ণ অর্থ বহন করে না।

পূर्বाङ रेकब्रिक वहनश्चला "" সহযোগে माँड़ाय,

- (ক) তিনি কাল দিল্লী যাবেন » টেলিকোনে আজ রাত্রে খবর পাঠাবেন।
- (थ) नाना निमञ्जल यादन । ठीकूना निमञ्जल यादन ।
- (र्ग) त्म कन शेर्त v त्म पुर दौर्त ।
- (ব) মেনুর শেষ দফার চা দেওরা হয় ৮ মেনুর শেষ দফার কফি দেওরা হয়।

[ে] ল্যাচিন "vel" শব্দের প্রথম অক্ষর, বাংলায় "বা" গড়া যেতে পারে ।

(ঙ) কিব সেক্স্পীররের একটি পুরুষ চরিত্র ৮ কিব সেক্স্পীররের একটি নারী চরিত্র।

व्हनवर्ष वावशांत्र कदाल नवश्चलांत्र जाकांत्र p v q ।

আমরা জানি, বৈকল্পিক ন্যায় বৈধ। এই ন্যায়ে কোন বৈকল্পিক বচনের একটি বিকল্পকে নিমেধ করে অপর বিকল্পটি স্বীকার করা হয়।

> তিনি কাল দিল্লী যাবেন v টেলিফোনে আজ রাত্রে খবর পাঠাবেন,

जिनि कान पिन्नी यादन ना,

∴ তিনি টেলিফোনে আজ রাত্রে খবর পাঠাবেন।

মেনুর শেষ দফার চা দেওয়। হয় ৮ মেনুর শেষ দফার কফি দেওরা হয়,

নেনুর শেষ দফার চা দেওরা হবে না,

মেনু শেঘ দফার কফি দেওয়। হবে ।

পরিকার দেখা যাচেছ, "বা" সংযোজকের বিসংবাদী বা অবিসংবাদী যে কোন প্রয়োগে "৮" প্রতীকের ব্যবহারে ন্যায়ের বৈধতা কুণে হয় না। বদি বিকয়গুলোর বিসংবাদিছও পৃথকভাবে বোঝাতে হয়, তবে (য়) বচনের শেঘে যোগ করতে হবে, "এবং চা ও কফি উভয়ই দেওয়া হয় না", (ঙ) বচনের শেঘে যোগ করতে হবে, "এবং পুরুষ ও নারী চরিত্র উভয়ই নয়"। সাধারণভাবে, যে কোন বিসংবাদী বিকয়-গঠিত বৈকয়িক বচনে যোগ করতে হবে, "কিছ (এবং) উভয়ই নয়", বা "কিছ (এবং) একটির বেশী নয়"। "বিকয়-বচন দুটির মধ্যে অন্ততঃপক্ষে একটি সত্য কিছ উভয়ই নয় (বা একটির বেশী নয়)" অর্থ বোঝাবার জন্য যদি আমরা "+" প্রতীকটি ব্যবহার করি, তবে বচন-বর্ণ ব্যবহার করলে (য়) ও (ঙ) বচনের আকার দাঁড়ায় p+q। (ক)—(য়) বচনের আকার, বনা বাহুল্য, p v q। "বা" বা সমার্থক সংযোজক শবদগুলো সাধারণ ভাষায় যত বিভিন্ন অর্থেই ব্যবহৃত হোক না কেন, বিকয়-প্রতীক "৮" চিহুটি ঐ সমস্তে জায়গায় ব্যবহৃত হতে পারবে, যদি ও সাধারণ ভাষায় অভীই সর অর্থ বহন কয়বে না।

বৈকল্পিক অপেক্ষকের সত্যসারণী নিমুপ্রকার:

| नातनी (3) | | | সারণী (4) | | | |
|------------|-------|----------------|-----------|---------|----------------------|--------|
| P | q | pvq | <u>p</u> | q | p+q | |
| T | T | T | T | T | F | |
| T | F | T | T | F | T | |
| F | T | T | F | T | T | |
| F | F | F | F | F | F | |
| (অবিসংবাদ | ী বিক | ল্পের বেলায়) | (বিসং | বাদী বি | বৈক ল্লে র বে | লায় 🕽 |

সারণী (3) এইভাবে পড়তে হবে; p সত্য q সত্য হলে pvq সত্য; p সত্য q মিথ্যা হলে pvq সত্য; p মিথ্যা q সত্য হলে pvq সত্য; p মিথ্যা q মিথ্যা হলে pvq মিথ্যা। লক্ষণীয় যে pও q কোন্কোন্বচনের প্রতীকর্ষণ তা নাজেনেও আমরা pvq কখন সত্য হবে কখন মিথ্যা হবে তা সারণীর সাহায্যে নির্দিয় করতে পারি। এই সারণী ন্যুনত্ম অর্থে বৈকল্পিক বচনের সম্পূর্ণ মানশর্তগুলো নির্দেশ বহছে হলে এটিকে "v" প্রতীকের সংজ্ঞা বলেও ধরে নেওয়া যায়।

যদি কোন বৈকল্পিক বচনে দুইয়ের বেশী তবিসংবাদী বিকল্প বচন থাকে, তবে তার সারণীতে প্রথমে সারণী (2)-এর মত মান শর্তগুলো নিবেশন করতে হবে। বৈকল্পিক অপেক্ষকের স্তম্ভে কেবল শেষ সারিতে F বসবে, এবং তার উপরের সব সারিতে T বসবে, কারণ শেষ সারি ছাড়। আর সব সারিতে উপাদান বচনবর্ণগুলোর নীচের কোন না কোন স্তম্ভে T থাকবেই। একটি বিকল্প সত্য হলেই বৈকল্পিক বচন সত্য হবে। বিকল্পগুলো বিসংবাদী হলে তাদের সংখ্যা সাধারণত দুইয়ের বেশী হয় না।

 $p \ v \ q \ 9 \ p+q$ -কে দুইপ্রকার বৈক্ষিক বচনের আকার বলা হয়েছে। যেহেতু এই আকারের বচনের মান কেবল মাত্র বিক্ষি বচন সমূহের মানের উপর নির্ভরশীল, সেজন্য $p \ v \ q \ 9 \ p+q$ -কে বৈক্ষিক অপেক্ষক বলা হয়েছে। আকারের দিক থেকে দেখলে যাকে বৈক্ষিক অপেক্ষক বলা বায়, মানের দিক থেকে দেখলে তাকেই বৈক্ষিক অপেক্ষক বলা চলে।

2.7 जिट्यथक चटलकर

আমরা অনেক সময় কোন বচনকে অম্বীকার করতে অর্থাৎ মিধ্যা বলতে চাই। নৈয়ায়িক পরিভাষায় বচনকে অম্বীকার করা বা মিধ্যা বলাকে নিমেধ করা বলে। যেমন,

> আজ "ক্লপসী" হলে কোন একটা ভাল ফিল্ম দেখানো হচ্ছে,

ৰচনটিকে নিমেধ করতে হলে সাধারণ ভাষায় ক্রিয়াপদের সঙ্গে একটি "না" যোগ করে দিলেই হয়, যেমন,

আব্দ "রপুসী" হলে কোন একটা ভাল ফিল্ম দেখানে। হচ্ছে না।

নিমেধক বচনটিকে অন্যভাবেও ব্যক্ত করা যায়,

এ সত্য নয় যে আজ ক্লপসী হলে কোন একটা ভাল ফিল্ফ দেখানো হচ্ছে,

এ ঠিক নর যে আজ রূপনী হলে কোন একটা ভাল ফিল্ম দেখানো হচ্ছে,

এ নয় যে আছ ক্লপসী হলে কোন একটা ভাল ফিল্ম দেখানো হচ্ছে,

এ মিধ্যা যে আজ রূপসী হলে কোন একটা ভাল ফিল্ম দেখানো হচ্ছে,

না—(আজ রূপসী হলে কোন একটা ভাল ফিল্ম দেখানো হচ্ছে)।

वहनवर्ष वावशांत्र कत्रत्न निष्यथक वहनि माँ।।।।

এ गठा नग्न य p.

এ ঠিক নয় যে p,

व नग्न रय p,

व मिथा। य p,

ना*—p* ।

कथन् कथन् 'कथन् ना" बाता निष्मिक वहन वाक कता हता।

আমি কখনও তোমার কথায় এ কাজ করব না, এর অর্থ আজও করব না, পরেও করব না । বলা বাহুল্য, শুধু ''না" ''কখনও না" এর অর্থ বহন করে না ।

বচনের নিষেধ বোঝাবার জন্য বচনের পূর্বে ''~''¹ প্রতীকটি ব্যবহার করা হয় ।

~ (আজ রূপসী হলে কোন একটা ভাল ফিল্ম দেখানো হচ্ছে)।
~ p যে কোন বচন p এর নিষেধক। নিষেধক বচন অপেক্ষক, কারণ
নিষেধক বচনের সভ্যমিধ্যাত্ব অর্থাৎ মান নিষিদ্ধ বচনের মানের উপর
নির্ভরশীল। নিষিদ্ধ বচন যদি সভ্য হয়, ভবে নিষেধক বচন মিধ্যা হবে,
নিষিদ্ধ বচন মিধ্যা হলে নিষেধক বচন সভ্য হবে।

p সত্য হলে ~p মিথাা,
p মিথাা হলে ~p সতা।

স্থতরাং "না" শব্দটি বা " \sim " প্রতীকটি সত্যাপেক্ষ সংযোজকের কাজ করে, এবং $\sim p$ একটি যৌগিক বচন। এর বৈশিষ্ট্য এই যে এই সংযোজকটি ঐকিক হতে পারে, একটি মাত্র বচনের সঙ্গে যুক্ত হয়ে নিষেধক অপেক্ষক গঠন করতে পারে। " \cdot " " \cdot ", বা "+" সংযোজক অস্ততঃপক্ষে হিযোজী, দুই বা ততোধিক বচনকে যুক্ত করে অপেক্ষক গঠন করে। আরও লক্ষণীয় যে " \sim " সংযোজক মূল বচনের মান বিপরীতকারী, অর্থাৎ এটি কোন বচনের সঙ্গেম যুক্ত হলে তার মান বিপরীত হয়ে যাবে। স্থতরাং কোন বচন ও তার নিষেধক, p ও $\sim p$, সব সময়ই বিপরীতমানের হবে, এবং p. $\sim p$ আকারের বচন শ্বিরোধী হবে।

নিষেধক অপেক্ষকের সত্যসারণী নিমুপ্রকার:

गांत्रगी (5)

 $\frac{p^{\cdot} \sim p}{T \quad F}$ $F \quad T$

সারণাটি নিমেধক বচনের সম্পূর্ণ মানশর্ত নির্দেশ করছে বলে এটিকে "~'' প্রতীকের সংজ্ঞা বলে ধরে নেওয়া যায়। যদি একটি যৌগিক

য় ইংরেজীতে tilde বা curl, বাংলায় "না-" পড়া চলতে পারে।

বচনের নিমেধকের সত্যসারণী গঠন করতে হয়, তবে প্রথমে যৌগিক বচনটির সত্যসারণী গঠন করে তার মান বিপরীত করে দিলেই হবে।

সারণী (6)

| p | q | p.q | p v q | p+q | $\sim (p.q)$ | $\sim (p \ v \ q)$ | $\sim (p+q)$ |
|---|---|-----|-------|-----|--------------|--------------------|--------------|
| T | T | T | T | F | F | F | T |
| T | F | F | T | T | T | F | F |
| F | T | F | T | T | T | F | F |
| F | F | F | F | F | T | . T | T |

[লকণীয়, বিসংবাদী "বা" কে p v q কিন্তু $\sim (p.q)$ ", অথ অথবা $(p v q) \sim (p.q)$ আকারে প্রকাশ করা যায় |

2.8 বন্ধনী ও সংযোজকের পরিধি বা প্রভাব

সারণী (6) এ বন্ধনী ব্যবহার করা হয়েছে। বন্ধনীর কাজ সংযোজকের প্রভাব বা পরিধি নির্দেশ করা। "~" নিষেধক সংযোজকের প্রভাব বা পরিধি শুধুমাত্র পরবর্তী বচনবর্ণ পর্যন্ত বিস্তৃত হয়, তার বেশী নয়। একটি বৈকল্পক বচন ধরা যাক্, যার একটি বিকল্প নিষেধক,

युक्त श्रद्ध ना वा क्षिनिरमत नाम वाष्ट्रद ।

"যুদ্ধ হবে" ও "জিনিসের দাম বাড়বে" বচন দুটির স্থলে যথাক্রমে p ও q বচনবর্ণ ব্যবহার করলে বচনটির আকার হয়,

$$\sim p v q$$

এই বচনে " \sim " এর প্রভাব p পর্যন্ত, "v q" " \sim " এর প্রভাবের বাইরে। কিন্তু যদি বলি,

$\sim (p v q)$

তাহলে " \sim " এর প্রভাব "p v q" পর্যন্ত বিস্তৃত, শুধু p নয়, এবং বচনটির সর্থ দাঁড়ায়,

এ নয় যে, যুদ্ধ হবে বা জিনিষের দাম বাড়বে, অর্থাৎ

युष्क७ श्रद ना, जिनित्पत नाम७ वाज्रद ना।

".", "v" সংযোজকের প্রভাব দুইদিকে বিস্তৃত হয়। p.q সংযৌগিক বচনে "·" এর প্রভাব বাঁ। দিকে p এবং ডানদিকে q পর্যন্ত বিস্তৃত, p.v q বৈক্ষিক বচনে "v" এর প্রভাবও একই প্রকার।

সংযৌগিক বচনের একটি সংযোগী বৈকল্পিক হতে পারে, বৈকল্পিক বচনের একটি বিকল্প সংযৌগিক হতে পারে। যেমন,

- (1) $p_*(q v r)$,
- (2) p v (q.r) |

এই বচনগুলোর স্থলে यদি निर्थि,

- (1) (本) p.q v r,
- (2) (本) p v q.r,

তবে ''॰'' ও ''॰'' সংযোজকের পরিধি অনিদিষ্ট থাকে। বন্ধনীহীন বচনগুলো যথাক্রমে (1) ও (2) বচন বোঝাবে, বা যথাক্রমে

- (3) (p.q) v r,
- (4) $(p \ v \ q) \cdot r$,

বোঝাবে তা নির্ণয় করা যাবে না । $p \cdot (q \cdot r) \cdot g \cdot (p \cdot q) \cdot v \cdot r$ আকারের দুটি বচন ধরা যাক । p এর স্থানে "সে দিলী যাবে", q এর স্থানে "সে চাকরী করবে", এবং r এর স্থানে "সে ব্যবসা করবে" সংস্থাপন করনে (1) g (3) বচন যথাক্রমে দাঁড়ায়,

- (5) সে দিল্লী যাবে, এবং চাকরী করবে বা ব্যবসা করবে,
- (6) সে দিল্লী যাবে এবং চাকরী করবে, বা ব্যবসা করবে।
- (5) বচনের অর্থ, সে দিল্লী যাবে, এবং সেখানেই চাকরী বা ব্যবসা করবে। (6) বচনের অর্থ, সে দিল্লী গিয়ে চাকরী করবে, বা (যে কোন জায়গায়) ব্যবসা করবে। যতিচিছ্ন ছারা সাধারণ ভাষায় অর্থের বিভিন্নতা পরিকারভাবে বুঝিয়ে দেওয়া হয়েছে। (5) বচনে তার কাজের স্থান নির্দিষ্ট করে বলা হয়েছে, চাকরীই করুক আর ব্যবসাই করুক, দিল্লীতেই করবে। (6) বচনে তার চাকরীর স্থান নির্দিষ্ট করে বলা হয়েছে, কিন্তু ব্যবসা করবে কোথায় করবে তা নির্দিষ্ট করে বলা হয়ন। সাধারণ ভাষায় যতিচিছ্ন ছারা যে কাজটি হয়েছে,

বচনাকারে বন্ধনীর ব্যবহার ছাড়া সে কাজটি করা বাবে না, অর্ধের বিভিন্নতা পরিস্ফুট করা যাবে না। বস্তত:, (1) (ক) ও (2) (ক) আকারের কোন বচন হয় না। সাধারণ ভাষার যতিচিক্ষ দিয়ে পরিকার বুঝিয়ে দেওয়া হয়েছে, (5) বচনে "এবং" মূল সংযোজক, (6) বচনে "বা" মূল সংযোজক। (1) ও (2) বচনে বন্ধনী ঠিক এইটিই বুঝিয়ে দিচ্ছে। (1) বচনে "" পরিধি বাঁ দিকে p, ভানদিকে q v r পর্যন্ত বিন্তৃত, (2) বচনে "ν" এর পরিধি বাঁ দিকে p, ভানদিকে q v r পর্যন্ত বিন্তৃত। (1) বচনের হিতীয় সংযোগী একটি বৈকল্পিক বচন, ভার সংযোজক "ν" এর পরিধি বাঁ দিকে q, ভানদিকে r, বাঁ দিকে p পর্যন্ত বিন্তৃত হতে পারেনি, বন্ধনীতে আটকা পড়েছে। (2) বচনের হিতীয় বিকল্প একটি সংযোগিক বচন, ভার সংযোজক "" এর পরিধি বাঁ দিকে p পর্যন্ত বিন্তৃত হতে পারেনি, বন্ধনীতে আটকা পড়েছে। (2) বচনের হিতীয় বিকল্প একটি সংযোগিক বচন, ভার সংযোজক "" এর পরিধি বাঁ দিকে q ভানদিকে r, বাঁ দিকে p পর্যন্ত হতে পারেনি, বন্ধনীতে আটকা পড়েছে। তুলনীয়, পাটিগণিতে 12÷3♦3 রাশিটি দেওয়া থাকলে বোঝা যাবে না আগে ভাগ করতে হবে, না আগে যোগ করতে হবে। (12÷3)+3 হলে ফল দুই।

- (7) $(p v q) \cdot (r v s)$
- (8) (p.q) v (r.s)

(7) বচনে মূল সংযোজক ".", এর পরিধি বাঁ দিকের বৈকল্পিক বচন $p \vee q$ এবং ভানদিকের বৈকল্পিক বচন $p \vee s$ । (8) বচনে মূল সংযোজক " ν ", এর পরিধি বাঁ দিকের সংযোগিক বচন $p \cdot q$ এবং ভানদিকের সংযোজক " ν "—এর পরিধি মূল সংযোজক " \cdot " কে ছাড়িরে যেতে পারেনি, বন্ধনীতে আটকা পড়েছে, (8) বচনের সংযোগিক উপাদান বচনের সংযোজক " \cdot " এর পরিধি মূল সংযোজক " ν " কে ছাড়িরে যেতে পারেনি, বন্ধনীতে আটকা পড়েছে।

এ পর্যন্ত লবু বন্ধনীতেই আমাদের কাজ চলেছে, বচনাকার আরও জটিল হলে ধনুর্বন্ধনী বা বলয়বন্ধনী "{}" এবং গুরুবন্ধনী "[]" ব্যবহার করতে হতে পারে।

- (9) [p v (q.r)] v [r v (p.q)]
- (10) $[pv{q.(rvs)}]vt$

যে বচনাকারে কেবন "." ব। "»" সংযোজক ছাড়া অন্য <u>কোন</u>

সংযোজক নেই, তার উপাদান বচন যৌগিক হলেও বন্ধনী ব্যবহার না করলেও অর্থের কোন ব্যতিক্রম হয় না।

- (11) p.(q.r), বা
- (12) (p.q).r কে যদি
- (13) p.q.r

ন্ধপে লেখা হয়, তবুও ভুল হবে না, কারণ (11) (12) ও (13) বচনের মানশর্ত এক। তিনটি উপাদান বচনই সত্য না হলে কোনটিই সত্য হবে না। তুলনীয়, পাটিগণিতের

$$2\times(3\times4)=(2\times3)\times4=2\times3\times4$$

অনুরূপভাবে,

- (14) p v (q v r),
- (15) (p v q) v r.
- (16) pvqvr

এক অর্থ বহন করে, কারণ তাদেরও মানশর্ত এক। p, q, r এর মধ্যে বে কোন একটি বর্চন সত্য হলেই তিনটিই সত্য হবে। তুলনীয় পাটিগণিতের

$$2+(3+4)=(2+3)+4=2+3+4$$

বন্ধনীর ব্যবহার রীতি এইভাবে নির্দিষ্ট করে দেওয়া যেতে পারে।

(ক) যে সংযোজক যে যে বচনবর্ণ যুক্ত করছে তাদের সংযোজক সহ বন্ধনীর মধ্যে ফেলতে হবে। যেমন

(p.q)

(p v q)

''.'' ও '' ν '' সংযোজক p ও q কে যুক্ত করছে বলে p.q, $p \lor q$ কে বন্ধনীর মধ্যে ফেলা হয়েছে।

- "." সংযোজক p ও q কে যুক্ত করছে বলে p.q কে লঘু বন্ধনীর মধ্যে কেলা হয়েছে। আবার, "v" সংযোজক (p.q) ও r কে যুক্ত করছে বলে (p.q) v r-কে গুরু বন্ধনীর অন্তর্গত করা হয়েছে।
- (খ) বহিঃস্থ বন্ধনী তুলে দেওয়া যেতে পারে। উপরের বচন-গুলোকে যথাক্রমে

p.q p v q (p.q) v r

রূপে লেখা যেতে পারে।

(গ) "~" তার অব্যবহিত পরবর্তী বচন (বর্ণ) কে নিমেধ করে। কোন যৌগিক বচনকে নিমেধ করতে হলে নিমিদ্ধ বচনটিকে বন্ধনীর মধ্যে রাধতে হবে।

 $\sim (p \ v \ q)$

(খ) বন্ধনীর বাইরের সংযোজকটিই মূল সংযোজক।

2.9 প্রাকল্পিক অপেক্ষক

"যদি....তবে..." আর একটি সত্যাপেক্ষ সংযোজক। ধাতুর উত্তর কৃৎপ্রতায় যোগ করে যে অসমাপিকা ক্রিয়াপদ তৈরী হয়, সাধারণ ভাষায় তার দৃষ্টান্ত, করলে, খেলে, গোলে, ইত্যাদি । এই প্রকার কৃদন্ত পদ দিয়েও "যদি....তবে...." সংযোজকের কাজ হয়।

- (1) यनि युक्त रय, जत्र जिनित्त्रत नाम राज़्त ।
- (1) (ক) যুদ্ধ হলে জিনিষের দাম বাড়বে।
 অনেক স্থলে "তবে"র স্থলে "তাহলে"র প্রয়োগ দেখা যায়। "যদি….
 তবে…." সংযোজক

युक्त श्व

B

অৰ্থাৎ

জিনিষের দাম বাড়বে

বচন দুটিকে যুক্ত করে একটি যৌগিক বচন গঠন করেছে। যৌগিক বচনটি ''যুদ্ধ হবে" বচনটিকে সত্য বলছে না, "জিনিমের দাম বাড়বে" বচনটিকেও সত্য বলছে না, শুধু বলছে,

যদি ''যুদ্ধ হয়'' ধরে নেওয়া যায়,
তবে ''জিনিষের দাম বাড়বে'' এও ধরে নেওয়া যায়,

্যদি ''যুদ্ধ হয়'' বচনটি সত্য হয়, তবে ''জিনিষের দাম বাড়বে'' বচনটিও সত্য হবে। "যদি"র পরের ও "তবে"র আগের অংশটুকুকে পূর্বগ বা ধার্য সান বলে, "তবে"র পরের অংশটুকুকে অনুগ বা অনুধার্য বলে। পূর্বগ সত্য হলে অনুগ সত্য হবে, পূর্বগ ও অনুগের মধ্যে প্রাকল্পিক সমন। এই প্রকার যৌগিক বচনকে প্রাকল্পিক বচন বলা হয়। পূর্ব গকে প্রকল্প হিসেবে ধরে নিলে অনুগ তার থেকে অনুস্ত হবে। পূর্ব গ অনুগকে অনুধারণ করে, অনুগ পূর্ব গকে অনুসরণ করে। এই প্রকার প্রাকল্পিক বচন সাধারণ ভাষায় অন্যভাবেও ব্যক্ত হয়,

(2) যে সহে, সে রহে, অর্থাৎ

্যদি কেউ সহ্য করে যায়, তবে সে পরিণামে সফল হয়।

(3) অপচয় করে৷ না, অভাব হবে না, অর্থাৎ

যদি কেউ অপচয় না করে, তবে তার অভাব হবে না।
নীচের কন্মেকট্নি প্রাকন্ধিক বচন লক্ষ্য করা যাক্।

- (4) যদি সব মানুষ মরণশীল হয় এবং সক্রেটিস মানুষ হন, তবে সক্রেটিস মরণশীল,
- (5) যদি ক্ষেত্রটি ত্রিভুজ হয়, তবে এর তিনটি বাছ আছে,
- (6) यपि চিনি জলে দেওয়। হয়, তবে গলে যায়।

(4) বচনে পূর্বগ "সব মানুষ মরণশীল এবং সক্রেটিস মানুম", অনুগ "সক্রেটিস মরণশীল", অনুগ ন্যায়তঃ পূর্বগকে অনুসরণ করে, বা পূর্বগ ন্যায়তঃ অনুগতে অনুধারণ করে। (5) বচনে পূর্বগ "ক্রেটি ত্রিভূজ" অনুগ "এর তিনটি বাহু আছে", অনুগ সংজ্ঞা অনুধায়ী পূর্বগকে অনুসরণ করে, কারণ ত্রিভূজের সংজ্ঞা "তিনবাহুবেটিত ক্রেত", বা পূর্বগ সংজ্ঞা অনুধায়ী অনুগতে অনুধারণ করে। (6) বচনে পূর্বগ "চিনি জলে দেওয়া", অনুগ "চিনির গলে যাওয়া" অনুগ কার্যকারণসম্বন্ধ অনুধারী পূর্বগকে অনুসরণ করে, বা পূর্বগ কার্যকারণসম্বন্ধ অনুধারী অনুগকে অনুধারণ করে, ন্যায়বিধি বা সংজ্ঞা অনুধারী নয়।

দেখা যাচ্ছে, প্রাক্তিক সম্বন্ধ বহু রক্ষের। "বা" সংযোজকের বেলার আমরা দেখেছি, এর নানারকম অর্থ থেকে একটি ন্যুনকল্প অর্থ বেছে নেওলা যার যা "বা" এর সর্বপ্রকার ব্যবহারেই প্রযোজ্য। তখন আমরা ন্যুনকল্প অর্থটি বোঝাবার জন্য "৮" প্রতীক চিছটি ব্যবহার করব বলে সিদ্ধান্ত নিয়েছি। আমরা আরও দেহুবছি, যেহুহতু ন্যুনকল অর্ধেণ "বা" এর ব্যবহারে বৈকল্পিক ন্যায়ের বৈধতা অকুণ পাছক, সাধারপ ভাষায় "বা" এর যে কোন প্রয়োগ "৮" প্রতীক ছারা সুচিত করলে ন্যায়শাল্রের উদ্দেশ্য সিদ্ধ হয়। যেহুহতু ন্যায়শাল্রে আমাদের আহলাচ্য বিষয় ন্যায়ের বৈধতা, "বা" এর যে কোন প্রয়োগে "৮" অর্থ তার ব্যবহার যদিও কোন কোন কেত্রে "বা" এর সম্পূর্ণ অর্থটি প্রকাশ করে না, তবুও ন্যায়শাল্রের প্রয়োজনে তাই যথেষ্ট।

এবার আমর। দেখব, এই সব বিভিন্ন প্রকারের প্রাকল্পিক সম্বন্ধের মধ্যে ন্যুনকল্প কোন সামান্য অর্থ আছে কিনা। সকলেই স্বীকার क्तर्रातन, यिन "ि किन करन पिछम्रा हम्र" विदः "ि किन शरन याम् " विकन দুটি সত্য হয়, অর্থাৎ চিনি বস্তুতই জলে দিয়ে দেখা যায় চিনি গলে গেছে, তবে (6) ৰচন সত্য। এখন দেখা যাক্, কি হলে প্রাকল্পিক त्र कि भिष्रा श्रा । क्षेत्र क्र का याक्, कि श्रा वामता "यिन क्रिन क्रा (मध्या श्य जल शल यात्र" वठनाँठे भिषा वनव १ वठनाँठे भिषा शल যদি চিনি জলে দেওয়ার পরও না গলে। অর্ধাৎ, ''চিনি জলে দেওরা। इम्न" गठा এবং "िहिन शत्न यात्र" मिथा, अत्रक्म इत्न श्रीकृष्टिक बहुनहि মিথ্যা হবে। বচনবর্ণ ব্যবহার করলে, ''যদি p তবে q'' তখনই মিথ্যা হ**হব** যদি কখনও p সত্য এবং q মিধ্যা দেখা যায়। অৰ্ধাৎ, "যদি p তবে q'' সত্য হবে যদি "p এবং $\sim q$ " সর্বদাই মিথ্যা হয়। এটিকেই প্রাকল্পিক সম্বন্ধের ন্যুনতম অর্থ ধরে এর স্থানে আমরা "⊃"¹ প্রতীক চিহ্নটি ব্যবহার করব। $p \supset q$ সত্য হবে যদি $p \cdot \sim q$ কখনও সত্য না হয়, বা \sim $(p.\sim q)$ সর্বদাই সত্য হয় । এটিকে আমরা $p\supset$ q-এর সংজ্ঞা হিসেবে ব্যবহার করব :

 $p \supset q = \pi(\mathfrak{B}) \sim (p. \sim q)$

পড়তে হবে, সংজ্ঞাহার। $p\supset q$ সমান $\sim (p.\sim q)$ । $\sim (p.\sim q)$ -বেং পড়া যেতে পারে, এ নয় যে (এ সত্য নয় যে, এ নিধ্যা যে) p ও না-q।

দেখা গেল p সত্য q সত্য হলে $p\supset q$ সত্য, p সত্য q মিখ্য। হলে $p\supset q$ মিখ্য। আমরা আরও ছানি, " \supset " বদি সত্যাপেক সংবোদক

[া] horse-shoe চিফা, ঘোড়ার নাল । $p\supset q$ কে পাড়তে হবে "বদি p ভবে q", বা "p হলে q"।

হয় এবং দুটি বচন p ও q-কে যুক্ত করে, তবে $p \supset q$ অপেক্ষকের চার প্রকার মানশর্ড হবে । এখন পর্যন্ত আমরা $p \supset q$ -এর দুটি মানশর্ড পেয়েছি । $p \supset q$ অপেক্ষকের সত্যসারণী তৈরী করলে শেষ দুই সারিতে অপেক্ষকের মান এখনও নির্ণীত হয়নি ।

नात्रनी (7)

| <i>p</i> | q | $p\supset q$ |
|----------|---|--------------|
| T | T | T |
| T | F | F |
| F | T | ? |
| F | F | ? |

এখন যদি p মিথ্যা q সত্য হয়, বা p মিথ্যা q মিথ্যা হয়, তবে অপেক্ষকের কি মান হবে ? এই দুটি শর্তে অপেক্ষকের মান নির্ণয় করতে না পারনে $p \supset q$ যে একটি অপেক্ষক তা প্রমাণ হবে না । মনে করা যাক, চিনি জলে দেওয়া হল না তবু গলে গেল (সারণীর তৃতীয় সারির মানশর্ত, p মিথ্যা q সত্য)। তাতে কি প্রমাণ হয় যে

চিনি জলে দেওয়া হয় ⊃ চিনি গলে যায়

মিধ্যা ? কিছুতেই নয়, কারণ চিনি জলে দিলেও গলতে পারে, বায়ু
থেকে আর্দ্রতা গ্রহণ করেও গলে যেতে পারে। স্থতরাং, পূর্বগ মিধ্যা
অনুগ সত্য হলেও প্রাকল্পিক বচন মিধ্যা বলে প্রমাণ হয় না। কিন্ত
সত্য বলে প্রমাণ হয় কি ? নীচের বচনটি দেখুন:

- (7) যদি ভারতে 100 কোটি পুরুষ থাকে, তবে ভারতের পুরুষ-সংখ্যা বৃটেনের পুরুষ সংখ্যার চেয়ে বেশী। পূর্বগ মিথ্যা অনুগ সত্য। ভারতে 100 কোটি পুরুষ নেই, ভারতের পুরুষ সংখ্যা বৃটেনের পুরুষ সংখ্যার চেয়ে বেশী। এই বচনকে কেউ মিথ্যা বলবেন না, স্বাই সত্য বলে স্বীকার করবেন। আরো একটি দৃষ্টান্ত দেখুন। একটি ছেলের সদি হয়েছে, সে বলন,
- (8) যদি আকাশ ভাল থাকে, তবে আজ ফুটবল খেলব।
 কিন্তু বন্ধতঃ দেখা গেল, বৃষ্টি নামল কিন্তু ক্যাপ্টেনের অনুরোধে
 ছেলেটি অসুস্থ শরীর নিষ্ণেও খেলতে গেল। পূর্বগ বিধান অনুগ সতা,

বচনটিও সত্য। বৃষ্টি নামনেও যে তাকে খেলতে হতে পারে, এ সম্ভাবনার কথা ছেলেটি ভাবেনি, ভাবনে হয়ত এভাবে বনত না। কিন্তু এখানে আমরা ছেলেটির উজ্জির উচিত্য বিচার করছি না, সত্যতা বিচার করছি। সে বলেছে, যদি আকাশ ভাল থাকে তবে আজ ফুটবল খেলবে। যদি বলত, "যদি বৃষ্টি হয় তবে আজ ফুটবল খেলব না", কেবল তবেই ভার উজি মিধ্যা হত।

এবার আর একটি দৃষ্টান্ত নেওয়া যাক্, যাতে পূর্ব গ ও অনুগ দুই-ই মিধ্যা।

(9) যদি ভারতে 100 কোটি স্বামী থাকে, তবে অন্তত:পক্ষে
100 কোটি স্ত্রীও আছে।

বচনটি কি মিণ্যা ? নিশ্চয়ই নয়, য়দিও ভারতে 100 কোটি স্বামীও নেই, 100 কোটি স্ত্রীও নেই। য়িদ আকাশ ভাল না থাকে এবং ছেলেটি না খেলে, তবেও (৪) বচন সত্য হবে। কোন বচনকে জোরালোভাবে বা ঝোঁক দিয়ে অস্থীকার করতে আমরা অনেকে সময় এই রকমের প্রাক্ষিক বচন ব্যবহার করি:

- (10) যদি ভারত ওয়েস্ট ইণ্ডিঞ্জের কাছে ইডেনে হারে, তবে আমি নিমিদ্ধমাংস খাই.
- (11) যদি শিকাগো সহর ইংল্যাণ্ডে হয়, তবে সমুদ্রের জল মিষ্টি।

ৰ জার উদ্দেশ্য, ভারত ওয়েস্ট ইণ্ডিজের কাছে ইডেনে হারবে না, শিকাগো সহর ইংল্যাণ্ডে নয়, বলা । বচনগুলো উক্তট, তবুও এগুলোকে মিথা৷ বলা চলে না, কারণ বজার উদ্দেশ্য শুধুমাত্র পূর্বগাঁটকে মিথা৷ বলা ৷ বলা যেতে পারে, শুধু তাই বললেই হয়, অমন উক্তট বচন বলা কেন ? কিন্তু এই বচনগুলোকে মিথা৷ বলাও সমান উক্তট হবে ৷ (9) বচন যদি সত্য হয়, তবে (10) ও (11) বচনও সত্য ৷

(10) ও (11) বচনকে সত্য বলতে আমাদের দিধার কারণ, পূর্বগ ও অনুগের মধ্যে কোন সম্বন্ধ নেই, যেমন (4)—(6) বচনে আছে। কিন্ত (4), (5) ও (6) বচনে পর্বগ ও অনুগের মধ্যে যে সম্বন্ধ তা এক রক্ষ নয়। আমাদের উদ্দেশ্য, এই বিভিন্ন প্রকার সম্বন্ধের মধ্যে থেকে ন্যুনকন্ধ অর্ধাটি নির্দিষ্ট করা, যাতে ন্যুনকন্ধ অর্ধে "যদি….তবে…." সংযোজকটি ব্যুবহার করনে তা সর রক্ষ "যদি….তবে…." সম্বন্ধের ক্ষেত্রে প্রধ্যোজ্য হবে, যদিও সবচক্ষত্রে বিভিন্ন সম্বন্ধগুলোর পূর্ণ অর্থ প্রকাশ করবে না । মিতীয়তঃ, ন্যুনতম অর্থে সংযোজকটি ব্যবহার করলেও প্রাকল্পিক বচন সহযোগে গঠিত ন্যায়ের বৈধতা বিচারে কোন অস্ক্রবিধা হয় না।

- (4)—(6) বচনে ন্যনকল্প অর্থটি প্রয়োগ করলে বচনগুলোর রূপ দাঁড়ায়,
 - (4) (ক) (সব মানুষ মরণশীল এবং সক্রেটিস মানুষ).
 ~ (সক্রেটিস মরণশীল) কথনও নয়.
 - (5) (ক) (ক্ষেত্রটি বিভূজ). ~ (এর তিনটি বাছ আছে) কখনও নয়,
 - (6) (ক) (চিনি জলে দেওয়া হল). ~ (চিনি গলল) কখনও নয়।

অর্থাৎ

- (4) (খ) ~ [(সব মানুষ মরণশীল এবং সক্রেটিস মানুষ)।
 . (~ সক্রেটিস মরণশীল)]
- (5) (খ) ~ [(ক্ষেত্রটি ত্রিভূজ). ~ (এর তিনটি বাছ আছে)]
- (6) (ব) ~ [(চিনি জলে দেওয়া হল). ~ (চিনি গলল)];

আমরা জানি দুই প্রকার প্রাকল্পিক বচন সহযোগে গঠিত বৈধ ন্যায় আছে, পূর্বগম্বীকারভিত্তিক অনুগ স্বীকার, অনুগনিষেধভিত্তিক পূর্বগিষেধ । পূর্বগ স্বীকার করলে অনুগ স্বীকার করতে হবে, অনুগ নিষেধ করলে পূর্বগ নিষেধ করলে পূর্বগ নিষেধ করতে হবে । পূর্বগ স্বীকারের সঙ্গে অনুগ নিষেধ চলবে না, অনুগনিচমধের সঙ্গে পূর্বগস্বীকার চলবে না । (4) (খ)—(6) (খ) বচন ঐ ন্যায়বিধিগুলোই নির্দেশ করছে ।

- (7)—(11) वठन क्वन उथनरे निथा रख यनि
- (7) (ক) "ভারতে 100 কোটি পুরুষ আছে" সত্য হয়, এবং ভারতের পুরুষ-সংখ্যা বৃটেনের পুরুষ-সংখ্যার চেয়ে বেশী" নিধ্যা হয়।
- (৪) (क) "আকাশ ভাল থাকে" সত্য হয়, এবং "ছেলেটি কুটবল থেলবে" মিথ্যা হয় ।

- (9) (ক) ''ভারতে 100 কোটি স্বামী আছে'' সত্য হয়, এবং ''ভারতে অন্তত:পদক 100 কোটি স্থী আছে'' বিধ্যা হয়।
- (10) (ক) "ভারত ওয়েস্ট ইণ্ডিজের কাছে ইডেনে হারবে" সত্য হয়, এবং "আমি নিষিদ্ধ মাংস খাই" মিধ্যাঃ
- (11) (ক) 'শিকাগো সহর ইংল্যাণ্ডে'' সত্য হয়, এবং "সমুদ্রের জল মিষ্টি'' মিথ্যা হয়।

সর্বপ্রকার 'ঘেদি…..তবে…." সম্বন্ধের ন্যুন্তম অর্থ কেবল এই সম্ভাবনাগুলোকে নিষেধ করে দিছে। পূর্বগ ও অনুগের আর সর্বপ্রকার মানশর্তে প্রাকৃদ্ধিক বচন সত্য। কার্যকারণসম্বন্ধ বা ঐ প্রকার কোন বিশেষ সম্বন্ধের বিশেষ অর্থ "ত" সংযোজক প্রতীক বহন করে না, সর্বপ্রকার 'ঘেদি…..তবে…..সম্বন্ধের ন্যুন্তম অর্থটি মাত্র বহন করে। পূর্বগ ও অনুগের মধ্যে কোন সম্বন্ধের অন্তিম্বন্ত যেখানে দেখা যায় না, সেখানেও ঘদি এই শর্তটি পূরণ হয়, যে পূর্বগ সত্য ও অনুগ মিধ্যা এক্সপ হতে পারে না, সে সব ক্ষেত্রেও প্রাকৃদ্ধিক বচন সত্য হবে:

যদি মেয়ের। গল্প করতে ভালবালে, তবে ত্রিভুজের ক্ষেত্রকল

= 1 (ভূমি × উচ্চতা)।

পূর্বগ সত্য বা মিথ্য। যাই হোক না কেন, অনুগ সত্য। পূর্বগ সত্য অনুগ মিথ্যা এই সম্ভাবনা নেই, অতএব বচনটি সত্য। যেমন সংযৌগিক বা বৈকল্পিক বচনের বেলায়, তেমনি প্রাক্তিক বচনের বেলায়ও তার সত্যতার জন্য উপাদান বচনের পরস্পর প্রাসন্ধিকতার কোন প্রয়োজন নেই।

এবার আমরা প্রাকল্পিক অপেক্ষকের সত্যসারণী সম্পূর্ণ করতে পান্ধি।

| সারণী | (8) |
|-------|-----|
|-------|-----|

| <u>p</u> | q | ~ 9 | $p. \sim q$ | $\sim (p. \sim q)$ | $p\supset q$ |
|----------|---|-----|-------------|--------------------|--------------|
| T | T | F | F | Т | Т |
| T | F | T | T | F | F |
| F | T | F | F | T | T |
| F | F | T | F | T | T |

তৃতীয় ব্যস্তে সারণী (5) অনুসারে $\sim q$ এর মান বের করে, চতুর্থ স্থপ্তে সারণী (1) অনুসারে $p.\sim q$ এর মান বের করে, পঞ্চম স্তম্ভে সারণী (6) অনুযায়ী $\sim (p.\sim q)$ এর মান বের করা হল । ঘর্চ স্তম্ভে $p\supset q$ এর মান আর পঞ্চম ব্যস্তের $\sim (p.\sim q)$ এর মান এক, কারণ সংজ্ঞা হারা এই দুটি অপেকককে সমান বলা হয়েছে। এবার বলা যায়. $p\supset q$ একটি অপেকক, কারণ এর মান শুধুমাত্র p ও q এর মানের উপর নির্ভরণীল, আর কিছুরই উপরে নয় । সারণীটি ন্যুনতম অর্থে প্রাক্তিক বচনের সম্পূর্ণ মানশর্ত নির্দেশ করে বলে একে " \supset " প্রতীকের সংজ্ঞা বলে ধরে নেওয়া যায় ।

"⊃" সংযোজকটি একটি খুব দুর্বল ধরণের প্রাক্ষিক সম্বন্ধ সূচিত করে, যার অর্থ শুধুমাত্র ~ (p. ~ q)। এই দুর্বল সম্বন্ধকে ন্যায়ে একটি বিশেষ নাম দেওয়া হয়েছে, বান্তব প্রকল্পন। (৪) বচনটি দেখলে বান্তব প্রকল্পনের প্রকৃতি অনেকটা বোঝা যাবে। "যদি আকাশ ভাল পাকে, এবং ছেলেটি ফুটবল না খেলে, তবে পূর্বগ ও অনুগ দুই-ই মিখ্যা হয়, কিন্ত প্রাকল্পিক বচনটি সত্যই থাকে। যদি আকাশ ভাল নাও থাকে, এবং ছেলেটিকে বাধ্য হয়ে খেলতে হয়, তবুও বচনটি সত্য। যদি আকাশ ভাল পাকে এবং খেলে, তবে তো কথাই নেই। বচনটি মিধ্যা হবে কেবল যদি আকাশ ভাল থাকে।

"যদি….তবে…." সংযোজককে বান্তব প্রকল্পনের মত একটা দুর্বল অর্থে ব্যবহার করার কারণ, প্রথমতঃ, এটি সর্বপ্রকার "যদি….তবে….." সংযোজকের ব্যবহারের ন্যুনতম অর্থ বহন করে। ছিতীয়তঃ, সাধারণ বাক্রীতিতে এই অর্থে এই সংযোজকের ব্যবহার আছে, তার বহু দৃষ্টান্ত আমরা দেখেছি। তৃতীয়তঃ, বান্তব প্রকল্পনের ছারা কার্যকারণসম্বন্ধের মত দৃচ্ন। গুচ্চ সম্বন্ধও প্রকাশ করা যায় (পরন্ধতী প্যারাগ্রাফ দ্রষ্টব্য)। চতুর্থতঃ, বান্তব প্রকল্পনের অর্থে ব্যবহার করলেও প্রাকল্পিক বচন ছারা গঠিত সর্বপ্রকার বৈধ ন্যায়ের বৈধতা অক্ষুণ্ণ থাকে।

একটি কার্যকারণসম্বন্ধসূচক বচন নেওয়া যাক্।

[া] চতুর্থ হেতুটি পরবর্তী অধ্যায়ের আলোচনা থেকে পরিস্পুট হবে।
(4) বচনের সম্বন্ধের আলোচনা পঞ্চম অধ্যায়ে করা হবে, কারণ এতে বচনের আভ্যন্তরীণ
সঠনের বিশেষণ দরকার।

(12) যদি নীল নিট্মাস কাগা এসিডে কেলা হয়, তবে কাগাজটি লাল হয়ে বায়।

বান্তব প্রকরনের ধারণা অনুসারে, যদি নীল লিট্মাস কাগন্ধ এসিডে না কেনলেও লাল হয়ে যায়, তবুও বচনটি সত্য হবে। কিন্ত যদি লিট্মাস কাগন্ধ এসিডের মধ্যে এবং এসিডের বাইরে সর্বএই লাল হয়, তবে এটি অমুতার একটি উত্তম রাসায়নিক পরীক্ষা হয় না। আসলে (12) বচন নিয়োক্ত বচনের সংক্ষিপ্ত রূপ।

(12) (ক) যদি নীল লিট্মাস কাগজ এসিডে কেলা হয়, তবে কাগজটি লাল হয়, এবং কাগজটি লাল হয় কেবল যদি এটিকে এসিডে ফেলা হয়।

বচনবর্ন ও সংবোজক প্রতীক ব্যবহার করনে, "নীল লিট্মাস কাগদ এসিডে ফেলা হয়" এর স্থলে p এবং "কাগজটি লাল হয়" এর স্থলে q বাবহার করে, (12) (ক) বচনটি দাঁড়ায়,

- (12) (ব) ($p \supset q$) এবং (q কেবর যদি p)। এই ৰচনের খিতীয় সংযোগীর অর্থ কি ? মনে করুন,
 - (13) আপনি ভোট দিতে পারেন, কেবর যদি আপনি নাগরিক হন,

এর অর্থ.

(13) (ক) যদি আপনি ভোট দিতে পারেন, তবে আপনি নাগরিক।

वात्र व्यक्षं नग्न,

(13) (খ) যদি আপনি নাগরিক হন, তবে আপনি ভোট দিতে পারেন,

কারণ সব নাগরিকই ভোট দিতে পারে না । "আপনি নাগরিক" এর স্থানে p ও "আপনি ভোট দিতে পারেন" এর স্থানে q বচনবর্দ ব্যবহার করনে, (13) বচনটি হয়,

q क्वन यमि p ।

এর অর্থ $q \supset p$ (13) (ক), $p \supset q$ (13) (ব) নয়। স্নতরাং (12) (ক) বচনের অর্থ.

(13) (4) $(p \supset q)$, $(q \supset p)$

স্থতরাং (12) বচনের প্রকৃত অর্থ (13) (গ) বচনের হারা প্রকাশিত হয়। দেখা গেল, আমরা শুধু বাস্তব প্রকল্পর ধারণা হারা অন্যান্য দৃচতক্র বা গুচতর সম্বন্ধও প্রকাশ করতে পারি।

অবশ্য সাধারণ বাক্রীতিতে কোন কোন সময় "p কেবল যদি q" এর অর্থ $q \supset p$, $p \supset q$ নয়। মনে করুন, রাধালের মা মারা গেছেন, রাধালের বাবা আবার বিয়ে করেছেন, রাধালের বিমাতা রাধালকে দুচক্ষে দেখতে পারেন না, সব সময় বকেন, এবং তার বাবার কাছে তার বিরুদ্ধে সব সময় সত্যমিখ্যা নালিশ করেন। রাধাল সবই সহ্য করে, কিন্তু কেবল যদি তার বাবা বিমাতার পক্ষ নিয়ে তাকে মারধর করেন, তবে আর সে সহ্য করতে পারে না, আপন মাসীর বাড়ী পালিয়ে যায়।

(14) রাখাল আপন মাসীর বাড়ী পালিয়ে যায়, কেবল যদি তার বাবা তাকে মারধর করেন।

এর অর্থ নয়,

(14) (ক) যদি রাখাল আপন মাসীর বাড়ী পালিয়ে যায়, তবে তার বাব। তাকে মারধর করেন।

এর অর্থ,

(14) (খ) যদি রাখালের বাবা তাকে মারধর করেন, তবে সে আপন মাসীর বাড়ী পালিয়ে যায়।

কিন্ত, বিজ্ঞানে, গণিতে বা ন্যায়ে "p কেবল যদি q"-কে $p \supset q$ অর্থে ব্যবহার করাই রীতি, যেমন (12) ও (13) বচনে করা হয়েছে।

"যদি p, তবে q", কে বিভিন্নভাবে লিখতে পার৷ যায়,

p क्वन यि q,

q, यमि p,

q, p * रिर्ड

~ p, यपि ना q,

p. q-अत्र भर्वाश भर्ड.

q, p-এর অপরিহার্য শর্ত '

बरे गवधकान वर्ष p ⊃ q ।

2.10 খ্ৰুব্য

আমর৷ সাধারণ ভাষায় ব্যবহৃত "এবং", "ব৷", "না", ও "यिन.....जर्द....." मः स्याष्ट्रकश्चनि विद्भुष्य करत्रिष्ट्, अश्चरना नारत्र কি অর্থে ব্যবহাত হবে তা বলেছি, এবং প্রত্যেকটির জন্য একটি প্রতীক ব্যবহার করব স্থির করেছি। কোন কোন স্থলে প্রতীকটি পড়বার জন্য সাধারণ ভাষার শব্দটিই ব্যবহার করতে বলেছি। তার থেকে এ রকম সিদ্ধান্তে আসা ঠিক হবে না যে প্রতীকগুলো সাধারণ ভাষার সংযোজকের নাম মাত্র। আমর। এও দেখেছি, সাধারণ ভাষায় সংযোজকগুলো বিভিন্ন প্রদক্ষে বিভিন্ন অর্থ বহন করে, আমর। তার থেকে ন্যুনতম অর্থটি নিয়ে শুধু সেইটি বোঝাবার জন্যই প্রতীক ব্যবহার করবার সিদ্ধান্ত নিয়েছি। দুষ্টান্তের সাহায়ে দেখানো হয়েছে, "-" সর্বক্ষেত্রেই সাধারণ ভাষার "এবং" নয়, "ү" সর্বক্ষেত্রেই সাধারণ ভাষার "বা" নয়। সাধারণ ভাষার সংযোজক শব্দগুলোর বা তাদের সাহায্যে গঠিত ন্যায় বা যুদ্ভির অর্থ স্পষ্টভাবে প্রকাশ করার জন্যই ন্যায়ে প্রতীকের ব্যবহার। তাই প্রতীকগুলির অর্থ এমনভাবে নির্দিষ্ট করে দেওয়া হঁয়েছে, যাতে সাধারণ ভাষার যত বিভিন্ন অর্থেই সংযোজকগুলো ব্যবহার করা হোক দা কেন. ন্যায়ে প্রতীকটি যেন সর্বন্ধেত্রে, সমস্ত প্রসঙ্গে, মূল ভারটিকে রক্ষা করে, তাদের স্থানে সংস্থাপিত হতে পারে।

তৃতীয় অধ্যায়

বচনাকার ও ন্যায়াকার

3.1 বচনাকার

বচনাকার বললে যৌগিক বচনের আকার বুঝতে হবে । যৌগিক বচনের আকার বচনবর্ণ (p, q, r, ...) ও সংযোজক প্রতীকের (".", "", "", "") খারা প্রদর্শনীয় ।

 $\sim p$

p.q

p v q

 $p\supset q$

এইগুলো বচনাকার। বচনাকার আরও জটিল হতে পারে (2.9 অনুচ্ছেদ দ্রষ্টব্য)।

বচনবর্ণ ও সংযোজকপ্রতীক দার। গঠিত কোন প্রতীকপরম্পরায় বচন-বর্ণের স্থলে বচন সংস্থাপন করলে যদি একটি বচন উৎপন্ন হয়, তবে ঐ প্রতীকপরম্পরাকে বচনাকার বলে। বচনাকারকে বাচনিক সূত্র, বচন-সূত্র, সংক্ষেপে শুধু সূত্রও বলা হয়। লক্ষণীয় যে সূত্রমাত্রই অপেক্ষক। কেউ কেউ বলেন, p ও একটি অপেক্ষক, যদিও এর উপাদানবচন মাত্র একটি এবং কোন সংযোজক নেই। p-এর স্থলে সত্যবচন সংস্থাপন করলে p সত্য হবে, মিধ্যাবচন সংস্থাপন করলে p মিধ্যা হবে। স্থতরাং pও একটি সূত্র।

(1)
$$\sim p. (q \ v \sim r)$$

p-এর স্থলে "যুদ্ধ হবে", q-এর স্থলে "প্রায়ুদ্ধ চলতে পাকবে", r-এর স্থলে "বৃহৎশক্তিরা পক্ষ নেবে" সংস্থাপন করলে নীচের বচনটি উৎপত্ন হর,

(1) (ক) যুদ্ধ হবে না, এবং স্নারুযুদ্ধ চলতে থাকবে বা বৃহৎ শক্তিরা পক্ষ নেবে না।

1 2.1 ७ 2.8 जनुष्क्म मुस्टेंबा।

(1) সূত্রটি এই বচনের আকার। কিছ

 $p, vqr \sim \sim$

वहनाकांत्र नम्न, कात्रन वहनगःशानन कत्रत्न वहि माँछाम

যুদ্ধ হবে এবং বা প্রায়ুযুদ্ধ চলতে থাকবে বৃহৎ শক্তিরাঃ পক্ষ নেবে না না।

विष्ठि वहन नग्न, वर्षशीन भरन्दराखना याज ।

(1) বচনাকারে মূল সংযোজক ".", সংযোগী বচন দুটি $\sim p$ ও $q \ \nu \sim r$, একটি নিমেধক অপরটি বৈকল্পিক বচন । সংযোগিক বচনের সাধারণ আকার

(2) p.q,

স্তরাং এক অর্থে p.q-কেও (1) (π) বচনের আকার বলা চলে। p.q থেকে (1) (ϕ) বচন পেতে হলে p-এর স্থলে সংস্থাপন করতে হবে ''বুদ্ধ হবে না", q-এর হুলে সংস্থাপন করতে হবে ''সাযুুুুদ্ধ চলতে থাকবে বা বৃহৎশক্তিরা পক্ষ নেবে না''। কোন বুচনবর্ণের স্থলে যে कान निष्मक, गःरयोशिक, देकब्रिक व। প্राक्षिक वहन गःश्वाशन कत्र। চলে । কিন্তু p.q বললে $\sim p.\left(q\ v \sim r
ight)$ আকারাট পরিষ্কারভাবে বোঝা যায় না। সেইজন্য আমরা (2) সূত্রকে (1) (ক) বচনের সাধারণ আকার বলব, এবং (1) সূত্রকে তার বিশেষ আকার বলব। কোন সুত্রের প্রত্যেকটি ভিন্ন বচনবর্ণের স্থলে একটি ভিন্ন সরন বচন সংস্থাপন করলে যে বচন উৎপন্ন হয়, সূত্রটি সেই বচনের বিশেঘ আকার। (2) সুত্রের ভিন্ন ভিন্ন বচনবর্ণের স্থলে ভিন্ন ভিন্ন সরল ৰচন সংস্থাপন क्तरल (1) (क) बहन श्रीख्या यारव ना। (2) गूळ (श्रेरक (1) (क) वहन পেতে হলে वहनवर्णित ऋल योगिक वहन मःश्वाभन कत्र ए हत । কিছ (1) (ক) বচন (1) ও (2) বচনসূত্রের উভয়েরই দৃষ্টান্ত। কোন বচনসূত্রের বচনবর্ণের ছলে (যে কোন) বচন (সূত্র) সংস্থাপন করলে যে বচন (সূত্র) উৎপন্ন হয় তাকে ঐ সূত্রের দৃষ্টান্ত বচন (সূত্র) বা সংস্থাপিত বচন (সূত্র) বলে । থেমন

यिन वृष्टि इ.स., उत्तर (थेना श्रास्त्र ना, $p \supset (q \ vr)$, $[(p.q) \ vr] \supset \sim (\sim p. \sim r)$,

I সংস্থাপন সম্পর্কে 3.4 ও 4.1 জনুম্মেদ দুক্টবা l

সৰগুলোই $p\supset q$ -এর দৃষ্টান্ত বচন (সূত্র), যদিও $p\supset q$ কেবল প্রথম দৃষ্টান্ত বচনের বিশেষ আকার।

এখানে আমরা বচনবর্ণ ব্যবহার ও তৎস্থলে বচন (সুত্র) সংস্থাপনের করেকটি নির্দিষ্ট রীতির উল্লেখ করব।

- (ক) কোন বচনসূত্রের প্রথম বচনবর্ণ p হবে, হিতীয়টি q, তৃতীয়টি r, ইত্যাদি।
- (খ) কোন বচনসুত্রে যদি কোন বচনবর্ণ একাধিকবার থাকে, তবে তার প্রত্যেকটি অবস্থানক্ষেত্রে একই বচন (সূত্র) সংস্থাপন করতে হবে। যেমন $p \ v \ p \ v \ q$ সূত্রে দুইটি p-এর স্থলে একই বচন (সূত্র) সংস্থাপন করতে হবে।

3.2 স্বভঃসভ্য, স্বভোমিধ্যা ও অনির্দিষ্টমান বচন

- 1.3 पन्टिक्ट पर्यं पर्या पर्या । ও ব্যবহারিকভাবে সত্য বা মিথ্যা বচনের উল্লেখ করা হয়েছে। আমর। দেখেছি, কোন বৈক্ষিক বচনে একটি বিকল্প র্ত্বপরটির নিমেধ হলে বচনটি স্বত:সত্য হবে।
 - (1) বঞ্চিমচক্র "বলে মাতরম্" সঙ্গীতটি রচনা করেছিলেন।
 - (2) বঞ্চিমচন্দ্র "বন্দে মাতরম্" সঙ্গীতটি রচন। করেছিলেন বা করেন নি।

বচন দুটিই সত্য। কিন্তু (2) বচন যে ভাবে সত্য, (1) বচন সে ভাবে নয়। (2) বচন দেখলে বা শুনলেই যে কেন্ড বুঝতে পারবেন এটি নিধ্যা হতে পারে না। বচনটি তার আকারের জন্যই সত্য, শ্বত:সত্য। এর সত্যতা নির্ধারণের জন্য কাউকে বাংলা সাহিত্যের ইতিহাস পড়তে হবে না। (1) (বচনটিও সত্য, কিন্তু একইভাবে নয়। এটির সত্যতা বাংলা সাহিত্যের ইতিহাসের ব্যাপার, বিজ্বনচন্দ্রের রচনা পড়ে তবেই আমরা তা জানতে পেরেছি। বটনা এমনভাবে ঘটতে পারত যে বচনটি মিধ্যা হয়, আর কেন্ট সঙ্গীতটি বিজ্বনচন্দ্রের জাগে রচনা করতে পারতেন। এর সত্যতার মধ্যে জনিবার্যতা, জনশ্বীকার্যতা লেই। কিন্তু (2) বচনের সত্যতার মধ্যে জনিবার্যতা, জনশ্বীকার্যতা আছে। আমরা বলেছি, (2) বচন শ্বত:সত্য, (1) বচন ব্যবহারিক ভাবে সত্য।

(3) त्रवीक्षनाथ "वत्म गाउत्रम्" मध्योज त्रवना करत्रक्रिनन ।

(4) রবীন্দ্রনাথ "বন্দে মাতরম্" সঙ্গীত রচনা করেছিলেন এবং করেন নি।

পুটি বচনই মিথাা, কিছ (4) বচন যে ভাবে মিথ্যা, (3) বচন সে ভাবে নয়। (4) বচন পেথলে বা শুনলেই যে কেউ বুঝতে পারবেন এটি সত্য হতে পারে না, কারণ এটি একটি সংযোগিক অপেক্ষক, এর একটি সংযোগী অপরটির নিষেধ। অর্থাৎ, বচনটি তার আকারের জন্যই মিথ্যা, মতোমিথ্যা। এর মিথ্যাছ নির্ধারণের জন্য বাংলা সাহিত্যের ইতিহাস পড়তে হবে না। (3) বচনও মিথ্যা, কিছ এটি যে মিথ্যা তা বাংলা সাহিত্যের ইতিহাসের ব্যাপার, রবীক্র-বিছমের রচনা পড়লেই তবে এটি যে মিথ্যা তা আমরা জানতে পারি। ঘটনা এমনভাবে ঘটতে পারত যে রবীক্রনাথই এই সঙ্গীতটি রচনা করেছিলেন। এর মিথ্যাছের মধ্যে অনিবার্যতা, অনমীকার্যতা নেই। কিছ (4) বচনের মিথ্যাছের মধ্যে জনিবার্যতা, অনমীকার্যতা আছে। আমরা বলেছি, (4) বচন স্বতোমিধ্যা, (3) বচন ব্যবহারিকভাবে মিথ্যা।

(2) বচন $p \ v \sim p$ আকারের, (4) বচন $p . \sim p$ আকারের। $p \ v \sim p$ -এর এমন কোন দৃষ্টান্ত বচন পাওয়া যাবে না য। মিধ্যা হবে, $p . \sim p$ -এর এমন কোন দৃষ্টান্ত বচন পাওয়া যাবে না য। মিধ্যা হবে। যে কোন সূত্র $p \ v \sim p$ আকারের হলেই স্বতঃসত্য হবে, বে কোন সূত্র $p . \sim p$ আকারের হলেই স্বতোমিধ্যা হবে। কোন বচন বা সূত্র স্বতঃসত্য বা স্বতোমিধ্যা না হলে তাকে অনিদিষ্টমান বচন বা সূত্র বলা হয়। বেমন p, যদি p-এর স্থলে (1) বচন সংস্থাপন করা হয় তবে p সত্য, যদি (3) বচন সংস্থাপন করা হয় তবে p মিধ্যা। লক্ষণীয় বে p-এর স্থলে আমরা (2) বচন সংস্থাপন করতে পারি, তবন p স্বতঃসত্য, আবার (4) বচন সংস্থাপন করতে পারি, তবন p স্বতোমিধ্যা। কিন্তু p (2) বা (4) বচনের বিশেষ আকার নয়, সাধারণ আকার মাত্র। স্তেরাং p অনিদিষ্টমান।

অনুরূপভাবে, $\sim p$, p.q, $p \vee q$, $p \supset q$, অনিদিষ্টমান সূত্র। $\sim p$ তে p-এর স্থলে (3) বচন সংস্থাপন করলে $\sim p$ সত্য হবে, কিছ (1) বচন সংস্থাপন করলে $\sim p$ মিধ্যা হবে। p-এর মত q-ও অনিদিষ্টনান, স্মৃতরাং p.q অনিদিষ্টমান। $p \vee q$ সূত্রও তাই (কিছ q-এর স্থলে বদি p-এর দৃষ্টান্তবচনের নিমেধক অর্ধাৎ $\sim p$ সংস্থাপন করি, তবে $p \vee q$ স্বতঃসত্য হরে যাবে। যেমন, p-এর স্থলে (1) বচন সংস্থাপন করে q-এর স্থলে তার নিমেধকটি সংস্থাপন করেলে (2) বচন $p \vee q$ -এর

দৃষ্টান্ত ৰচন হবে, কিন্ত $p \vee q$ (2) বচনের বিশেষ আকার নয়)। $p \supset q$ সূত্রাটিও অনিদিষ্টমান, কারণ p সত্য q মিধ্যা হবে, $p \odot q$ -এর অন্য মানশর্তে সত্য হবে।

স্থতরাং বলা যায়, কোন বচনাকার ব। সূত্রের সমস্ত দৃষ্টান্তবচন সত্য হলে সূত্রটি স্বত:সত্য, সমস্ত দৃষ্টাস্তবচন মিথ্যা হলে স্বতোমিধ্যা বা স্ববিরোধী হবে। কোন সূত্র স্বত:সত্য বা স্বতোমিধ্যা না হলে অনির্দিষ্টমান হবে। সত্যসারণী থেকে বিষয়টি আরও সহজভাবে বো**ঝা** ষার । যে কোন সভ্যসারণীর শেষস্তম্ভে অপেক্ষকের মান দেওয়া থাকে । সারণী (5)-এ দেখা যায়, প্রথম সারিতে $\sim p$ অপেক্ষকের মান মিথা।, অর্থাৎ p-এর ম্বলে একটি সত্যবচন সংস্থাপন করলে $\sim p$ -এর দৃষ্টান্তবচন মিখ্যা হবে । অর্থাৎ $\sim p$ সূত্রের সমস্ত দুষ্টান্তবচন সভ্য নয়। স্বতরাং ~ p স্বতঃসত্য সূত্র নয়। ~ p স্বতোমিধ্যাও নয়, কারণ বিতীয় সারিতে দেখা যায়, p-এর স্থালে একটি মিথ্যাবচন সংস্থাপন করলে ~ p-এর দৃষ্টান্তবচন সত্য হবে। অর্থাৎ ~ p সুত্রের সমস্ত দৃষ্টান্তবচন মিথ্যাও নয়। স্থতরাং ~p একটি অনিদিষ্টমান সূত্র। অনুরূপভাবে, সারণা (1), সারণী (3), সারণী (4) ও সারণী (8) থেকে বোঝা यात्व, $p \cdot q$, $p \cdot q$, p + q, $p \supset q$, সূত্রগুলে। অনিদিষ্টমান। p v $\sim p$ আকারের সমস্ত দৃষ্টান্তবচন সত্য, $p \cdot \sim p$ আকারের সমস্ত দুষ্টান্তবচন মিথ্যা, স্থতরাং প্রথমটি শ্বত:সত্য, বিতীয়টি শ্বতোমিথ্যা ।

 $p \, \nu \sim p \, \otimes p \sim p$ এর আলাদ। সত্যসারণী গঠন করলে সূত্র দুটি বে বথাক্রমে স্বতঃসত্য ও স্বতোমিধ্যা তা আরও পরিষ্কারভাবে বোঝা বার ।

गात्रनी (9)

| p | ~ p | $p v \sim p$ |
|---|-----|--------------|
| T | F | T |
| F | T | T |

প্রথম দুই স্তম্ভ সারণী (5) এর অনুরূপ। এর থেকে সারণী (3) এর ছিতীর ও তৃতীর সারি অনুযায়ী তৃতীর হুছে $p \, v \sim p$ অপেক্ষকের মান নির্ণর করা হয়েছে। দেখা গেল, p-এর যে কোন মানশর্তে $p \, v \sim p$ সত্য। অর্থাৎ p-এর ছুলে যে কোন দুইাস্তব্চন সংস্থাপন করা হোক না

কেন, $p \ v \sim p$ -এর কোন দৃষ্টান্তবচন মিথ্যা হবে না, সমন্ত দৃষ্টান্তবচন সত্য হবে। $p \ v \sim p$ শ্বত:সত্য। লক্ষণীয় যে কোন দৃষ্টান্তবচন সংশ্বাপন না করেই আমরা বলতে পারছি, $p \ v \sim p$ -এর সব দৃষ্টান্তবচন সত্য হবে। কারণ, p বচনের মানশর্তই শুধু $p \ v \sim p$ -এর সত্যতা বিচারে প্রয়োজন, কোন বিশেষ বচন সংশ্বাপন করার কোন প্রয়োজন নেই। সত্য বচন সংশ্বাপন করনে p সত্য হবে, মিথ্যা বচন সংশ্বাপন করনে $\sim p$ সত্য হবে, যে কোন মানশর্তে একটি বিকল্প সত্য হবে, অন্তএব $p \ v \sim p$ সর্বদাই সত্য হ'বে। উপাদান বচনের মানশর্ত ছাড়া আর কিছুরই অপেক্ষকের মান নির্ণয়ের জন্য প্রয়োজন নেই।

কোন সুত্রের সত্যদারণীতে সুত্রটির স্তম্ভে কেবল T থাকলে সূত্রটি শত:সত্য, কেবল F থাকলে শ্বতোমিধ্যা, T ও F পুই-ই থাকলে শ্বনিদিষ্টমান হবে।

गात्रभी (10)

| p | ~ p | $p.\sim p$ |
|---|------------|------------|
| T | F | F |
| P | T | F |

প্রথম দুই স্ত সারণী (5) এর অনুরূপ। তার থেকে সারণী (1)-এর বিতীয় ও তৃতীয় সারি অনুযায়ী তৃতীয় স্তম্ভে $p. \sim p$ অপেক্ষকের মান নির্ণয় করা হয়েছে। দেখা গেল p-এর যে কোন মানশর্তে $p. \sim p$ মিধ্যা। অর্থাৎ p-এর স্থলে যে কোন দৃষ্টান্তবচন সংস্থাপন করা হোক না কেন, $p. \sim p$ -এর কোন দৃষ্টান্তবচন সত্য হবে না, সমস্ত দৃষ্টান্তবচন মিধ্যা। হবে। $p. \sim p$ স্বতোমিধ্যা। লক্ষণীয় যে স্বতঃসত্য বচনের নিষেধক স্বতোমিধ্যা, সতোমিধ্যা। বচনের নিষেধক স্বতঃসত্য। সত্যাসারণীর সাহায়ে পরীক্ষা কর্মন।

সাধারণ ভাষায় রচিত p $v \sim p$ আকারের কোন কোন বচন স্বতঃগত্য নয়। যেমন,

প্রকাশ জীবনে সাফল্যলাভ করবে বা করবে না।
বচনটিকে খড:সত্য খীকার না করার কারণ, ''জীবনে সাফল্যলাভের''
কোন নিদিষ্ট মান নেই। এমন খনেক লোক শাছেন্ত যাঁদের জীবন এক
দৃষ্টিকোণ থেকে সফল বলা যায়, খার এক দৃষ্টিকোণ থেকে ব্যর্থ বলা

ষার। তারপর, সাফল্যলাভ করা ও না করার মধ্যে কোন নির্দিষ্ট সীমারেখা টেনে দেওয়া যার না। এ রকম ক্ষেত্রে, প্রকাশ জীবনে সাফল্যলাভ করেছে এবং করেনি, এই বচনটিও স্বতোমিধ্যা নয়। কিছে ষেধানের বচনের অর্থ স্থপরিস্কুট, সেখানে $p \ v \sim p$ আকারের যে কোন বচন স্বতোমিধ্যা। আমরা ধরে নেব, ন্যায়ে ব্যবহার্য বচন হার্ঘহীন, এবং তার সত্যতা বা মিধ্যাছ স্থনিদিষ্টভাবে নির্ণয়যোগ্য।

একটা প্রশু উঠতে পারে,

রবীক্রনাথ 'বেন্দে মাতরম্ সঙ্গীত'' লিখেছিলেন বা লেখেন নি, এই বচন রবীক্রনাথের 'বেন্দেমাতরম্ সঙ্গীতের'' লেখকত্ব সম্বন্ধে কিছুই বলে না। একটু চিন্তা করলেই বোঝা যায়, এই প্রকার বচন স্বতঃসতা হলেও একপ্রকার শুন্যোজি, অর্থাৎ কোন বিষয়জ্ঞান দেয় না, জাগতিক কোন ব্যাপার বা ঘটনা সম্বন্ধে কিছুই বলে না। কিন্তু, বিষয়জ্ঞাননিরপেক্ষ এবং বিষয়জ্ঞানশূন্য হলেও এই প্রকার বচনের স্বতঃসত্যতা আকারগত। এই প্রম্বের পরবর্তী অংশে আমরা দেখতে পাব, স্বতঃসত্য বচনের বৈশ্বতা ও স্যারের বৈশ্বতার মধ্যে ঘনিষ্ঠ সম্বন্ধ আছে, বন্ধতঃ ন্যায়ের বৈশ্বতা ও

3.3 জটিলভর সুত্তের মান নির্ণয়

এই অনুচ্ছেদে আমরা একাধিক সংযোজক হার। গঠিত সুত্রের মান
নির্নিরের পদ্ধতি দেখাব । কোন সূত্রের মান নির্নিরের জন্য সত্যসারণী
একটি যান্ত্রিক ও সম্পূর্ণ কার্যকরী পদ্ধতি । 2.6 অনুচ্ছেদে সারণী (2)-এ
পুইরের বেশী সরল উপাদান বচন হার। গঠিত অপেক্ষকের (সূত্রের)
নান্ধর্ত নিবেশনের উপায় বর্ণনা করা হয়েছে । প্রথমে তদনুসারে মান্ধর্তনিবেশন করতে হবে । তারপর স্ত্রটি পরীক্ষা করে দেখতে হবে কোনটি
মূল সংযোজক । ধরা যাক্, স্ত্রটি

(p.q) v r

ৰদ্ধনীর ব্যবহার থেকেই মূল সংযোজক বে " ν " তা বোঝা যাচ্ছে (2.8 অনুচ্ছেদ অইব্য)। অর্থাৎ সূত্রটি $p \nu q$ সাধারণ আকারের একটি বৈকল্পিক বচন। প্রথম বিকল্প নিজেই একটি সংযৌগিক বৌগিক বচন। স্থতরাং উপাদান বৌগিক বচনের সত্যসারণী আগে বার করে নিতে ছবে,

এবং তারপর মুত্রটির সত্যসারণী অন্তর্গত বৌগিক বচনের সত্যসারণী থেকে: প্রণয়ন করতে হরে। যদি সূত্রটি

$$(p v q) \cdot (q v r)$$

হয়, তবে তার মূল সংযোজক ".", সংযোগী দুটিই বৈকল্পিক বচন। অন্তর্গত বৈকল্পিক বচনের সত্যসারণী আগে বের করে তার বেকে মূল সূত্রের সত্যসারণী প্রণয়ন করতে হবে। এই দুটি সূত্রের সত্যসারণী প্রণয়ন করে দেখানো হচ্ছে।

गावनी (11)

| p | q | r | p.q | (p,q)vr |
|---|---|----------|-----|---------|
| T | Т | Т | Т | T |
| T | T | F | T | T |
| T | F | T | F | T |
| T | F | F | F | • F |
| F | T | T | F | T |
| F | T | F | F | F |
| F | F | T | F | T |
| F | F | F | F | F |

চতুর্প শুস্ত সারণী (1) অনুযায়ী প্রথম ও দিতীয়ন্তম্ভ থেকে এবং পঞ্চ শুস্ত সারণী (3) অনুযায়ী চতুর্প ও তৃতীয় শুস্ত থেকে গঠিত।

সারণী (12)

| p | q | r | p v q | qvr | (p vq).(q vr) |
|---|------------|---|------------|-----|---------------|
| T | T | T | T | T | T |
| T | T | F | T | T | T |
| T | F | T | T | T | T |
| T | F | F | . T | F | F |
| F | ` T | T | T | T | T |
| F | T | F | T | T | T |
| F | F | T | F | T | F |
| F | F | F | F | F | F |

চতুর্ব ও পঞ্চন হান্ত সারণী (3) অনুমারী ও মর্চ হান্ত চতুর্ব ও পঞ্চন হান্ত থেকে সারণী (1) অনুযায়ী গঠিত।

ধরা যাক্, কোন উপাদান যৌগিক বচনের উপাদান বচনও বৌগিক,

$p\supset [(q.r)\ v\ p]$

শূল সংযোজক "⊃"। অনুগ একটি বৈকল্পিক বচন, তার প্রথম বিকল্প একটি সংযৌগিক বচন। এর সত্যসারণী প্রণয়নের পদ্ধতি হবে, প্রথমে $q \cdot r$ -এর, তারপর $(q \cdot r) \cdot p$ -এর, তারপর শূলসূত্রটির। জটিল বচনের সত্যসারণী প্রণয়নের সাধারণ নিয়ম—সর্বমধ্যত্ব উপাদান বচনের সংযোজক দিয়ে শুরু করে মূল সংযোজকে পৌছতে হবে। সত্যসারণীটি এইরপ:

সারণী (13)

| <u>P</u> | q | r | q.r | (q.r) v p | $p\supset [(q.r)\ v\ p]$ |
|----------|---|---|-----|-----------|--------------------------|
| T | T | T | T | T | T |
| T | T | F | F | T | T |
| T | F | T | F | ${f T}$ | T |
| T | F | F | F | T | T |
| F | T | T | T | T | T |
| F | T | F | F | F | T |
| P | F | T | F | F | T |
| F | F | F | F | F | T |
| | | | | | |

চতুর্ধ শুন্ত সারণী (1) অনুযায়ী, পঞ্চম শুদ্ত চতুর্থ ও প্রথম শুদ্ত বেকে সারণী (3) অনুযায়ী, ঘষ্ঠ শুদ্ত প্রথম ও পঞ্চম শুদ্ত থেকে সারণী (৪) অনুযায়ী গঠিত।

প্রথম দুটি সূত্র অনিদিষ্টমান, তৃতীয়টি শ্বতংসতা। সতাসারণীতে সম্ভাব্য সকল প্রকার মানশর্জসমাবেশে প্রদন্ত সূত্রের মান নির্ণয় কর। হয়। যদি নিদিষ্ট মানশর্তে কোন সূত্রের মান নির্ণয় করতে হয়, তবে সত্য-সারণীর যে সারিতে ঐ নিদিষ্ট মানশর্ত অনুযায়ী সূত্রটির মান নির্ণীত হয়, সেই সারিটি পৃথক্তাবে প্রণয়ন করতে হয়। যেমন, p সত্য, বু মিথ্যা, r মিথ্যা হলে দিতীয় সূত্রটির কি মান হবে ? প্রথম সংযোগী ১০০ সূত্রটি মিথ্য। ছবে। সত্যসারণী (12)-এর চতুর্ধ সারিটির সঙ্গে বিলিয়ে দেখুন । প্রত্যেকটি অপেক্ষকের বেলার কি মানশর্তে অপেক্ষকটি সত্য বা বিধ্যা তা জানা আছে, প্রদত্ত মানশর্ত তার মধ্যেই যে কোন একটা হবে, স্কুতরাং তদনুযারী সর্বমধ্যস্থ অপেক্ষকের মান নির্ণর করে ক্রমে ক্রমে মূল সুত্রের মান নির্ণর করতে হয়। 2.৪ অনুচ্ছেদের (9) ও (10) সূত্র ধরুন। চু মিধ্যা, বু মিধ্যা, চু সত্য হলে

$$[p \ v \ (q.r)] \ v \ [r \ v \ (p.q)]$$

দুত্রটির মান কি ? প্রথম বিকল্প $p \vee (q.r)$ -এর দুটি বিকল্পই মিধ্যা, কারণ p মিধ্যা, এবং q মিধ্যা বলে q.r ও মিধ্যা। হিতীয় বিকল্প $r \vee (p.q)$ -এর প্রথম বিকল্প r সত্য, হিতীয় বিকল্প p ও q উভরই মিধ্যা বলে মিধ্যা। স্মৃতরাং মূল সুত্রের হিতীয় বিকল্প সত্য বলে সূত্রেটি সত্য।

p মিথ্যা, q সতা, r মিথ্যা, s সতা, t মিথ্যা হলে,

$$[p \ v \ \{q.(r \ v \ s)\}] \ v \ t$$

শুত্রটির নান কিং r মিধ্যা, s সতা, অতএব rvs সতা। q সতা, rvs সতা, অতএব q. (rvs) সতা। p মিধ্যা,, q. (rvs) সতা অতএব pv {q.(rvs)} সতা। প্রথম বিকল্প সতা, অতএব মূল শুত্র সতা।

আর একটি আরও জটিল সূত্র নেওয়া যাক্। p, q, r, s, চারিটিই শত্য হলে,

$$[(p. \sim q) \ v \ r] \supset \sim [(q.s) \supset (p \ v \ r)]$$

সূত্রের মান কি ? মূল সংবোজক " \supset ", পূর্বগ $(p. \sim q) v r$, অনুপ্ন $\sim [(q.s) \supset (p v r)]$ । $\sim q$ মিধ্যা, $p. \sim q$ মিধ্যা, r সত্য, স্থতরাং পূর্বগ সত্য । q.s সত্য, p v r সত্য, $(q.s) \supset (p v r)$ সত্য, অনুগ মিধ্যা । মূলসূত্র মিধ্যা । p, q, r, s, চারটিই মিধ্যা হলে এই সূত্রের কি মান হবে ? p মিধ্যা $p. \sim q$ মিধ্যা, r মিধ্যা, পূর্বগ মিধ্যা, স্তরাং মূলসূত্র সত্য, অনুগ সত্যমিধ্যা যাই হোক্ না কেন ।

.3.4 সম্মান বচন

দুটি বচন বা সূত্রের মান (সত্যমান বা মিধ্যামান) এক হলে বচন -রা সূত্র দুটিকে সমমান বল। হয় । সমমানতা সবছের ছলে "≕" প্রতীক চিহ্নটি ব্যবহার করা হয়। দুটি বচনের সর্বপ্রকার মানশর্ত নিবেশন করে "≡' প্রতীকের সংস্কা নীচের সারণীতে দেওয়া হল।

সারণী (14)

| p | q | $p \equiv q$ |
|---|--------------|--------------|
| T | T | T |
| T | F | F |
| F | T | F |
| F | \mathbf{F} | T |

হিতীয় ও তৃতীয় সারিতে p ও q-এর মান এক নয় বলে তৃতীয় শুস্তে $p \equiv q$ -এর মান F হয়েছে। যেহেতু $p \equiv q$ -এর মান কেবলমাত্র p ও q-এর মানের উপর নির্ভর করে, সেজন্য $p \equiv q$ একটি অপেক্ষক, সমমানতাসূচক প্রতীকটি একটি সত্যাপেক্ষ সংযোজক।

2.9 অনুচেছদের (12) (ক) বচনটি আবার নেওয়া যাক্। এর আকার $(p \supset q) \cdot (q \supset p)$, অর্থাৎ দুটি বচনের মধ্যে অন্যোন্য বাস্তব প্রাকরিক সম্বন্ধ। এই প্রকার বচনকে অন্যোন্য বাস্তব প্রাকরিক বচন বলে। এটিরং সারণী তৈরী করা যাক।

সারণী (15)

| p | q | $p\supset q$ | $q\supset p$ | $(p\supset q).(q\supset p)$ |
|--------------|--------------|--------------|--------------|-----------------------------|
| T | \mathbf{T} | Т | Т | Т |
| \mathbf{T} | F | F | \mathbf{T} | F |
| F | T | T | F | F |
| F | F | T | T | T |

দেখা যায়, বিতীয় ও তৃতীয় সারিতে p ও q-এর মান এক নয়, এবং $(p \supset q).(q \supset p)$ -এর মানও মিণ্যা হয়েছে। দুটি বচনের মধ্যে সমমানতা সম্বন্ধ আছে বলা, আর তাদের মধ্যে অন্যোন্য বাস্তব প্রাকল্পিক সম্বন্ধ আছে বলা একই কথা। স্থতরাং এই প্রকার বচনকে বাস্তব সমমান বচনও বলা যায়। সাধারণ ভাষায় সমমানতাকে "যদি ও কেবল যদি" বারা প্রকাশ করা হয়। $p \supset q$ -কে "যদি p তবে q" পড়লে, এবং $q \supset p$ -কে

"কেবল যদি p তবে q" পড়লে $p \equiv q$ -কে পড়া যায়, "যদিও কেবল যদি p তবে q"।

দুটি বচন বা সূত্র ন্যায়ত: সমমান হর, যদি সমমানতাসূচক অপেক্ষকটি স্বত:সত্য হয়, অর্থাৎ সত্যসারণীতে তার স্বস্তে কেবল T থাকে। $p{\equiv}q$ বান্তব সমমান, কিন্তু ন্যায়ত সমমান নয়, কারণ সত্যসারণীতে তার স্তম্ভে হিতীয় ও তৃতীয় সারিতে F আছে। কিন্তু

$$[(p\supset q).(q\supset p)]\equiv (p\equiv q)$$

ন্যায়ত: সম্মান।

गात्रभी (16)

| <i>p</i> | q | $p\supset q$ | $q\supset p$ | $(p\supset q)\cdot (q\supset p)$ | p≡q | $[(p \supset q).(q \supset p)] \equiv (p \equiv q)$ |) |
|----------|---|--------------|--------------|----------------------------------|-----|---|---|
| T | T | T | T | T. | T | T | |
| T | F | F | T | F | F | T | |
| F | T | T | F | F | F | T | |
| F | F | T | T | T | T | $\overline{\mathbf{T}}$ | |

 $(p\supset q)\equiv \sim (p\cdot \sim q)$ আর একটি ন্যায়তঃ সমমান সূত্র।

गात्रनी (17)

| P | q | $p\supset q$ | ~9 | $\rho \sim q$ | ~(p.~(| $(p) (p) \equiv \sim (p, \sim q)$ |
|---|---|--------------|----|---------------|--------|-----------------------------------|
| | | T | | | T | T |
| T | F | F | T | T | F | T |
| F | T | T | F | F | T | T |
| F | F | T | T | F | T | T |

তৃতীয় স্তম্ভে $p \supset q$ -এর এবং ষষ্ঠ স্তম্ভে $\sim (p \cdot \sim q)$ -এর মান নির্ণয় করা হয়েছে। যেহেতু অনুরূপ মানশর্তে সব সারিতে এই দুটি সূত্রের মান এক, সেজন্য শেষ স্তম্ভে সমমানতাসূচক অপেক্ষকটির স্তম্ভে সারণী (14) অনুযায়ী সব সারিতে T বসেছে। $(p \supset q) \equiv \sim (p \cdot \sim q)$ একটি স্বতঃসত্যাসমমান অপেক্ষক।

ন্যায়ের বৈধতা বিচারে বা প্রমাণে উপযোগী আরও কয়েকটি ন্যায়তঃ সমমান সূত্র উপস্থাপিত করা হচ্ছে । $p \equiv \sim \sim p$ এইরূপ আর একটিঃ সূত্র, একে হিনিমেধবিধি বলা হয়।

প্রতীকী ন্যায়

সারণী (18)

| <u>p</u> | ~p | $\sim \sim p$ | $p \equiv \sim \sim p$ |
|----------|----|---------------|------------------------|
| T | F | T | T |
| F | T | F, | T |

p-এর স্থলে যে কোন বচন সংস্থাপন কর। হোক না কেন, p ও $\sim \sim p$

মানুম মরণণীল, এ নয় যে মানুম মরণণীল নয়,

नममान ।

 $\sim (p.q)$ ও $\sim p$ $v \sim q$ ন্যায়ত: সমমান।

गावनी (19)

| <u>p</u> | q | ~(| p.q) | ~ p | ~q | $\sim pv \sim q$ | $\sim' p.q) \equiv (\sim pv \sim q)$ |
|----------|---|----|------|------------|----|------------------|--------------------------------------|
| T | T | F | T _ | F | F | F | T |
| T | F | T | F | F | T | T | T |
| F | T | T | F | T | F | T | T |
| F | F | T | F | T | T | T | T |

ভৃতীর শুদ্ধে ও সপ্তম শুদ্ধে যথাক্রমে $\sim (p.q)$ ও $\sim p \ v \ q$ -এর মান নির্নর করা হরেছে। যেহেডু অনুরূপ মানণতে এই দুটি সূত্রের মান সব গারিতে এক, শেজনা শেষ শুদ্ধে সমমানতাসূচক অপেক্ষকের সব সারিতে াম বসেছে। সারণী বারা প্রমাণ করা যার, $\sim (p \ v \ q)$ ও $\sim p. \sim q$ -ন্যায়ত: সমমান।

সংযৌগিক বচন দুটি সংযোগী বচনের মিনিত সত্য খোষণ। করে। বে কোন একটি সংযোগী বচন মিথ্য। হলেই সংযৌগিক বচন মিথ্য। হবে। স্থতরাং একটি সংযৌগিক বচনকে নিষেধ করতে যে কোন একটি সংযোগী বচনকে নিষেধ করতে যে কোন একটি সংযোগী বচনকে নিষেধ করাই যথেই। p.q-কে নিষেধ করতে ~p বা ~q অর্থাৎ ~p v ~ q বলাই যথেই। অর্থাৎ, সংযৌগিক বচনের নিষেধ ও সংযোগী বচনক্ষের নিষেধের বিকর ন্যায়তঃ সম্যাম। বৈক্ষিক বচন পুটি বিকর বচনের মধ্যে অন্ততঃ একটি সত্য বলে খোষণ। করে। স্থতরাং বৈক্ষিক বচনকে নিষেধ করতে পুটি বিকরকেই মিথ্যা বলতে স্থাবে। p v q-কে নিষেধ করতে ~p ও ~q দুটিই অর্ধাৎ ~p. ~q

বলতে হবে। অর্থাৎ, বৈক্ষিক বচনের নিমের ও বিক্ষা বচনছরের নিমেরের সংযোগ ন্যায়ত: সমমান। এই দুটি নিমেরবিধি ডি মরগ্যানের উপপাদ্য নামে খ্যাত।

$$\sim (p.q) \equiv (\sim p \ v \sim q)$$

 $\sim (p \ v \ q) \equiv (\sim p. \sim q)$

ন্যায়ত: সমমান দুটি সূত্রের মধ্যে যে কোন বচনবর্ণের স্থলে বে কোন বচনবর্ণের স্থলে বে কোন বচনবর্ণের স্থলে বে কোন বচনবর্ণের স্থলে বিভি বচনসংস্থাপনবিধি মেনে চললে, অর্থাৎ একই বচনবর্ণের প্রত্যেকটি অবস্থানক্ষেত্রে একই বচন (সূত্র) সংস্থাপন করলে সংস্থাপিত বচন দুটিও ল্যায়ত: সমমান হবে।

ডি মরগ্যানের নিষেধবিধি দুইয়ের বেশী বচনবর্ণ ছারা গঠিত সুত্রের উপরও প্ররোগ কর। চলে, যেমন,

$$\sim [p. (q.r)]^{1}$$

$$\equiv [\sim p \ v \sim (q.r)]$$

$$\equiv (\sim p \ v \sim q \ v \sim r)$$

$$\sim [(p \ v \ q) \ v \ r]$$

$$\equiv [\sim (p \ v \ q) . \sim r]$$

$$\equiv (\sim p. \ \sim q. \ \sim r)$$

একই ুসুত্রের উপর দুটি বিধির একসলে প্রয়োগের দৃষ্টাভঃ

$$\sim [p. (q \ v \ r)]$$

$$\equiv [\sim p \ v \sim (q \ v \ r)]$$

$$\equiv [\sim p \ v (\sim q. \ \sim r)]$$

$$\sim [(p.q) \ v \ (q.r)]$$

$$\equiv [\sim (p.q). \ \sim (q.r)]$$

$$\equiv [(\sim p \ v \sim q).(\sim q \ v \sim r)]$$

ডি মরগ্যানের নিমেধবিধি ও ছিনিমেধবিধির যুগপৎ প্রয়োগের করেকটি
দৃষ্টান্ত দেধুন:

[া] যে কোন ছতঃসত্য বা ছতোমিখা। সূত্রে যে কোন বচনবর্ণের ছলে জন্য কোন বচনবর্ণের যা যে কোন সূত্র সংস্থাপন করছে সূত্রটির ছতঃসত্যতা বা ছতোমিখ্যা জঙ্কু থাকে। সত্যসারণী ছারা পরীক্ষণীয় । এখানে ডি মরগ্যানের প্রথম উপপাদে q-এর ছলে q-r সংস্থাপন করা হয়েছে ।

(1)
$$(p \supset q) \equiv \sim (p. \sim q)$$

 $\equiv (\sim p. v \sim \sim q)$
 $\equiv (\sim p. v q)$
(2) $\sim (\sim p. v \sim q) \equiv (\sim \sim p. \sim \sim q)$
 $\equiv (p.q)$
(3) $\sim (\sim p. \sim q) \equiv (\sim \sim p. v \sim \sim q)$
 $\equiv (p. v q)$

3.1 অনুচেছদের প্রথমে যে চারটি মৌলিক সূত্র বা বচনাকার দেখানেp হয়েছে, $\sim p$, $p \cdot q$, $p \cdot q$, $p \cdot q$, $p \cdot q$, তার মধ্যে কেবল প্রথমটি ও আর অন্য যে কোন একটির সাহায্যে সব রকম বচন বা সূত্র প্রকাশ করা চলে। অর্থাৎ চারটি সংযোজকের মধ্যে " \sim " ও আর যে কোন একটি অন্য দুটির কাজ চানাতে পারে।

"~" ও "." —
$$(p \lor q) \equiv \sim (\sim p, \sim q)$$
 (3) সেখুন $(p \supset q) \equiv \sim (p, \sim q)$
"~" ও " v " — $(p,q) \equiv \sim (\sim p \lor \sim q)$ (2) সেখুন $(p \supset q) \equiv (\sim p \lor q)$ (1) সেখুন "~" ও " \supset " — $(p,q) \equiv \sim (\sim p \lor \sim q)$ (1) এতে q -এর ত্রেল $\sim q$

$$\equiv \sim (p \supset \sim q)$$

$$(p \lor q) \equiv (\sim \sim p \lor q)$$
 (1) এতে p -এর ত্রেল $\sim p$

$$\equiv (\sim p \supset q)$$

এই অনুচ্ছেদের কেবল $p\equiv q$ ছাড়। আর সব সমমান সূত্র ন্যায়তঃ. সমমান।

3.5 ন্যায়াকার

- 1.5 অনুচ্ছেদের (1) ন্যায়টি নেওয়া থাক।
 - যদি আমি প্রধানমন্ত্রী হই, তবে আমি বিখ্যাত, আমি প্রধানমন্ত্রী নই.
 - ∴ আমি বিখ্যাত নই।

"আমি প্রধানমন্ত্রী হই" এর স্থলে p বচনবর্ণ, "আমি বিখ্যাত" এর স্থলে q বচনবর্ণ, "যদি...তবে..." সংযোজকের স্থলে " \supset " প্রতীক ব্যবহার করনে ন্যায়াকার হয়,

(i)
$$(\overline{\bullet})$$
 $p \supset q$

$$\sim p$$

$$\therefore \sim q$$

স্বার একটি ন্যায় নেওয়া যাক্।

- (2) যদি আমি প্রধানমন্ত্রী হই, তবে আমি ক্ষমতাসীন হই, যদি আমি ক্ষমতাসীন হই, তবে লোকে আমার নিশা করে,
- यि वािम প্রধানমন্ত্রী হই, তবে লােকে আমার নিশা করে।

"আমি প্রধানমন্ত্রী হই" এর স্থলে p, "আমি ক্ষমতাসীন হই" এর স্থলে q, "লোকে আমার নিন্দা করে" এর স্থলে r ব্যবহার করলে ন্যারাকার হয়,

$$(2) \cdot (\overline{\bullet}) \qquad p \supset q$$

$$\vdots \qquad p \supset r$$

বচনবর্ণ রচিত প্রতীকপরম্পরায় বচনবর্ণের স্থলে বিধি অনুযায়ী অর্থাৎ একই বচনবর্ণের প্রত্যেকটি অবস্থানক্ষেত্রে একই বচন সংস্থাপন করলে যদি একটি ন্যায় উৎপন্ন হয়, তবে ঐ প্রতীকপরম্পরাকে ন্যায়াকার বলে। অবশ্য (1) বা (2) ন্যায়ের প্রথম যুক্তিবচনের স্থলে p, দ্বিতীয় যুক্তিবচনের স্থলে q, ও সিদ্ধান্তের স্থলে r সংস্থাপন করলে দুটি ন্যায়েরই আকার হয়,

এটিকে তিন বচন ছারা গঠিত যে কোন দ্যারেরই সাধারণ আকার বল। যেতে পারে। কিন্তু এই আকার (1) ও (2) ন্যারের বিশেষ আকার নর। (3) (ক) আকার থেকে (1) বা (2) ন্যার পেতে হলে বচনবর্ণের ছলে ভিন্ন জিন্ন ক্ষেত্রে ভিন্ন ভিন্ন আকারের বচন (অপেক্ষক, সূত্রে) ব্যবহার করতে হবে। কোন ন্যায়াকারের প্রত্যেকটি ভিন্ন বর্ণের ছলে একটি ভিন্ন সরব বচন সংস্থাপন করতে যে ন্যার উৎপন্ন হর, ব্যারাকারটি সেই ন্যায়ের বিশেষ আকার। স্থতরাং (1) (ক) ও (2) (ক) ন্যায়াকার বধাক্রমে (1) ও (2) ন্যায়ের বিশেষ আকার। কোন ন্যায়াকারের বচন-বর্ণের ছলে (একই বচনবর্ণের সকল অবস্থানক্ষেত্রে একই) যে কোন বচন বা সূত্র সংস্থাপন করলে যে ন্যায় উৎপন্ন হয়, তাকে ঐ ন্যায়াকারের দৃষ্টান্ত ন্যায় বা সংস্থাপিত ন্যায় বলে।

3.6 বৈগভা

2.4 जनूष्ट्रिल जामा वहनाकांत्रक नक्षार्थ गठा-भिषा वरनि । यिष्ठ क्विन नामरे देश ना जदेश रहा भारत, ठ्रुष्ठ जामता नामा-कांत्रक्ष नक्षार्थ देश ना जदेश रनत, नूबर्ड रद के जाकारत रा देश ना जदेश। (य नामां विषय क्षेत्र क्षेत्र क्षेत्र क्षेत्र नाम कांत्र विश्व ना जदेश। (य नामां विषय क्षेत्र क्षेत्र नाम कांत्र विश्व क्षेत्र नाम कांत्र विश्व कांत्र कां

এবার 3.5 অনুচেছদের (1) ন্যায়টি বৈধ কি অবৈধ দেখা যাক। এর বিশেষ আকার

 $\frac{p \supset q}{\sim p}$ $\therefore \sim q$

1.5 जनुष्क्रापत (2) नागा विश्वा याक।

যদি সত্যজ্ঞিৎ রায় প্রধানমন্ত্রী হন, তবে তিনি বিখ্যাত, সত্যজ্ঞিৎ রায় প্রধানমন্ত্রী নন,

.: সত্যজিৎ রায় বিখ্যাত নন।

''সত্যজিৎ রার প্রধানমন্ত্রী হন'' এর স্থলে p, ''সত্যজিৎ রার বিখ্যাত'' এর স্থলে q ব্যবহার করলে এটিরও বিশেষ আকার একই দাঁড়ার। স্কুতরাং এই ন্যারাকার অবৈধ, কারপ উপরের ন্যারাট এই বিশেষ ন্যারাকারের একটি দৃষ্টান্ত ন্যার যাতে যজিবচনসমষ্টি সত্য হরেও সিদ্ধান্ত নিধ্যা। স্থতরাং প্রথম ন্যায়টিও অবৈধ, জারণ এর বিশেক আকার অবৈধ, যদিও এর যুক্তিবচনসমষ্টি ও সিদ্ধান্ত দুই-ই সত্য। একই আকারের অন্য অবৈধ দৃষ্টান্ত ন্যায় দেখিয়ে কোন ন্যায়ের অবৈধতা। বিচারকে উপমামূলক ন্যায়বিচার বলা যেতে পারে।

যদি কোন ন্যায়াকারের এমন কোন দৃষ্টান্ত ন্যায় দেখাতে না পারা।

যায় যাতে যুক্তিবচন সমষ্টি সত্য অপচ সিদ্ধান্ত মিপ্যা, তাহলে ন্যায়াকারেছিকে

বৈধ কি অবৈধ বলব ? মনে করা যাক, এই ন্যায়াকারের দৃষ্টান্ত ন্যায়

হিসেবে উপরের ন্যায়টি মনে এল না । যতগুলো দৃষ্টান্ত ন্যায় মনে এল

সবগুলোতেই যুক্তিবচনসমষ্টি ও সিদ্ধান্ত দুই-ই সত্য । তখন কি ন্যায়াকারটিকে বৈধ বলব ? সমন্ত সন্তাব্য দৃষ্টান্ত ন্যায় পরীক্ষা করা কি

সন্তব ? সভাব্য সমন্ত দৃষ্টান্ত ন্যায় অনন্তদংখ্যক । এমন কেউ থাকতে
পারেন যিনি সত্যজিৎ রায়ের নাম শোনেন নি, তাঁর কাছে ''সত্যঞ্জিৎ
রায় বিখ্যাত নন'' বচনটি সত্য বলে মনে হতে পারে । স্ক্তরাং উপরের

ন্যায়টি মনে এলেও তিনি এর আকারকে অবৈধ নাও মনে করতে
পারেন । তারপর, একটি একটি করে দৃষ্টান্ত ন্যায় পরীক্ষা করতে হলে

আমাদের জ্ঞানও অসীম হওয়া দরকার, আমাদের জ্ঞানা দরকার সমন্ত

সন্তাব্য বচনের কোন্টি সত্য, কোন্টি মিথ্যা ।

এর উত্তর, একটি একটি করে সমস্ত সন্তাব্য দৃষ্টান্ত ন্যায় পরীক্ষা করার কোন প্রয়োজন নেই। আমরা আগেই বলেছি, কোন্ বচন সত্য কোন্ বচন মিধ্যা তা নিরূপণ করা ন্যায়ের কাজই নয়। ন্যায়টির বৈধতা-অবৈধতা বিচারের জন্য সত্যজিৎ রায় বিধ্যাত কি অধ্যাত তা জানার দরকার নেই, কোন ন্যায়েরই বৈধতা-অবৈধতা বিচারের জন্য ন্যায়াবয়ব-তুক্ত কোন বচনের সত্যতা মিধ্যাত্বই জানার দরকার নেই। ন্যায়ের অবয়বভুক্ত সরল বচন ও অপোক্ষকের সন্তাব্য মানই শুধু বিচার্ম। শুধু দেখা দরকার, মুক্তিবচন সমষ্টি মিলিতভাবে সত্য হয়ে সিদ্ধান্ত মিধ্যা না হয়। অন্তর্ভুক্ত সরল বচনের মানশর্ত থেকে কি ভাবে অপেক্ষকের মান নির্দম করতে হয় তা আমরা জানি। অবয়ব ভুক্ত সরলবচনের স্থকে বচনর্দর্শ করে, সত্যসারশীতে তালের সন্তাব্য সকল প্রকার মানশর্ত নিবেশন করেই এটি পরীক্ষা করা বায়। বচনবর্ণের স্থলে বেনে সত্য বা মিধ্যা বচন সংস্থাপন করা হোক না কেন, বচনের বিময়বন্ত ন্যায়ের বৈধতা বিচারে অপ্রয়োজনীয়, শুধু তার সন্তাব্য সত্যতা বা মিধ্যাই বিচার্ম। স্বতরাং কেবলমাত্র সন্তাসারণা থেকেই আব্রম

বাস্তাব্য সমস্ত দৃষ্টাস্ত ন্যায় পরীক্ষা করতে পারি। সারণী দারা এবার একটি ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষা করব।

> (1) যদি বিমল পরীক্ষায় প্রথম হয়, তবে সে পুরকার পাবে, বিমল পরীক্ষায় প্রথম হয়েছে,

পূর্বগের ছলে p ও অনুগের ছলে q ব্যবহার করলে ন্যায়াকার

न्यायाकात्त्रत देवथल। निज्ञभर्गत कन्य नीराहत यात्रणी क्षेत्रम कन्ना इन ।

| <u>p</u> | q | $p\supset q$ | $(p\supset q)\cdot p$ |
|----------|---|--------------|-----------------------|
| T | T | T | T |
| T | F | F | F |
| F | T | T | P |
| F | F | T | F |

স্বামাদের দেখতে হবে, যুক্তিবচন দৃটি মিলিতভাবে সত্য হরেও
সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে কি না। উপাদান সরল বচনগুলোর সন্তাব্য
সকল প্রকার মানশর্তে চতুর্থ স্তম্ভে মিলিতভাবে যুক্তিবচন দুটির মান
নিরূপণ করা হয়েছে। সারণীর প্রতিটি সারি নির্দিষ্ট মানশর্তে ঐ শ্রেণীর
সমস্ত দৃষ্টান্ত ন্যায়ের নিদর্শন। একমাত্র প্রথম সারিতেই যুক্তিবচন দুটি
মিলিতভাবে সত্য হয়েছে, সেই সারিতে q-এর স্তম্ভে সিদ্ধান্ত q-এর মানও
সত্য। যুক্তিবচন সত্য হলে এই আকারের ন্যায়ে সিদ্ধান্তও সত্য হবে,
মিখ্যা হবে না। এটি বৈধ ন্যায়াকার, পূর্বের ন্যায়টি এর দৃষ্টান্ত ন্যায়
বলে বৈধ। এই ন্যায়াকার প্রাচীন ন্যায়ে পূর্বগন্ধীকারভিত্তিক অনুগামীকার,
ইংরেজীতে Modus Ponens, সংক্ষেপে M.P. নামে খ্যান্ত। এই
স্বাকারের বে কোন ন্যায় বৈধ।

আর একটি ন্যার পরীক্ষা করা বাক।

(2) যদি বিমল পর্মীকায় প্রথম হয়, তবে লে পুরকার পাবে, বিমল পুরকার পাবে না,

ন্যায়াকার

$$(2) (\overline{\bullet}) \quad p \supset q$$

$$\sim q$$

$$\vdots \sim p$$

সারণী (21)

| <u>p</u> | q | ~ p | $\sim q$ | $p\supset q$ | $(p \supset $ | q). $\sim q$ |
|----------|---|-----|----------|--------------|---------------|-----------------|
| | | F | | | | F |
| T | F | F | T | F | • | F |
| F | T | T | F | T | • | F |
| F | F | T | T | T | | T |

চতুর্থ সারিতে যুক্তিবচন দুটি মিলিতভাবে সত্য হয়েছে। সেই সারিতে $\sim p$ এর স্তান্তে সিকান্ত $\sim p$ এর মানও সত্য। ন্যায়াকার বৈধ, স্তরাং ন্যায় বৈধ। এই ন্যায়াকার প্রাচীন ন্যায়ে অনুগনিমেধভিত্তিক পূর্বগনিমেধ, ইংক্লেজীতে Modus Tollens, সংক্ষেপে M. T. নামে খ্যাত। এই আকারের যে কোন ন্যায় বৈধ।

এবার আমার 3.5 অনুচ্ছেদের (1) ন্যায়টি পরীকা করব। ন্যায়াকার

$$(3) (\clubsuit) \quad p \supset q$$

$$\sim p$$

$$\therefore \sim q$$

সান্ধণী (21) এন প্রথম পাঁচটি ন্তন্ত থেকে এই ন্যারাকারের বৈখতা পরীকা করা বাবে। যুক্তিবচন দুটি মিনিতভাবে (p⊃q). ~p, তৃতীর ও চতুর্ধ সারিতে সত্য হরেছে। চতুর্ধ সারিতে ~ q এর ন্তন্তে সিদ্ধান্ত ~ q সত্য হরেও তৃতীর সারিতে নিধ্যা। যুক্তিবান সত্য হরেও সিদ্ধান্ত

নিখ্যা হতত পারে। ন্যায়াকার ও ন্যায় অবৈধ। এই আকারের যে কোন ন্যায় অবৈধ।¹

2.9 অনুচেছদে সর্বপ্রকার প্রাকল্পিক বচনের "যদি...তবে..."
সংযোজককে বাস্তব প্রকলনের দুর্বল অর্থে ব্যবহার করার পক্ষে চতুর্থ
যুক্তি দেওয়া হয়েছিল, বাস্তব প্রকলনের অর্থে ব্যবহার করলেও প্রাকল্পিক
বচন হারা গঠিত সর্বপ্রকার বৈধ ন্যায়ের বৈধতা অকুণে থাকে। পূর্ববর্তী
অংশে আমরা তার প্রমাণ পোলাম। যে দুটি ন্যায় এইমাত্র বৈধ দেখানো
হল, সেগুলোর স্থলে যদি আমরা নীচের ন্যায় দুটি নিই,

যদি নীল লিট্মাস কাগজ এসিডে ফেলা যায়,
তবে কাগজটি লাল হয়ে যায়,
নীল লিটমাস কাগজ এসিডে ফেলা হল,

∴ কাগজটি লাল হয়েছে।

যদি নীল লিট্মাস কাগজ এসিডে ফেলা যায়,

তবে কাগজটি লাল হয়ে যায়,
কাগজটি লাল হয় নি.

∴ কাগজটি এসিডে ফেলা হয় नि ।

তা ছলেও তাদের ন্যায়াকার যথাক্রমে (1) (क) ও (2) (क) ছবে, এবং ন্যার দুটি বৈধ হবে। নীল লিটমাস কাগজ এসিডে ফেলা এবং কাগজটি লাল হওয়ার মধ্যে কার্যকারণ সম্বন্ধ কয়না কয়া ছলেও তাদের মধ্যে তাধু ৰাত্তব প্রকারনের সম্বন্ধ ধরে নিয়ের ন্যায় গঠন কয়া হলেও ন্যায়ের বৈধতা ক্ষুণ্ণ হয় নি।

এবার আমরা একটি বৈকন্ধিক ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষা করব। সে গাড়ীতে যাবে বা হেঁটে যাবে, সে গাড়ীতে যাবে না,

- ∴ সে হেঁটে যাবে।
- এখানে আমরা ধরে নিচ্ছি, কোন উপাদান বচন ছতঃসত্য বা ছতোমিখ্যা নয়। যদি ক্ষেত্রটি বিভুজ হয়, তবে এয় তিনটি বাহ আছে, ক্ষেত্রটি বিভুজ নয়,
- া ক্ষেত্ৰটির তিনটি বাহু নেই । বার বৈধ, কারণ প্রথম যুক্তিবচন একটি সংভায়ুরক হতঃসভা বচন ।

"সে গাড়ীতে যাবে" এর ছলে p, "সে হেঁটে যাবে" এর ছলে q ব্যবহার করলে, ন্যায়াকার

$$\begin{array}{c}
p & q \\
\sim p \\
\hline
\vdots & q
\end{array}$$

गात्रभी (22)

| p | q | ~ p | p v q | $(p \vee q) \cdot \sim p$ |
|---|---|-----|-------|---------------------------|
| T | T | F | T | F |
| T | F | F | T | F |
| F | T | T | T | T |
| F | F | T | F | F |

ভৃতীয় সারিতে যুক্তিবচন দুটি মিলিতভাবে সত্য হয়েছে, ঐ সারিতে ছিতীয় স্তম্ভে সিদ্ধান্ত q এর মানও সত্য। ন্যায়াকার ও ন্যায় বৈধ। এই আকারের যে কোন ন্যায় বৈধ।

3.5 जनुरुष्ट्रपद्म (2) नाग्रिक भरीका करा यांक। नाग्नाकांत्र

$$\begin{array}{c} p \supset q \\ q \supset r \\ \hline \vdots & p \supset r \end{array}$$

সারণী (23)

| p | q | r | $p\supset q$ | qor | $(p\supset q).(q\supset r)$ | por |
|----------|----|---|--------------|-----|-----------------------------|-----|
| T | T | T | T | T | T | T |
| T | T | F | T | F | F | F |
| T | F | T | F | T | F . | T |
| T | F | F | F | T | F | F |
| F | T | T | T | T | T | T |
| F | T | F | T | F | , F | T |
| F | ·F | T | T | T | T | T |
| F | F | F | T | T | . T | T |

প্রথম, পঞ্চম, সপ্তম ও অষ্টম সারিতে বুজিবচন দুটি মিলিতভাবে সত্য,

ঐ সৰ সারিতে সিদ্ধান্ত p ⊃ r ও সত্য, স্থৃতরাং ন্যায়াকার বৈশ । একে প্রাকল্পিক ন্যায় বলা হয় । এই আকারের যে কোন ন্যায় বৈশ ।

বৈধ ন্যায়াকারের সব দৃষ্টান্ত ন্যায় বৈধ, একটি দৃষ্টান্ত ন্যায়ও অবৈধ হতে পারে না। কিন্ত অবৈধ ন্যায়াকারের বৈধ ও অবৈধ দৃষ্ট প্রকার দৃষ্টান্ত ন্যায়ই থাকতে পারে। (3) (ক) ন্যায়াকার অবৈধ, কারণ সারণী (21) এ এর যুক্তিবচন দুটি তৃতীয় ও চতুর্ধ সারিতে মিলিতভাবে সত্য হরেছে. চতুর্ধ সারিতে সিদ্ধান্ত সত্য হলেও তৃতীয় সারিতে মিধ্যা হয়েছে। যে কোন এক প্রকার মানশর্তে দৃষ্টান্ত ন্যায় অবৈধ হলেই ন্যায়াকার অবৈধ।

3.7 "∴", "⊃", ন্যায়বচন ও বভঃসভ্য প্রকল্পন

ন্যায় বা ন্যায়াকারে আমরা আগে যুক্তিবচন লিখে তারপর একটা লাইন টেনে তার নীচে ".." প্রতীক চিছাট আগে লিখে তারপর সিদ্ধান্ত লিখেছি। এই প্রতীক সাধারণ ভাষায় "স্কৃতরাং", "অতএব", ইত্যাদি শব্দের অর্থসূচক, এবং ন্যায়ে যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্তের মধ্যে সম্বন্ধকে সুচিত করে। আমরা আরও বলেছি, বৈধ ন্যায়ে যুক্তিবচন সত্য হলে সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে না। ৰান্তব প্রকল্পন সন্বন্ধসূচক "ত" সংখোজকটির অর্ধ, দুটি বচন এই সংখোজকের হারা যুক্ত হলে, বেমন $p \supset q$, p ও q এর মধ্যে সম্বন্ধ এমন হবে যে কখনও পূর্বগ সত্য অনুগ মিধ্যা হতে পারে না। তা হলে কি বলা যায়, ".." ও "ত" প্রতীক দুটি একই সম্বন্ধ সুচিত করে ?

লক্ষণীয় যে আমর। "∴" প্রতীকটি শিদ্ধান্তের আগে বৈধ ও অবৈধ
দুই প্রকার ন্যায়েই ব্যবহার করেছি। অবৈধ ন্যায়ে যুক্তিবচন সত্য
হরেও শিদ্ধান্ত মিধ্যা হতে পারে। স্থতরাং "∴" ও "⊃" প্রতীক্ষর
একই সম্বন্ধ সূচিত করে না। "∴" প্রতীকটি শুধুমাত্র যুক্তিবচন থেকে
শিদ্ধান্তকে পৃথক করে দেখার, অর্থ, এর পরে শিদ্ধান্ত।

কোন ন্যারের যুক্তিবচনগুলোকে যদি P_1, P_2, \ldots, P_n (P ইংরেজী Premise শব্দের প্রথম অক্ষর, বড় হাতের), এবং সিদ্ধান্তকে C (ইংরেজী Conclusion শব্দের প্রথম অক্ষর, বড় হাতের) হারা সূচিত করা হয়, তবে বাছব প্রকর্মনের সংজ্ঞা অনুযায়ী বলা যায় জি, যে কোন বৈধ ন্যারে—

 $(P_1, P_2, \ldots, P_n) \supset C$?

এটি $p \supset q$ এর অনুস্থাপ, শুধু এবানে p এর স্থানন একটি সংবৌগিক বচন বন্ধেছে। ৰাজ্যৰ প্রকানন p সত্য q নিধ্যা হতে পারে না, হনে $p \supset q$ নিধ্যা হতে পারে না, হনে $p \supset q$ নিধ্যা হতে পারে না, হনে ন্যায়েও $P_1 \cdot P_2 \cdot \ldots \cdot P_n$ সত্য C নিধ্যা হতে গারে না, হনে ন্যায় অবৈধ হবে। স্বতরাং ৰাজ্যৰ প্রকল্পনের ধারণা হারা বৈধ ন্যান্তরের যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্তের মধ্যে সম্বন্ধকে প্রকাশ করা যায় কি?

याग्र, यपि

$$(P_1 . P_2 P_n) \supset C$$

ৰচনটি খত:সত্য প্ৰকল্পন হয়, কখনও মিধ্যা না হয়। আহনা নানাভাৰে কথাটা বলা যায়, যুক্তিৰচন মিলিতভাবে সত্য সিদ্ধান্ত মিধ্যা এরপে কখনও না হয়, যুক্তিৰচন মিলিতভাবে সত্য সিদ্ধান্ত মিধ্যা এরপে একটি দৃষ্টান্ত নায়ান্ত না থাকে, এক কথায়, যদি যুক্তিৰচন ও সিদ্ধান্তের মধ্যে প্রকল্পন সম্বন্ধটি খত:সত্য হয়। বান্তব প্রকল্পন সম্বন্ধসূচক সব ৰচনই খত:সত্য নয়, যেমন ₽⊃१। Р⊃१ মিধ্যা হতে পারে, যদি Р সত্য १ মিধ্যা হয়, কিন্ত ন্যায় বৈধ হলে (P₁. P₂. P₂) ⊃ С প্রাকল্পিক বচনটি খত:সত্য হতে হবে।

এখন আমরা বলতে পারি, যে কোন (বৈধ বা অবৈধ) ন্যায়কে তার প্রতিষক্ষী একটি প্রাকৃত্তিক বচনে (এখন থেকে এটিকে আমরা ন্যায়-বচন বলব) রূপান্তরিত করা যায়, যার পূর্বগ যুক্তিবচন (সমষ্টি), অনুগ সিদ্ধান্ত। প্রতিষক্ষী ন্যায়বচন স্বতঃসত্য হবে, যদি এবং কেবল যদি ন্যায় বৈধ হয়। সত্যসারণীর সাহায্যে বিষয়টি পরিকারভাবে বোঝা যাবে। আমরা দেখেছি,

 $p\supset q$ p

একটি বৈধ ন্যায়াকার, অর্ধাৎ এর যে কোন দৃষ্টান্ত ন্যায় বৈধ। এটিকে ন্যায়বচনে রূপান্তরিত করলে দাঁড়ায়,

 $[(p\supset q)\cdot p]\supset q$

नाविकात देव रहन नाविकान चलःगला रहन ।

गावनी (24)

| P | q | $p\supset q$ | $(p\supset q)\cdot p$ | $[(p\supset q).p]\supset q$ |
|---|---|--------------|-----------------------|-----------------------------|
| T | T | T | T | T |
| T | F | F | P | T |
| F | T | T | F | T |
| P | F | T | F | T |

न्गांत्रबह्दनत्र (मून गर्श्याष्ट्रकत्र) শুদ্ধে কেবন T আছে, স্থুতরাং ন্যান্ত্রচন স্বতঃসত্য । অন্যভাবেও বলা যায়, ন্যান্ত্রচন স্বতঃসত্য হলে ন্যান্নাকার বৈধ ।

এখানে আমর। সত্যসারণী প্রণয়নের আর একটি পদ্ধতি দেখাব।

नात्रनी (25)

| (p') | > | q) | | p | 2 | 9 |
|------|-------------|----|---|---|---|---|
| T | T | T | T | T | T | T |
| T | F | F | F | T | T | F |
| F | T | T | F | F | T | T |
| F | T | F | F | F | T | F |

3.8 করেকটি অনুসামবিধি

কোন ন্যায়াকার বৈধ হলে তার থেকে একটি অনুমানৰিধি গঠন কর। বার । 3.7 অনুচেত্তদের ন্যায়ৰচনটি থেকে এই অনুমানৰিধি গঠন করা বার যে, $p \supset q$ ও p দেওয়া থাকলে তার থেকে q অনুমান করা বৈধ হবে । প্রতীকী রূপে

$$p \supset q, p \vdash q$$

যুক্তিবচনগুলো যতিচিহ্ন দিয়ে পৃথক করে দেখিয়ে তারপর "। " চিহ্নটি বিদয়ে শেষে সিদ্ধান্ত বসাতে হবে। "। " চিহ্নটির অর্থ, প্রদন্ত যুক্তিবচন থেকে ন্যায়তঃ প্রতিপাদ্য, অথবা প্রদন্ত যুক্তিবচন খীকার স্বরনে সিদ্ধান্ত ন্যায়তঃ খীকার্য। কোন ন্যায়বচন খতঃসত্য হলেই তার থেকে একটি অনুমানবিধি গঠন করা যায়।

প্রাচীন ন্যায়ে যাকে পূর্বগম্বীকার ভিত্তিক অনুগম্বীকার (M.P.) বনা হয়, তার প্রতিঘক্ষী ন্যায়বচনটিকে স্ত্যুসারণীর সাহায়ে স্বতঃসত্য প্রমাণ করে তাকে আমরা অনুমানবিধি আকারে গঠিত করে দেখালার। 3.6 অনুচেছ্নে দেখালান হয়েছে, $p \supset q$ ও $\sim q$ থেকে $\sim p$ অনুমান বৈধ। ন্যায় বচন

$$[(p\supset q).\sim q]\supset \sim p$$

गात्रनी (26)

| [p] | 2 | 9) | | $\sim q$ |) > | ~ | P |
|-----|---|----|---|----------|-----|---|---|
| T | T | T | F | F, | T | F | |
| | F | | | | T | P | |
| F | T | T | F | F | T | T | |
| F | T | F | T | Ţ | T | T | |

जनुगानविधि

$$p \supset q$$
, $\sim q \vdash \sim p$

3.6 অনুভেহনে দেখানে। হয়েছে, $p \vee q \otimes \sim p$ থেকে q অনুমান করকে ন্যায়টি বৈধ হবে । ন্যায় ৰচন

$$[(p \vee q) \cdot \sim p] \supset q$$

गात्रवी (27)

जनुमानदिवि

 $p \vee q, \sim p \models q$

3.6 অনুচেছ্রদ দেখারন। হয়েছে. $p \supset q$ ও $q \supset r$ থেকে $p \supset r$ অনুমান করবন ন্যায়টি বৈধ হবে। ন্যায় বচন

$$[(p\supset q)\cdot (q\supset r)]\supset (p\supset r)$$

সারণী (28)

| [p] |) | q) | . (q | 2 | r)] | $\supset (p$ | $\supset r)$ |
|-----|---|----|------|---|-----|--------------|--------------|
| T | Т | T | T | Т | T | T | T |
| T | T | T | F | F | F | T | F |
| T | F | F | F | T | T | T | T |
| T | F | F | F | T | F | T | F |
| F | T | T | T | T | T | T | T |
| F | T | T | F | F | F | T | T |
| F | T | F | T | T | T | T | T |
| F | T | F | T | T | F | T | T |
| | | | | | | | |

অনুমানবিধি---

 $p\supset q, q\supset r\vdash p\supset r$

স্বতঃসত্য ন্যায়বচন বৈশ্ ন্যায়ের বিশেষ আকার। ন্যায়াকার দেখাতে ":." চিহ্নের প্রয়োজন নেই। অনুমানবিধি স্বতঃসত্য ন্যায়-বচন থেকে অনুস্ত হয়।

তবুও নায় উপছাপিত করতে আময়া প্রচলিত রীতি অনুষায়ী য়ুভিবচন-ভলো নীচে নীচে লিখে লাইন টেনে বর্ধ শেষে ":" চিহেনর পর সিভাত লিখ্ব।

3.9 সংক্ষিপ্ত সভ্যসারণী কৌশল

3.6 অনুচ্ছেদে (3) (ক) ন্যায়াকারের অবৈশ্বতা নির্ণয়ের পদ্ধতিটি সমরণ করুন। সারণী (21) এতে পঞ্চম ও তৃতীয় স্বস্তের তৃতীয় সারিতে যুক্তিবচন দুটি সত্য হয়েছে, কিন্তু চতুর্থ স্বস্তের ঐ সারিতে সিদ্ধান্ত মিধ্যা হয়েছে। কোন বৈশ্ব ন্যায়াকারে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য এবং সিদ্ধান্ত মিধ্যা হতে পারে না। যদি ন্যায়বচনের সত্যসারণী তৈরী করা হত, তবে তৃতীয় সারিতেই মূল সংযোজক "⊃" এর স্বস্তেটি স্বতঃসত্য হত না। সত্যসারণী দারা ন্যায়বচনের বিচারপদ্ধতি যান্ত্রিক, অথচ সম্পূর্ণ কার্যকরী। উপাদান সরল বচনের বিভিন্ন মানশর্ত নিবেশন এবং তার থেকে মূল বচনের মান নির্ণয় নির্ধারিত প্রণালী অনুযায়ী অগ্রসর হলে নির্দিষ্ট সংখ্যক বিধি অনুসারে নির্দিষ্ট সংখ্যক ধাপের শেষে সত্যসারণী গঠন সম্পূর্ণ হয়। কিন্তু বচনবর্ণ— সংখ্যা বেশী হলে সারিসংখ্যা অত্যধিক হয়ে পড়ে। বর্ণসংখ্যা ফ হলে সারিসংখ্যা 2* হয়। কোন ন্যায়ে সরল উপাদ্যান বচনের সংখ্যা যদি 6 হয়, তবে সারিসংখ্যা হবে 2°=64। এ রক্তম ক্ষেত্রে সত্যসারণী প্রণয়ন অত্যন্ত অস্ক্রিধান্তনক।

এখন একটা সংক্ষিপ্ত সত্যসারণী প্রেটাল বণিত হবে, বার পাহায্যে যদি সারণীর কোন সাহিতে যুক্তবচন সভ্য ও সিদ্ধান্ত মিথ্যা হয়, তবে শুধু সেই সারিটি তৈরী হবে, অথবা নি:সংশয়ে প্রমাণিত হবে যে এ রক্ম সম্ভাবনা নেই অর্থাৎ ন্যায় বৈধ । অবশ্য সরল উপাদান বচনগুলোর কোন বিশেষ মানশর্তেই যুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে । সম্ভাব্য সকল প্রকার মানশর্ত নিবেশন না করেও যে ভাবে মানশর্ত নিবেশন করলে যুক্তবচন সত্য সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে, সংক্ষিপ্ত পদ্ধতিতে শুধু সেইভাবে মানশর্ত নিবেশন করার চেটা করা হয় । যদি এরপ মানশর্ত নিবেশন সম্ভব হয়, তবে ন্যায় অবৈধ, যদি সম্ভব না হয়, তবে ন্যায় বৈধ । [3.6 অনুচেছদের (3) কে) ন্যায়াকারে এই প্রকার মানশর্ত নিবেশনের চেটা করা যাক । যুক্তবচন ও সিদ্ধান্ত নীচে নীচে সাজিয়ে প্রত্যক লাইনের উপর একটু কাক্ষরার্থন ।

F T T q
T F
T P
T F
T T
∴ ~ q

এবার এমনভাবে মানশর্ত নিবেশন করতে হবে, যাতে যুক্তবিচন মিলিতভাবে সত্য কিছ সিদ্ধান্ত মিধ্যা হয়। প্রথমে এমনভাবে মানশর্ত নিবেশন করুল যাতে সিদ্ধান্তটি মিধ্যা হয়। সিদ্ধান্ত ~q, q-কে সত্য ধরলে ~q মিধ্যা হবে। q-এর উপর T লিখুন, "~" চিছের উপর P লিখুন। এবার যুক্তবিচনে যেখানে যেখানে q আছে তার উপর সিদ্ধান্তে q-এর যে মান ধরা হয়েছে, অর্ধাৎ T, তাই বসান। তারপর অন্যান্য বচনবর্ণের এমনভাবে মান নিবেশন করুল যাতে সবগুলো যুক্তবিচন সত্য হয়। সর্বতম যুক্তবিচনটি আগে ধরুল। হিতীয় যুক্তি বচন ~p, এটি সত্য হতে হলে p মিধ্যা হতে হবে। p-এর উপর F লিখুন, "~" এর উপর T লিখুন। এবার প্রথম যুক্তবিচনে p-এর উপর F লিখুন, "~" এর উপর T লিখুন। এবার প্রথম যুক্তবিচনে p-এর উপর F বসিয়ে দিন। p মিধ্যা q সত্য হওয়ায় p ⊃ q সত্য হল, "⊃" এর উপর T বসান। অনেকগুলো T ও P পাশাপানি থাকাতে বোঝার পক্ষে অস্থবিধা হলে মুক্তবিচন ও সিদ্ধান্তের মান জ্ঞাপক T বা F-কে বিরে একটি বাক্স বা বৃত্ত এঁকে দিন বা তার উপরে একটি √ চিছ্ন দিন। ফল দাঁড়াল,

p মিধ্যা, q সত্য, অতএব p ⊃ q সত্য,
 p মিধ্যা, অতএব ~ p সত্য,
 ∴ q সত্য, অতএব ~ q মিধ্যা।

এমনভাবে মানশর্ত নিবেশন সম্ভব হয়েছে যাতে যুক্তিবচন দুটিই সত্য হয়েছে এবং সিদ্ধান্ত মিথ্যা হয়েছে। ন্যায়টি অবৈধ। ∫এখানে আমরা আসলে সারশী (21)-এর তৃতীয় সারিটি, অর্থাৎ যে সারিতে p মিথ্যা এ সত্য মানশর্তে যুক্তিবচন মিলিভভাবে সত্য ও সিদ্ধান্ত মিথ্যা হয়েছে শুধু সেই সারিটি পৃথকভাবে তৈরী করেছি। ∫

नः किथ गांवनीष्ठि अजात्व लाया याव,

ৰাঁ দিৰের দুই স্বন্ধে যে মানশর্তে যুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত নিধ্যা হয় তা আনাদাভাবে দেখানো হল ।৮

বদি এমনভাবে মানশর্জ নিবেশন সম্ভব না হর বাতে যুক্তিবচন সভ্য ও সিদ্ধান্ত মিধ্যা হবে ? প্রাকম্বিক ন্যায়ের আকার ধরুন। আমরা **জা**নি প্রাকম্বিক ন্যায় বৈধ।

দিছাত বিধা। হতে হলে p সত্য, r নিধ্যা হতে হবে। সিছাতে p-এর উপর T, r ও " \supset " এর উপর F বসান। প্রথম যুক্তিবচনে, p-এর উপর T, হিতীয় যুক্তিবচনে r-এর উপর F বসান। প্রথম যুক্তিবচন $p \supset q$ সত্য হতে হলে q-সত্য হতে হবে, কারণ q নিধ্যা হলে $p \supset q$ নিধ্যা হয়ে যাবে। q ও " \supset " এর উপর T বসান। হিতীয় যুক্তিবচন সত্য হতে হলে r নিধ্যা হওয়ায় q-কেও নিধ্যা হতে হবে, কারণ q সত্য হলে $q \supset r$ নিধ্যা হয়ে যায়। q-এর উপর F ও " \supset " এর উপর T বসান। কিছ q-কে প্রথম যুক্তিবচনে আমরা সত্য ধরতে বাধ্য হয়েছি। কর দাঁজাল যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য ও সিদ্ধান্ত মিধ্যা হতে হলে, অর্থাৎ ন্যায়াট অবৈধ হতে হলে, একটি উপাদান বচনের বিরুদ্ধ যান নিবেশন করতে হয়, যা সম্ভব নয়। স্বতরাং ন্যায়াকার বৈধ। \sim

যদি একাথিক ভাবে মানশর্ত নিবেশন করলে সিদ্ধান্ত মিণ্যা হয়, তবে ধ্য কোন একভাবে শুরু করে দেখতে হবে, ঐ ভাবে মানশর্ত নিবেশনের ফলে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হয় কি না। যদি হয় তবে বুকাতে হবে ন্যায়টি অবৈধ। যদি না হয়, তবে তথানই বলা যাবে না বে नगांत्राहे देव । ज्यंन जनग त्य त्य जात्व मानगर्ज नित्वगत्तत्र करण निषास्त्र मिथा। इय त्रश्वताथ करत रायद्य इत्व । यि कानजांत्वर यूक्तिकन मिनिज्जांत्व राज्य ७ गिक्तांख मिथा। ना इय, जत्तर वना यात्व नगांय देव । व्यवंत जाम्बा। 1.8 जनुरुष्ट्र ए छिन्नियिज नांवा। त्यंनाविषयक नगांत्रीहे भेतीका करत । व्यथंन त्यंत्र जाम्बा गांथात्व जांच्या वहन्य नगांत्र छेभाना वहन्य जांच वहन्य वहन्य व्यवहार्व कर्त्रात वक्षा जिल्लां एव । वां पिरक वहन्य ७ जांनित्क वहन्य वां पिरक वहन्य वां वांच्या कर्त्रात वांच्या वांच

p # वािम ताबािक जान नित्कत घरत ठानि ।

q # वाभि ताकारक वाँ मिरकन घरत ठानि।

🖊 # আমি নৌকা চালাতে পারি।

s # আমি পাঁচ চালে জিততে পারি।

🕻 # প্রতিহন্দী আমাকে হারাতে পারে ।

и # প্রতিমন্দীর একটি পরিকল্পনা আছে।

ন্যায়াকার দাঁডাল,

$$(p \lor q) \supset \sim r$$

$$\sim r \supset \sim s$$

$$(\sim p. \sim q) \supset (t \supset u)$$

$$\therefore (t. \sim u) \supset \sim s$$

এতে 6টি বচনবর্ণ আছে, সারণী তৈরী করলে সারিসংখ্যা হবে $2^6 = 64$ । সংক্ষিপ্ত কৌশলে ন্যায়টির বৈধতা সহজেই বিচার করা যায়।

F F F T F T
$$(p \quad v \quad q) \quad \supset \quad \sim \quad r$$
F T T F T
$$\sim \quad r \quad \supset \quad \sim \quad s$$
FTF T TFF
$$(\sim p \cdot \sim q) \quad \supset \quad (t \supset u)$$
TTTF F F T
$$\therefore (t \cdot \sim u) \quad \supset \quad \sim \quad s$$

 श्वानमर्ज निर्दिशन काषाँ
 भटन मटन करत व्यक्त छटन वनः वशासान T বা F বিশিয়ে যেতে হবে। সম্পূর্ণ কাজটির বিবরণ এখানে লিখে ন্দেওয়া হল। সিদ্ধান্ত যেহেতু একটি প্রাকল্পিক বচন, এটি মিধ্যা_, হতে भारत रक्वन यपि अत भूवंग गठा, अनुग मिथा। इत्र । भूवंग अक्रि नः(योतिक वहन, नः(यात्री पूर्षि t ७ ∼u। t नजा u निषा। इतन $z \cdot \sim u$ সত্য হবে। অনুগ একটি নিমেধক, $\sim s$, s সত্য হলে $\sim s$ मिना श्रव। निकार ७ युक्तिवार t, u, s এর উপর यनोक्तर T, F, T বসানে। হল। সিদ্ধান্তের পূর্বগে u এর নিমেধক "∼" এর উপর এবং t ও ~u এর সংযোজক "." এর উপর T, সিদ্ধান্তের অনুগে s এর নিমেশক "~" ও সিদ্ধান্তের মূল সংযোজক "⊃" এর উপর P বসানো হল। (সহজ্বতম) হিতীয় যুজ্জিবচন প্রাকল্পিক, এর অনুগ ~৪, ৪ সত্য হওয়ায় তার নিষেধক "~" এর উপর F বসানো হল। ~ s মিণ্যা হওয়ায় পূর্বগ ~ r কে মিপ্যা হতে হবে, না হলে এই যুক্তিবচন মিখ্যা হয়ে বাবে। স্থতরাং r এর উপর T, তার নিঘেধক "∼" এর উপর F এবং মূল সংবোজক "⊃" এর উপর•T বসানো হল। প্রথম যুক্তিবচনের অনুগ ∼ r, r এর উপর T ও "∼" এর উপর F ৰসানো হল। অনুগ মিথ্যা হওয়ায় পূৰ্বগ মিথ্যা হতে হৰে, নতুৰ। এই युक्जिवहन मिथा। इरत्र यारत । পূর্বগ p v q मिथा। इरङ इरल p ख q উভয়কেই মিপ্যা হতে হৰে। p, q ও "v" এর উপর F ধবং মূল সংবোদক "⊃" এর উপর T বসানো হল। তৃতীর যুক্তিবচনের जनूरा । ७ u अत्र छेशदत जाराधे यथीकरम T ७ F तमारना शरतरह, ञ्च्छताः अत्मन गः त्याचक "८" अत्र छेशत P वनन, अवः t⊃u मिथा। হল। অনুগ মিধ্যা হওয়ায় পূর্বগ মিধ্যা হতে হবে, নতুবা বুক্তিবচনটি মিধ্যা হয়ে যাবে। পূর্বগ $\sim p \cdot \sim q$ কে মিধ্যা হতে হলে $\sim p$ বা ∼ q এর অন্তত: একটা নিখ্যা হতে হবে, অর্ধাৎ p বা q এর অন্তত: একটা সত্য হতে হবে। কিন্ত p ও q উভয়কেই আমরা প্রথম যুক্তি-বচনকে সত্য করৰার জন্য মিখ্যা ধরতে বাধ্য হরেছি। ফল দাঁড়াল, p व। q क्लान এकों वर्षित विक्रक यान निरवनन ना कतरन युक्तिवहन মিলিতভাৰে সত্য এবং সিদ্ধান্ত মিধ্যা, অৰ্ধাৎ ন্যায়টি অবৈধ হয় না। ্স্তিরাং ন্যায়টি বৈধ। লক্ষণীয় যে সিদ্ধান্ত 🚜 и ও s এর অন্য কোন श्रकात्र मान निरुत्तर्गत मिथ्रा रह ना ।]

नारवात देवजा विठान कन्नराज शिरव सामना नागिकिक सर्दिय सर्दि

94

নিম্নে অগ্রসম হয়েছি, এবং তারপর দেখিয়েছি, যুক্তবচন নিলিতভাবে সত্য এবং সিদ্ধান্ত নিধ্যা হতে হলে, অর্থাৎ ন্যায়টি অবৈধ হতে হলে, কোন উপাদান বচনের বিরুদ্ধ মান নিবেশন প্রয়োজন। এই পদ্ধতিকে প্রমাণবাধিতার্থপ্রসক্ত বলে। যে অর্থপ্রসক্ত (ন্যায়ের অবৈধম) ধরে নিমে আমরা অগ্রসর হয়েছি, প্রমাণ তাকে বাধিত করেছে। কোন ন্যায়কে অবৈধ দেখাতে গিয়ে শ্ববিরোধ এসে গেছে, স্ক্তরাং ন্যায়টি বৈধ। 4.3 অনুচ্ছেদে এই পদ্ধতি পুনরাম আলোচিত হবে।

সংক্ষিপ্ত কৌশলে কোন বচন বা সূত্র স্বতঃসত্য, স্বতোমিধ্যা বা স্থানিদিষ্টমান তাও বিচার করা যায়। নীচের সূত্রটি ধরা যাক।

 $[(P\supset Q)\supset P]\supset P$

প্রথমে আমরা এটি মিধ্যা ধরব। তা হলে পূর্বগ $(p \supset q) \supset p$ সত্য, অনুগ p মিধ্যা । $(p \supset q) \supset p$ এর অনুগ p মিধ্যা হওয়ায় $p \supset q$ মিধ্যা হতে হয়, নইলে $(p \supset q) \supset p$ সত্য হয় না । $p \supset q$ মিধ্যা হতে হলে p সত্য q মিধ্যা হতে হলে । কিন্ধু আগেই p-কে মিধ্যা ধরা হয়েছে। p-এর বিরুদ্ধমান নিবেশন না করলে সূত্রটি মিধ্যা হয় না, স্কুতরাং সূত্রটি স্বতঃসত্য । এবার এই সূত্রটি ধরুন ।

 $(P \supset q) \supset (\sim P \supset \sim q)$

এটি নিখ্যা হলে $p \supset q$ সত্য, $\sim p \supset \sim q$ নিখ্যা। $\sim p \supset \sim q$ নিখ্যা হতে হলে $\sim p$ সত্য অর্থাৎ p নিখ্যা। $\sim q$ নিখ্যা। অর্থাৎ q সত্য। p নিখ্যা। q সত্য। হলে $p \supset q$ সত্য। স্ত্রটিকে নিখ্যা। ধরলে কোন উপাদান বচনেরই বিক্ষম নান নিবেশন করতে হর না, অ্তরাং স্ত্রটি অতঃসত্য নর। এখন প্রশু, এটি অতোমিখ্যা। বা অনিদিষ্টমান। এবার স্ত্রটি সত্য ধর। যাক। স্ত্রটি নানাভাবে সত্য হতে পারে। $p \supset q$ নিখ্যা। হরে $\sim p \supset \sim q$ সত্য বা। মিখ্যা। হলে, বা। $p \supset q$ ও $\sim p \supset \sim q$ দুই-ই সত্য। হলে স্ত্রটি সত্য। হবে। p সত্য। ধরলে $p \supset q$ সত্য। দেখা। গেল, এক প্রকার মানশর্ডে স্ত্রটি সত্য, আর একপ্রকার মানশর্ডে নিখ্যা। অ্তরাং স্ত্রটি অনিদিষ্ট মান। যদি কোন প্রকার মান নিবেশন করেই স্ত্রটিকে সত্য করা। না। যান, তবে স্ত্রটি সত্যেনিখ্যা।

এখানে আমরা সংক্ষিপ্ত কৌশলটি কেবল প্রাক্তরিক বচনের ক্ষেত্রেই প্রয়োগ করেছি, কিছ বৈক্তরিক বা সংবৌগিক বচনের উপরও এই কৌশন প্রয়োজ্য । বিদ সংযৌগিক বচনকে সত্য ধরতে হয়, তবে সব সংযোগীকে সত্য ধরতে হবে, যদি বৈকল্পিক বচনকে নিধ্যা ধরতে হয়, তবে সব বিকল্পকে নিধ্যা ধরতে হবে । কিন্তু সংযৌগিক বচনকে নিধ্যা ধরতে হলে কোন সংযোগী নিধ্যা হবে, বা বৈকল্পিক বচনকে সত্য ধরতে হলে কোন বিকল্প সত্য হবে তার জন্য পরীক্ষামূলক মান নিবেশন প্রয়োজন, এবংসে সব ক্ষেত্রে এই কৌশলের উপযোগিতা কমে বায় । তবুও অধিকাংশ ক্ষেত্রেই এই কৌশলই বেশী উপযোগী ।

3.10 বাস্তব প্রকল্পনের কুটাভাস

2.9 অনুচ্ছেদের সারণী (8) এ প্রথম ও বিতীয় স্তন্তে p ও q-এর বিভিন্ন মানশর্তগুলো এবং ষষ্ঠ স্তন্তে $p \supset q$ -এর সত্যাসত্যতা লক্ষ্য করুন। তৃতীয় ও চতুর্থ সারিতে p মিধ্যা, q যথাক্রমে সত্য ও মিধ্যা, $p \supset q$ সত্য । p ও q যে কোন বচনের স্থানে সংস্থাপনীয় । বলব কি, যে কোন সত্য বা মিধ্যা বচন যে কোন মিধ্যা বচনকে অনুসরণ করে? আবার লক্ষ্য করুন, প্রথম ও তৃতীয় সারিতে q সত্য, p যথাক্রমে সত্য ও মিধ্যা, $p \supset q$ সত্য । বলব কি, যে কোন সত্য বচন যে কোন সত্য বা মিধ্যা বচনকে অনুসরণ করে?

যদি p মিধ্যা হয়, তবে q যে কোন বচন হোক না কেন, $p \supset q$ সত্য, যদি q সত্য হয়, তবে p যে কোন বচন হোক না কেন, $p \supset q$ সত্য, বা সূত্রাকারে

$$(\P) \sim p \supset (p \supset q)$$

(4)
$$q \supset (p \supset q)$$
 ?

দুটি সূত্রই শ্বত:সত্য । সভ্যসারণী দারা বা সংক্ষিপ্ত কৌশলের সাহায্যে সূত্র দুটির শ্বত:সত্যতা সহজেই প্রমাণ করা যায়। (ক) সূত্র মিথ্যা হলে $p \supset q$ মিথ্যা, $\sim p$ সত্য । $p \supset q$ মিথ্যা হতে হলে p সত্য q মিথ্যা হবে । শ্বতরাং এটি শ্বত:সত্য । অনুক্ষপভাবে (খ) সূত্রটিকেও শ্বত:সত্য প্রমাণ করা যায়। তা হলে কি আমরা শ্বীকার করব,

সমুদ্রের জন মিষ্ট ⊃ পৃথিবী গোল ?
পূর্বগ ও অনুগের মধ্যে প্রাসজিকতা কোশায় ? 2.9 অনুভেলে আনরা

এক্কপ বচনকেও সত্য ধরে নিয়েছি। আপাতদৃষ্টিতে এগুলোকে কূটাভাস মনে হলেও আমাদের সমরণ রাখতে হবে বান্তব প্রকল্পন একটি পারিভাষিক প্রত্যর, "⊃" একটি সত্যাপেক্ষ সংযোজক, যার অর্থ ~ (p. ~ q), সংজ্ঞা হারা নিশিষ্ট। যেখানেই আমরা দুটি বচনকে এমন দেখব যে p সত্য q মিধ্যা হতে পারে না, সেখানেই আমরা p ⊃ q বলতে পারি। আথেই বলা হয়েছে, এই রকম একটা দুর্বল অর্থে "⊃" সংযোজকটি ব্যবহার করার উদ্দেশ্য, এর হারা সাধারণ ভাষায় "যদি…তবে…" সংযোজকের সব রকম ব্যবহারের ন্যুনতম অর্থটি প্রকাশ করা যায়, এর হারা ন্যায়ের বৈধতা কূণ্ণ হয় না, বরং বৈধতা-অবৈধতা বিচার সহজ্ব হয়। বান্তব প্রকল্পনের পারিভাষিক অর্থের সজে "যদি…তবে…" এর দৈনন্দিন ব্যবহারের নানা রকম অর্থ গুলিয়ে ফেললে চলবে না।

এখানে আর একটি প্রশু উবাপন করা যেতে পারে। যে কোন বচন যে কোন মিথ্যা বচনকে অনুসরণ করে। যে কোন স্ববিরোধী বচন, বেমন $p. \sim p$, মিথ্যা, স্থতরাং $(p. \sim p) \supset q$ সত্য হবে, শুধু সত্য নম্ম, স্বতঃসত্য হবে।

সারণী (29)

| ₽ | q | $\sim p$ | $p. \sim p$ | $(p. \sim p) \supset q$ |
|---|---|----------|-------------|-------------------------|
| T | T | F | F | T |
| T | F | F | F | T |
| F | T | T | F | T |
| F | F | T | P | T |

"বাষ্ট্রেলিয়া উত্তর আনেরিকায় অবন্ধিত" প্রমাণ করতে "সক্রেটিস জ্ঞানী" ও "সক্রেটিস মূর্র্ব" এই দুটি যুক্তিবচন স্বীকার করে নিলেই হয়, কারণ এই ন্যায়ের প্রতিষক্ষী ন্যায় বচন $(p. \sim p) \supset q$ স্বত:সত্য।

বলা বাহুল্য, টুকোন সিদ্ধান্ত প্রমাণ করতে এক্সপ স্ববিরোধী যুক্তিবচন ব্যবহার করা অসমত (করলে কত সোদ্ধাই না হয়)। এ সম্বন্ধে আমরা পরবর্তী অধ্যায়ে আবার আলোচনা করব।

ত্ত স্ববিরোধী বা স্বভোমিখ্যা বচন নেওয়ার কারণ, কোন্বচন সভা, কোন্বচন নিষ্যা, নৈরায়িক হিসেবে ভা আমরা স্থানি না ।

চতুর্য অধ্যায় অবরোহণ বা প্রমাণ-পছতি

4.1 সাভাবিক অবরোহণ

ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষার করেকটি পদ্ধতি আলোচিত হয়েছে। जामार्तित छेरम्गा छिन, वाठनिक न्यारयत रेवश्ठा निर्नरात अकि जवार्ष পদ্ধতি বার করা, যার ছারা সমস্ত বাচনিক ন্যায়ের বৈধতা-অবৈধতা প্রমাণ কর। যায়। যে কোন ন্যায়কে ন্যায়বচনে ক্লপান্তরিত করে সত্যসারণীর সাহায্যে ন্যায়বচনটি স্বত:সত্য কিনা, অথবা সংক্ষিপ্ত সত্যসারণী কৌশলে যুক্তিবচন সত্য অথচ সিদ্ধান্ত মিথ্য। হয় এমনভাবে উপাদান বচনগুলোর মানশর্ত নিবেশন করা সম্ভব কিনা, শুধু এইটুকু रपर्यतनरे नामि देश कि जरेरश जा जनामारम वरन रप्तश्रा याय। এই পদ্ধতি যান্ত্ৰিক এবং সম্পূৰ্ণ কাৰ্যকরী। কিন্তু এই পদ্ধতির অস্থবিধাগুলোও আমরা লক্ষ্য করেছি। উপাদানবচনের সংখ্যা বেশী হলে সত্যসারণী অতিদীর্ঘ হয়ে পড়ে। সংক্ষিপ্ত কৌশলে এই অসুবিধা না পাকলেও আর একটি অসুবিধা দেখা গেছে, সিদ্ধান্ত অনেকগুলো সংযোগীর সংযৌগিক ৰচন হলে, যেমন p.q.r, তার সাতরকম মানশর্ত নিবেশন সম্ভব যাতে বচনটি মিথা। হবে। কোনু মানশর্তে যুক্তিবচন সত্য হবে তা নির্ণয় করতে বার বার চেষ্টা করতে হতে পারে, यात्र करन এর কার্যকরতা কমে যায়। তদুপরি, কোন যুক্তিবচন यদি बुर फाँग्नि श्य, वर्षां जात्र गर्या रहनी ७ गः त्याकरकत इलाइलि शांक, जर्द कानाहित मान निर्मा जुन शरा वाधवा विक्रिय नव ।

এই অধ্যায়ে আমরা ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষার আর একটি পদ্ধতি আলোচনা করব, যার নাম স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি। এটি শুধু সত্যসারণী পদ্ধতির অস্থবিধা দুরীকরণের উদ্দেশ্যেই আবিষ্ঠৃত হয় নি, বরং বাচনিক ন্যায় ও অন্যান্য উচ্চতর ন্যায় সম্পর্কে তথীর অনুসদ্ধানের কল। বাচনিক ন্যায়ের অবরোহণ পদ্ধতি অন্যান্য উচ্চতর ন্যায়ের ভিতিস্বরূপ।

স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি ছারা কোন ন্যায়ের বৈধতা প্রমাণ করতে অবশ্য কতগুলো বৈধ ন্যায়াকারের সাহায্য নেওয়া হয়, কারণ ন্যায়ের বৈধতা আকারগত। 3.6 ও 3.7 অনুচ্ছেদে আমরা দেখেছি,

$$(\clubsuit) \quad p \supset q \qquad \qquad (\P) \quad p \supset q \\ \vdots \quad q \qquad \qquad \frac{\sim q}{\vdots \sim p}$$

$$\begin{array}{cccc}
(9) & p & v & q & & & (2) & p \supset q \\
& & & & & & & & q \supset r \\
& & & & & & & \ddots & p \supset r
\end{array}$$

এগুলো বৈধ ন্যায়াকার। এদের অনুমানবিধিতে রূপান্তরিত করলে দাঁভায়,

$$(\overline{\bullet})$$
 $p \supset q$, $p \vdash q$

(4)
$$p \supset q$$
, $\sim q \vdash \sim p$

(9)
$$p v q$$
, $\sim p \vdash q$

এकिं नगांग्र निन.

সে বিশ্ববিদ্যালয়ে পড়বে, বা যদি অন্য কিছু করে তবে রাজনীতি করেব ; যদি তার বাবা তাকে শ্বরচ না দেন, তবে যদি সে রাজনীতি করে তবে বাবাকে না জানিয়ে করবে ; যদি সে বিশ্ববিদ্যালয়ে পড়ে তবে তার বাবা তাকে শ্বরচ দেবেন ; তার বাবা তাকে শ্বরচ দেবেন না ;

वहनवर्ष वावशंत्र करत्,

⁽ \forall) $p \supset q$, $q \supset r \vdash p \supset r$

यদি সে অন্য কিছু করে তবে তার বাবাকে না জানিয়ে করবে ।
 অভিধান,

p # সে বিশ্ববিদ্যালয়ে পড়বে,

q # त्म जना किছू कदरत,

r # সে রাজনীতি করবে,

s # তার বাব। তাকে খরচ দেবেন,

t # त्य नांनारक ना **फा**निस्त्र कत्रस्त ।

$$(\triangledown) \quad p \quad v \quad (q \supset r)$$

$$\sim s \supset (r \supset t)$$

$$p \supset s$$

$$\sim s$$

$$\therefore q \supset t$$

न্যায়টিকে সত্যসারণী দিয়ে পরীকা করতে 32 টি সারি লাগবে। কিছ যে চারটি অনুমানবিধি আমর। এইমাত্র দেখলাম তার সাহাব্যে অতি সহজে ন্যায়টির বৈধতা প্রমাণ করা যায়।

যে সূত্রের উপর অনুমানবিধি প্রয়োগ করতে হবে সেটি অনুমানবিধিতে छिन्निविक मृत्वित यथायथ প্रक्तित्रभ ना श्लाक हत्न । तिव नामाकात्त्रव य कान मृष्टोच न्यारव्यत छेभन अनुमानविधि श्रयाच्या । नीटान न्यावधाना (क) नगंबाकारतत पृष्टोच्च नगंब ।

$$\frac{p \supset (q \cdot \sim s)}{p}$$

$$\therefore q \cdot \sim s$$

 $p\supset (q.\sim s)$ (ক) ন্যারাকারের q-এর ছানে $q.\sim s$ সংস্থাপন করে¹ ৷

$$(p.q)\supset [(qv\sim r)\supset s]$$
 (ক) ন্যায়াকারের p -এর খানে $p.q$, $p.q$ q -এর খানে $(qv\sim r)\supset s$ সংখাপন করে ।

- (अ) नारमंत्र देवश्वा श्रेमाप्त्र वार्षश्चला नीर्क प्रथम इन ।
- (1) তৃতীয় ও চতুর্থ যুক্তিবচন থেকে (ব) বিধি অনুসারে ∼ p दिश्जाद जनुमान कता यात्र ।

$$p\supset s$$
 (খ) ন্যায়াকারের q -এর ছানে s সংস্থাপন করে । $\sim s$

2

 $(2) \sim p$ ও প্রথম যুক্তিবচন থেকে (3) বিধি অনুসারে $q\supset r$ বৈধভাবে অনুমান করা যায়।

 ^{3.4} অনুদেহদের পাদটীকা দুউবা ।

$$p \vee (q \supset r)$$
 (थ) न्याताकारत q -अत संस्य $q \supset r$ $\sim p$ γ रहाशन करत । γ

(3) বিতীয় ও চতুর্থ যুক্তিবচন থেকে (ক) বিধি অনুবায়ী r⊃t বৈধভাবে অনুমান করা বায়।

$$\sim s \supset (r \supset t)$$
 ক) ন্যায়াকার p -এর ছানে $\sim s \ 0$
 $\sim s$
 q -এর ছানে $r \supset t$ সংস্থাপন করে t

(4) q ⊃ r ७ r ⊃ t ६४८क च विधि अनुयाग्नी q ⊃ t देवधादि अनुयान कता यात्र।

q ⊃ r (ঘ) ন্যায়াকার p-এর ছানে q, q-এর ছানে r, r ⊃ t ও r-এর ছানে t সংস্থাপন করে।
∴ q ⊃ t

देव नगायाकातमञ्ज अनुमानविधि अनुमत्रण करत माज ठात्रि धार्प ৰুক্তিবচনসমষ্টি থেকে সিদ্ধান্তে অবরোহণ করা যায়, অর্থাৎ সিদ্ধান্ত প্রমাণ কর। যার, স্থতরাং পূর্বোক্ত ন্যায় বৈধ। অবরোহণের আরও স্থবিন্যন্ত ও সংক্ষিপ্ত রূপ দেওয়া যায়। যুক্তিবচনগুলো একটি স্তম্ভে নীচে নীচে निर्श्वत हरत, बतः वाँ पिरक क्रियिक मःशा पिरत यात हरत। तम বুক্তিবচনের ডান দিকে একটি তির্যক রেখা টেনে তারপর "∴" বসিরে সিদ্ধান্ত লিখতে হবে। এতে বোঝা যাবে, তির্ঘক রেখার বাঁ দিকে উপরের সব বচন যুক্তিবচন। তারপর অবরোহণের প্রত্যেকটি ধাপ ঐ ন্তম্ভে পরপর নিখে যেতে হবে, পূর্বক্রমে তাদেরও ক্রমিক সংখ্যা দিতে इर्द, बदः छानिम्दिक जनदाश्याद गर्यदन त्व शूर्वनर्जी नहन ना नहनगराष्ट्र বেকে বে অনুমানবিধি অনুসারে অবরোহণ করা হয়েছে তার উল্লেখ করতে হবে। পূর্ববর্তী যে যে বচন থেকে অবরোহণ করা হরেছে তাদের व्यक्तिक गःथा। जारंग निर्ध जात्रभत जनुमानविधित गः क्रिश नीम छैत्वध क्ताउ रत । जनुमानविधिश्वत्वात नाम 3.6 जनुत्क्राप (मध्या रात्राह । क्षि वे नामधाना नृश्य तरन जामता (क), (व), (त), (व) जनुमानविधितक जारनंत्र नःकिथं है:रातकी नारन वंशीकरन M. P. (Modus Ponens), M. T. (Modus Tollens), D. S. (Disjunctive Syllogism) &

H. S. (Hypothetical Syllogism) হারা সূচিত করব। এই পছতিতে
লিখলে অবরোহণ বা প্রমাণটি নিমুরূপ দাঁড়াবে।

(9th) (1) $n v (a \supset r)$

| (-41) | (*) | P . (4 2 .) | |
|-------|-----|--------------------------------|------------|
| | (2) | $\sim s \supset (r \supset t)$ | |
| | (3) | $p\supset s$ | • |
| | (4) | ~ 3 | 1:. q > t |
| | (5) | ~ p | 3, 4, M.T. |
| | (6) | $q \supset r$ | 1, 5, D.S. |
| | (7) | $r \supset t$ | 2, 4, M.P. |
| | (8) | $q\supset t$ | 6, 7, H.S. |
| | | | |

1.৪ অনুচ্ছেদের দাবাখেলার সঙ্গে তুলনাটি মনে করুন। দাবাখেলার বুঁটিগুলোর নামের বচনবর্ণের মত প্রতীকর্বণ আছে, প্রত্যেকটা চালের সংযোজক প্রতীকের মত প্রতীকচিক্ত আছে। একটা সম্পূর্ণ খেলাকে, প্রথম চাল থেকে শেষ চাল পর্যন্ত, শুরু প্রতীকপরম্পরা দিয়ে বোঝানে। যায়। প্রত্যেকটি চাল বিধিসম্মত। উপরের অবরোহণে বচনবর্ণ ও সংযোজকপ্রতীক নিয়ে যা করা হয়েছে তা দাবা খেলারই অনুরূপ। বিষয়বন্ত থেকে সম্পূর্ণ বিচ্ছিন্ন হয়ে শুরু কতগুলো প্রতীক ব্যবহার করে অনুমানবিধি অনুসারে যুক্তিবচন সমষ্টি থেকে সিদ্ধান্ত প্রমাণ করা হয়েছে। সিদ্ধান্ত বিধিসম্মতভাবে যুক্তিবচন থেকে নি:স্বত হয়েছে। দাবা খেলার সঙ্গে এর পার্থক্য, দাবা খেলার ভুল চাল দিয়ে হেরে যাওয়া সম্ভব, কিছ ভুল চালও দাবা খেলার বিধিসম্মতই হবে। অবরোহণেও ভুল চাল দিয়ে প্রমাণ গঠনে অসমর্থ হওয়া বিচিত্র নয়, কিছ ভুল চাল বিধিসম্মত হবেনা। দিতীয়তঃ, দাবা খেলার চালবিধি স্বেচ্ছামূলক, কিছ ন্যায়ের অনুমানবিধি স্বেচ্ছামূলক নয়, বৈধভাবে সিদ্ধান্ত প্রমাণের উপযোগী, বৈধ ন্যায়াকার থেকে নিছাশিত।

विश्व वामता श्रमार्गित मंद्रा (क), (व), रेडािन दिव न्यात्राकात्रक स्मिनिक देव न्यात्राकात वनव । मतन्यम वर्ताट वर्णित स्मिनिक वना रत्र । व्याद्रा करत्रकि स्मिनिक देव न्यात्राकात व्यामार्गत जिनकात्र थाकरव । स्मिनिक देव न्यात्राकात्रत स्मिनिक देव न्यात्रा स्मिनिक देव न्यात्र । (वा) श्रमार्ग (5), (6), (7) ७ (8) थान स्मिनिक देव न्यात्र । कान श्रमेख न्यात्रत देव व्याप्त वदः स्मिन्तिक देव न्यात्रत सुक्ति-विन श्रमेख ज्याद्र विश्वमेष्ठा व्याद्र विश्वमेष्ठ व्याद्र क्या । यि स्मिन्तिक বচন (সূত্র)-পরম্পরা এমন হয় যে তার প্রত্যেকটি বচন (সূত্র) কোন প্রদত্ত ন্যায়ের যুজ্জিবচন বা পূর্ববর্তী বচন (সূত্র) থেকে মৌলিক বৈধ ন্যায়য়ারা নিঃস্থত হয়, এবং তার শেষ বচন (সূত্র) টি প্রদত্ত ন্যায়ের সিদ্ধান্ত হয়, তবে ঐ বচন (সূত্র)-পরম্পরা প্রদত্ত ন্যায়ের প্রমাণ । উপরের দৃষ্টান্তে (অ) প্রদত্ত ন্যায়, (আ) তার প্রমাণ । এই প্রকার প্রমাণকে অবরোহণ বলার কারণ, এখানে ধাপে ধাপে সিদ্ধান্তে অবরোহণ করা হয় । একে "য়াভাবিক অবরোহণ" বলার কারণ কিছুক্ষণের মধ্যেই আলোচিত হচ্ছে । 1·4 অনুচ্ছেদের শেষে আমরা অবরোহণের সে সংজ্ঞা দিয়েছি, এখানে তার কোন ব্যতিক্রম হয় নি, প্রমাণের প্রত্যেকটি ধাপ বৈধ ন্যায়াকার সম্মত হওয়ায় কোথাও যুক্তিবচন সত্য এবং সিদ্ধান্ত হওয়ার সম্ভাবনা নেই ।

जनुगानविधि-जानिका (क)

| নৌ | লক বৈধ ন্যায়াকার | অনুমান বিধি | নাম |
|-----|--|--|--|
| (1) | $\begin{array}{c} p \supset q \\ \hline P \\ \hline J \cdot q \end{array}$ | $p\supset q, p\vdash q$ | পূর্বগদ্ধীকারভিত্তিক অনুস্থীকার, পূর্বগ-বিয়োগ, Modus Ponens, M.P. |
| (2) | p⊃q ~q ∴ ~p | $p\supset q, \sim q \vdash \sim p$ | অনুগনিষেধভিতিক পূর্বগ নিষেধ, MOGUS 10Hens, M. 1. |
| (3) | $\begin{array}{c} p \vee q \\ \sim p \\ \vdots q \end{array}$ | $p \vee q, \sim p \vdash q$ | বৈকন্ধিক ন্যায়, Disjunctive Syllogism, D.S. |
| (4) | p⊃q q⊃r ∴ p⊃r | $p\supset q, q\supset r\vdash p\supset r$ | প্রাকৃত্তিক ন্যায়, Hypotheti- cal Syllogism, H.S. |
| (5) | $\frac{(p \supset q).(r \supset s)}{p \ v \ r}$ $\therefore q \ v \ s$ | $(p\supset q).(r\supset s),$ $p v r \vdash q v *$ | জটিন ভাৰান্ধক কূটনায়, Complex Constructive Dilemma, C.D. |

(9)
$$p\supset q$$
 $p\supset q\vdash p\supset (p.q)$ আমীকরণ, Absorption, Abs.

নামের শুন্তে প্রথমে বাংলা নাম, পরে ইংরেজী নাম ও সর্বশেষে সংক্ষিপ্ত ইংরেজী নাম দেওয়া হল। সংক্ষিপ্ত ইংরেজী নামটিই প্রমাণে ব্যবহৃত হবে। প্রত্যেকটি ন্যায়াকার বৈধ, ন্যায়বচন তৈরী করে সত্যসারণী যারা পরীক্ষা করলেই দেখা যাবে, প্রত্যেক ক্ষেত্রে ন্যায়বচন খতঃসত্য। সংক্ষিপ্ত কৌশলে পরীক্ষা করলে দেখা যাবে, এমনভাবে উপাদানবচনের মানশর্ত নিবেশন সম্ভব নয় যে যুক্তিবচন সত্য হয়ে সিদ্ধান্ত মিধ্যা হবে। (আ) প্রমাণে (5)—(8) ধাপগুলো অনুমানবিধি হারা অনুমোদিত বলে বৈধ। স্কৃতরাং (৪) সিদ্ধান্ত আনয়ন বৈধ, এবং (1)—(৪) বচন (সুত্র)-পরম্পরা (অ) ন্যায়ের প্রমাণ।

এবার আমর। আর একটি ন্যায়ের প্রমাণ উপস্থাপিত করব।

(ই) যদি সে পড়া ছেড়ে দেয়, তবে হয় ব্যবসা করবে নয় রাজনীতি করবে; যদি সে ব্যবসা বা রাজনীতি করে, তবে তার বাবা অনুমোদন করবেন না; যদি সে কোন এজেন্সী ন। নেয় তবে তার বাবা অনুমোদন করবেন; সে পড়া ছেড়ে দেবে; স্থতরাং সে এজেন্সী নেবে।

অভিধান,

L pvq

p # সে পড়া ছেড়ে দেবে,q # সে ব্যবসা করবে,

r # সে রাজনীতি করবে,

s # তার বাবা অনুমোদন করবেন,

t # त्म এष्टिनी तित्।

वहनवर्ष वावशांत्र करत्र,

$$(a) \quad p \supset (q \vee r) \\ (q \vee r) \supset \sim s \\ \sim t \supset s$$

$$\frac{p}{\cdot \cdot \cdot \cdot}$$

প্ৰমাণ,

3.4 অনুচ্ছেদে আমর। দেখেছি, p ও ~ ~ p ন্যায়ত: সমমান, সারণী (18) হারা পরীক্ষিত। দুটি সূত্র ন্যায়ত: সমমান হলে একটির স্থানে অপরাট সংস্থাপন করা যেতে পারে। পূর্বোজ্ঞ প্রমাণে (৪)-এর ধাপে তাই করা হয়েছে। কিন্তু তালিকা (ক)-এতে যে নয়টি অনুমান-বিধি আমরা পেয়েছি তার কোনটির হারা (৪) ধাপ অনুমানিত হয় না। স্থতরাং আমাদের আর একটি অনুমাননীতি পরিগ্রহ করতে হবে যাতে ন্যায়তঃ সমমান দুটি সূত্র পরস্পরের স্থানে সংস্থাপনীয় হতে পারে। নীতিটি এই:

কোন সূত্রের বা তার কোন অংশের স্থানে সূত্রটির বা সেই অংশের ন্যায়তঃ সমমান আর একটি সূত্র সংস্থাপন করলে সংস্থাপিত সূত্রেকে মূলসূত্র থেকে অনুমান করা বৈধ হবে। একে প্রতিস্থাপন বিধি বলা যেতে পারে।

যেহেতু মূলসূত্র ব। সূত্রাংশ ও তৎস্থলে সংস্থাপিত সূত্র সমমান, এইস্কপ সংস্থাপনের হার। মূলসূত্রের মান অপরিবর্তিত থাকে।

তালিকা (খ) এতে ন্যায়ের বৈধতা প্রমাণের উপযোগী করেকটি ন্যায়ত: সমমান সূত্র দেওয়া হল। এর প্রত্যেকটি অনুমানবিধি হিসেবে প্রমাণে ব্যবহার করা চলবে।

সমমান সুত্র—তালিকা (খ)

সূত্ৰ

নাম

 $(10) \quad p \equiv \sim \sim p$

ষিনিষেধ, Double Negation, D. N.

(11) $\sim (p.q) \equiv (\sim p \ v \sim q)$ $\sim (p \ v \ q) \equiv (\sim p. \sim q)$ সংযোগ নিষেধ } De Morgan's বিকল্প নিষেধ } Theorems, De M.

(12) $(p.q) \equiv (q.p)$ $(p \lor q) \equiv (q \lor p)$ অবস্থান বিনিময়, Commutation, Com.

- (13) $[p. (q.r)] \equiv [(p.q). r]$ Association, Assoc.
- (14) $[p. (q v r)] \equiv [(p.q) v (p.r)]$ $\stackrel{\text{dist.}}{=}$ $[p v (q.r)] \equiv [(p v q).(p v r)]$ Distribution, Dist.
- (15) $(p \supset q) \equiv (\sim q \supset \sim p)$ And Transposition, Trans.
- (16) $(p \supset q) \equiv (p \lor q)$ বান্তব প্রকলন, Material Implication, Impl.
- (17) $(p \equiv q) \equiv [(p \supset q).(q \supset p)]$ area সমমানতা, Material $(p \equiv q) \equiv [(p,q) \ v (\sim p . \sim q)]$ Equivalence, Equiv.
- (18) $[(p,q) \supset r] \equiv [p \supset (q \supset r)]$ নির্গমন, Exportation, Exp.
- (19) $p \equiv (p \vee p)$ উক্ত ভাষণ Tautology, Taut. $p \equiv (p \cdot p)$

3.4 অনুচ্ছেদে (16)—(19) সারণীতে দুটি সূত্র ন্যায়তঃ সমমান কিনা সত্যসারণীর সাহায্যে তা পরীক্ষা করার পদ্ধতি দেখানো হয়েছে। (16) সারণী তালিকা (খ)-এর (17) সূত্রের প্রথমটিকে, (18) সারণী (10) সূত্রেকে এবং (19) সারণী (11)-এর প্রথম সূত্রেটিকে সমমান প্রতিপন্ন করেছে। সত্যসারণী বারা পরীক্ষা করলে অন্য সবস্তানে। সূত্র সমমান প্রতিপন্ন হবে।

উপরে (ঈ) প্রমাণে (৪) থাপ (10) বিধি বারা অনুমোদিত। বিধিটির সংক্ষিপ্ত নাম ব্যবহার করলে (৪) থাপ দাঁডাবে.

(8) t 7, D.N.

তালিকা (ক) ও (ব)-এর সবগুলো বিধিই অপরিহার্য নয়। তালিকা (ক)-এর (2) বিধি (M.T.) না থাকলে কোন ক্ষতি হত না। (আ) প্রমাণের (5)-এর ধাপটি দেখুন। এখানে M.T. বিধি অনুসারে $p \supset s$ ও $\sim s$ থেকে $\sim p$ তে অবরোহণ করা হয়েছে। তা না করে তালিকা (ব)-এর (15) সূত্র ও M.P.-এর সাহায্যে $\sim p$ তে অবরোহণ করা যায়।

| (1) | $p \supset s$ | তৃতীয় যুক্তিবচন |
|------------|---------------|------------------|
| (2) | ~ 3 > ~ 2 | 1, Trans. |
| (3) | ~ 3 | চতুর্থ যুক্তিবচন |

(4) $\sim p$ 2, 3, M.P.

জাবার দেখুন, তালিকা (খ)-এর (16) বিধি অপরিহার্য নয়। (10) ও (11) বিধির সাহায্যে $p\supset q$ থেকে $\sim p \ v \ q$ এতে অবরোহণ করা বার। আমরা আগেই $p\supset q$ কে সংজ্ঞা দারা $\sim (p,\sim q)$ -এর সমান বলেছি।

(1) $p\supset q$

(2) ~ (p. ~ q) 1, गःखा

(3) $\sim p \ v \sim \sim q$ 2, De M.

 $(4) \sim p \vee q \qquad \qquad 3, \text{ D.N.}$

তবুও (2) বা (16) বিধিকে মৌলিক বিধি হিসেবে স্বীকার করার কারণ,
এগুলো এত সর্বজনীন ও স্বজামূলক যে এদের অনুসরণ করলেই প্রমাণ
''স্বাভাবিক'' হয়, এদের বাদ দিয়ে কেবল অপরিহার্য, ন্যুনতম কয়েকটি
অনুমানবিধির সাহায্যে অবরোহণের চেষ্টা করলে প্রমাণ অতিদীর্ঘ ও
অস্বাভাবিক হয়ে পড়ে।

স্বাতাবিক অবরোহণ পদ্ধতির বৈশিষ্ট্য এই যে, এতে কোন মৌল স্বীকার্য পরিগ্রহ করা হয় না । দুই প্রকার অবরোহতক্স আছে, স্বীকার্য-মূলক ও বিধিমূলক । স্বীকার্যমূলক অবরোহতক্সে মৌল স্বীকার্য থেকে স্কুক্ত করা হয়, এবং অনুমানবিধি অনুসারে বাপে বাপে সিদ্ধান্তে অবরোহণ করা হয় । এর দৃষ্টান্ত জ্যামিতি । বিধিমূলক অবরোহতক্ষে কোন স্বীকার্য भितिश्वर कता रत्र ना । श्रम् यूक्तिकन् (धर्क जनूमानिविध जनूमारत्र बाल्य बाल्य वाल्य जन्मानिविध जनूमारत्र बाल्य बाल्य वाल्य जन्मानिविध जन्मार्थ जन्मानिविधित श्रियांक्य रत्र, विधिमूनक जन्मानिविधित श्रियांक्य रत्र, विधिमूनक जन्मानिविधित श्रियांक्य रत्र, विधिमूनक जन्मानिविधित श्रियांक्य रत्र, विधिमूनक जन्मानिविधित श्रियांक्य रत्र जन्मानिक्या भीकार्य भितिश्वर करत्र जश्ममत रत्र, व्याप्त श्रीकार्य भितिश्वर कर्म ज्ञान रत्र, व्याप्त श्रीकार्य जनूमानिविधि जनूमार्म जश्ममानिविधि जनूमार्म जश्ममानिविधि जनूमार्म अश्ममानिविधि जनूमार्म जश्ममानिविधि जनूमार्म जश्ममानिविधि जनूमार्म जश्ममानिविधि जनूमार्म जश्ममानिविधि जनुमार्म जश्ममानिविधि जनुमार्म जश्ममानिविधि जनुमार्म जश्ममानिविधि जन्मार्म व्याप्त ।

স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি কতটা কার্যকরী ? আমরা দেখেছি, র্শত্যসারণী ছারা যে কোন ন্যায়ের বৈধতা পরীক্ষা করা সম্ভব। যে কোন ন্যায়কে ন্যায়বচনে ক্লপান্তরিত করে ন্যায়বচনটি শ্বত:সত্য কিনা তা मजामात्री गर्छन कत्रत्वरे याश्विकजारत धता পछে। यस कता याक्, (ই) ন্যায়ের বৈধতা স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি হারা পরীক্ষা করতে দেওয়া হন। যদি কেউ (ই) প্রমাণ গঠন করতে না পারে, তবে কি ৰলতে হবে ন্যায়টি অবৈধ ? যদি সম্পূর্ণ প্রমাণটি তুলে ধরে তার বৈধতা পরীক্ষা করতে বলা হয়, তবে যান্ত্রিকভাবেই সে কান্ধ করা যায়, ভধু रम्बरनरे চन्दर, श्रेयुक अनुमानविधिश्वरना जानिकाजुक किना । जानिका-ভুক্ত অনুমানবিধিগুলোর বৈধতা পরীক্ষিত। কিছ প্রমাণ গঠন কর। আর প্রমাণ বৈধ কিনা পরীক্ষা করা এক কথা নয়। প্রমাণ গঠন করতে উদ্ভাবনী দক্ষতা প্রয়োজন, কোধায় আরম্ভ করতে হবে, কোন বিধি প্রয়োগ করতে হবে, তা বান্তিকভাবে নির্ণীত হবে না। আবার ধরুন, কোন অবৈধ ন্যায় পরীক্ষা করতে দেওয়া হল। কেউ এর প্রমাণ গঠন कर्त्राट श्रीव्रत्व ना । किन्न श्रीमां गर्छन कव्रत्छ ना श्रीव्रत्नहे वना वादव ना नगायि व्यविक्षः। श्रेमाने गर्रेटन व्यक्तमञा नगायित व्यविक्षञ श्रेमाने करत ना । नायगाञ्च अपन कान निर्प्तगावनी टेजरी करत पिटल शास्त्र ना, यात्र সাহাযো যে কেউ যান্ত্ৰিকভাবে যে কোন বৈধ ন্যায়ের প্রমাণ গঠন कत्रत्छ शाद्य । पावा स्थेनात्र मह्म श्रेमार्ग श्रेप्टानत जावात्र जूनना कत्रा **८एटज शादत । मावात गव চानविधि खानटनरे এकखन जान स्थेलाहाछ** হবে এবং কেবল জিতবে এরপ আশা করা যায় না। কখন কোন চাল দিলে জেতা যাবে সেটি বুঝতে হলে মথেষ্ট দক্ষতা অর্জন করতে হবে। প্রমাণ গঠনের বেলারও কখন কোন বিধি প্রয়োগ করলে সহজে প্রমাণ গ্রাষ্টিত হবে তা তালিকা জানা ধাকরেই স্থির করা যায় না। কোন

কোন্ যুক্তিবচন বা অবরোহণের পূর্বতন ধাপের উপর কোন্ কোন্ অনুমানবিধি প্রয়োগ করনে ন্যুনতমসংখ্যক ধাপে প্রমাণ গঠিত হবে তা তালিকা বছল দেয় না। কিন্ত উপযুক্ত দক্ষতা অঞ্চিত হলে স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতিতে প্রমাণ গঠন খুব সহজ।

তালিকা (ক) ও তালিকা (ব) এর মধ্যে একটি বিশেষ গুরুষপূর্বঃ পার্থক্য আছে। তালিকা (ক) এর অনুমানবিধি কেবলমাত্র পুরো পঙ্জির উপর প্রধোষ্ণা, কিন্তু তালিকা (ব) এর অনুমানবিধি পুরো পঙ্জিবা তার যে কোন অংশের উপর প্রযোষ্ণ্য। যেমন, কোন প্রমাণে কোন পঙ্জিতে $p \cdot q$ থাকলে তার থেকে (6) বিধি অনুসারে কু অনুমান করা যাবে, কিন্তু $(p \cdot q) \supset r$, থাকলে $p \supset r$ অনুমান করা যাবে না। কারণ p সত্য, q মিথ্যা, r মিথ্যা হলে $(p \cdot q) \supset r$ সত্য হবে, কিন্তু $p \supset r$ মিথ্যা হবে। কিন্তু $(p \cdot q) \supset r$ থেকে (12) বিধি অনুসারে $(q \cdot p) \supset r$, (18) বিধি অনুসারে $p \supset (q \supset r)$, (19) বিধি অনুসারে $[(p \cdot q) \cdot (q \cdot q)] \supset (r \cdot r)$ অনুমান করা যাবে।

প্রমাণ গঠনের কোন যান্ত্রিক পদ্ধতি না থাকলেও কয়েকটি সঙ্কেতের উল্লেখ করা যেতে পারে।

- (1) একই বচনবর্ণ একাধিক যুক্তিবচনে থাকলে সিদ্ধান্ত প্রমাণে উপযোগী কোন সূত্র তাদের থাকে নি:স্থত হয় কিনা দেখুন।
- (2) যদি এভাবে সিদ্ধান্তের দিকে এগোনো সম্ভব না হয়, তবে কোন সূত্রের স্থলে ন্যায়তঃ সমমান অন্য কোন সূত্র বসিয়ে দেখুন।
- (3) যুক্তিবচনে আছে সিদ্ধান্তে নেই এমন বচনবর্ণকে অপনয়ন করন। অপনয়নের জন্য সরলীকরণ (Simp.) ও প্রাকল্পিক ন্যায় (H. S.) উপযোগী। লক্ষ্য করুন, সরলীকরণের জন্য যে বিধি দেওয়া আছে, তাতে বিতীয় সংযোগীর অপনয়ন করা চলে। কিন্তু প্রথম সংযোগীর অপনয়ন করতে হলে অবস্থান বিনিময়বিধি (Com.) অনুসারে প্রথমে তাদের অবস্থান পালেট নিন। $p \cdot q$ থেকে p অনুমান করা যাবে, কিন্তু q অনুমান করতে হলে প্রথমে $p \cdot q$ থেকে $q \cdot p$ আনয়ন করে তারপর q আনয়ন করন।
- (4) যুক্তিবচনে নেই সিদ্ধান্তে আছে এমন বর্ণকে বিকল্প-যোজন বিথি। (Add.) অনুসারে আনয়ন করুন।
- (5) সঞ্চান্তর বিধির প্ররোগে বিশেষ সতর্কতা প্রয়োজন। ধরুন আপনার (p v q) v r আছে, আপনি তার থেকে n v p পেতে চান।

ব্যাবাস্থাৰ (p v q) v r কে (r v p) v q এতে রূপান্তরিত করা চলবে না। বাপনাকে এইভাবে এগোতে হবে।

(p v q) v r r v (p v q) Com. (r v p) v q Assoc.

(6) সিদ্ধান্ত থেকে উল্টোভাবে অগ্নসর হোন, দেখুন কোন সূত্র থেকে সিদ্ধান্ত কোন অনুমানবিধির সাযায্যে আনয়ন করা বায় কিনা, ভারপর সেই সূত্রটিকে যুক্তিবচনসমষ্টির সাহায্যে প্রমাণ করার চেষ্টা কক্ষন।

वो क पर्नन (थरक এकि ना। नन।

যদি কোন এক ও অবিভাজ্য সামান্য "ষট্ডের" অন্তিম্ব থাকে, তবে "ষট্ড্ব" হয় সর্বত্র বিদ্যমান বা শুৰু সর্ব্যটে বিদ্যমান; যদি "ষট্ড্ব" সর্বত্র বিদ্যমান হয় তবে তা সব পটেও আছে; যদি "ষট্ড্ব" শুৰু সর্ব্যটে বিদ্যমান হয়, তবে কোন নব-নিমিত ঘটে তার আক্সমিক উদ্ভব হয়; এ হতেই পারে না বে "ঘট্ড্ব" সব পটেও আছে বা কোন নবনিমিত ঘটে তার আক্সমিক উদ্ভব হয়;

কোন এক ও অবিভাজ্য সামান্য "ষটদ্বের" অন্তিম্ব নেই।
 অভিশান.

p # কোন এক ও অবিভাজ্য সামান্য "বটছের" অন্তিম আছে,

q # "बहेद" गर्वज विमामान,

r # "वंडव" अधु गर्वचकं विमामान,

s # 'প্ৰচৰ'' সব পটে আছে,

া # কোন নবনিমিত ঘটে "ঘটছের" আকৃত্যিক উত্তব হয়।

बहुबर्व वावशात करत.

 $p \supset (q \vee r)$ $q \supset s$ $r \supset t$ $\sim (s \vee t)$

ষদি $\sim (q \ v \ r)$ পাওয়। যায় তবে $\sim p$ প্রমাণ কর। যাবে $\stackrel{\cdot}{}$ $\sim (q \ v \ r)$ $\equiv (\sim q \ \sim r)$ (De M.) । প্রমাণটি দেখুন :

| (1) | $p\supset (q v r)$ | • |
|-------------|-----------------------|--------------|
| (2) | $q\supset s$ | |
| (3) | $r\supset t$ | |
| (4) | $\sim (s \ v \ t)$ | /:. ~p |
| (5) | ~ s. ~ t | 4, De M. |
| (6) | ~ s | 5, Simp. |
| (7) | ~ q | 2, 6, M.T. |
| (8) | $\sim t. \sim s$ | 5, Com. |
| (9) | ~ t | 8, Simp. |
| (10) | ~ r | 3, 9, M. ſ. |
| (11) | $\sim q \cdot \sim r$ | 7, 10, Conj. |
| (12) | $\sim (q \ v \ r)$ | 11, De M. |
| (13) | ~ p | 1, 12, M.T. |

একমাত্র অভ্যাসই প্রমাণ গঠনে দক্ষতা দিতে পারে।

4.2 প্রাকৃদ্ধিক প্রমাণবিধি

4.1 जनूष्क्रस् स्य 19 हि जनूमानिविध स्मिश्व राम्राक्ष, जान मारास्य स्यान देश वानिक नाम्यत श्रमान गर्नन कन्ना याम । जनू और जनूष्क्रस् जामना नृजन अकि जनूमानिविध छिन्नानिन कन्न । जामना स्मिश्वि, नृत जनूष्क्रस् विश्व निविध श्रमानिविध छन्नानिन कन्न । जामना स्मिश्व निविध श्रमानिविध छन्मानिविध छन्मानिविध छन्नानिविध श्रमानिविध श्यमानिविध श्रमानिविध श्रमानिव

$$(\overline{\varphi}) \quad (p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot \dots \cdot p_n) \supset (q \supset r)$$

এর অর্থ, p₁. p₈. p₈....p_n সত্য হলে q ⊃ r মিধ্যা হতে পারে না।

q ⊃ r মিথ্যা হলে q সত্য r মিথ্যা হতে হবে। স্থতরাং ন্যায়টি বৈধ হতে হলে

(4)
$$(p_1 \cdot p_2 \cdot p_3 \cdot ... \cdot p_n \cdot q) \supset r$$

> হয় উৎপাদন কমবে নয় বেকারী বাড়বে; বেকারী বাড়লে শ্রমিক সংস্থাগুলোর মধ্যে অসম্ভোদ বাড়বে; শ্রমিক সংস্থাগুলোর মধ্যে অসম্ভোদ বাড়লে, দুর্মূল্য ভাতা বাড়ালেও রাজনৈতিক অন্থিরতা দেখা দেবে; দুর্মূল্য ভাতা না বাড়ালে প্রতিবাদ চলতে থাকবে; প্রতিবাদ চলতে থাকলে সামাজিক উত্তেজনা বাডবে;

> ∴ উৎপাদন না কমলে এবং সামাজিক উত্তেজনা না বাড়লে
>
> রাজনৈতিক অন্বিরতা দেখা দেবে ।

অভিধান,

- p # উৎপাদন কমবে,
- q # বেকারী বাড়বে,
- r # अ्तिक गःचाश्वरनात गरश अगरसाम नाफ्र्य,
- s # দুর্ল্য ভাতা বাড়ানো হবে,
- া # রাজনৈতিক অম্বিরতা দেখা দেবে,
- u # প্ৰতিবাদ চলতে থাকৰে,
- ν # সামাজিক উত্তেজনা বাড়বে।

न्तानवर्व नावशंत्र करत्,

 $p \lor q$ $q \supset r$ $r \supset (s \supset t)$ $\sim s \supset u$ $u \supset v$ $\therefore (\sim p, \sim v) \supset t$

প্রাক্তিক প্রমাণ নিধবার রীতি একটু ভিন্ন। যুক্তিবচনগুলো নিখে, ক্রেমিকসংখ্যা দিয়ে, শেষ যুক্তিবচনের ভান দিকে তির্যক রেখা টেনে ": " চিক্তের পর সিদ্ধান্ত যথারীতি নিখতে হবে। পরবর্তী পৃঙ্ক্তিতে সিদ্ধান্তের পূর্বগকে আর একটি যুক্তিবচন হিসেবে নিখে তার পাশে আর একটি তির্যক রেখা টেনে ":" চিক্তের পর সিদ্ধান্তের অনুগ নিখতে হবে, এবং ভানদিকে লঘুবদ্ধনীর মধ্যে C. P. (প্রাকল্পিক প্রমাণের ইংরেজী Conditional Proof এর আদ্য অক্ষর দুটি) নিখতে হবে। তারপর স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতিতে এগিয়ে যেতে হবে। দিতীয় তির্যক রেখা ও তার পরবর্তী অংশ প্রাকল্পিক প্রমাণ বিধি ব্যবহার সূচিত করে। প্রমাণ নীচে দেওয়া হল।

| (1) | p v q | |
|------|-------------------------|---------------|
| | $q \supset r$ | |
| • • | $r\supset (s\supset t)$ | |
| | ~ s > u | |
| | | 1: (~p.~v) >t |
| (6) | ~p.~v | /:. t (C.P.) |
| (7) | ~ p | 6, Simp. |
| (8) | q | 1, 7, D.S. |
| (9) | r | 2, 8, M,P. |
| (10) | ~ v . ~ p | 6, Com. |
| | ~ 7 | 10. Simp. |
| (12) | $\sim u$ | 5, 11, M.T. |
| (13) | ~~ 3 | 4, 12, M.T. |
| (14) | 8 | 13, D.N. |
| (15) | $s \supset t$ | 3, 9, M.P. |
| (16) | t | 15, 14, M.P. |

একই প্রমাণে C. P. একাধিকবার ব্যবহার করা বেতে পারে। নীচের ন্যায় ও প্রমাণটি দেখুন।

- (9) u 3, 6, M.P. (10) r. u 8, 9, Conj. (11) v 4, 10, M.P.

4.3 ভর্ক বা পরোক্ষ প্রমাণ পদ্ধতি

প্রাকল্পিক প্রমাণ বিধি অনুসারে প্রাকল্পিক সিদ্ধান্তবচনের পূর্বগকে একটি অতিরিক্ত যুক্তিবচন হিসেবে অঞ্চীকার করে প্রমাণ গঠন করা হয়ে থাকে। এবার আর একটি তন প্রমাণবিধি প্রদর্শিত হচ্ছে, যাকেও এক অর্থে প্রাকল্পিক বলা যায়। এই বিধি যে কোন ন্যায়ের প্রমাণ গঠনে ব্যবহার কর। যাবে, তার সিদ্ধান্ত প্রাকল্পিক বচন না হলেও চলবে। এই বিধি অনুসারে शिकारखत निरम्धक वहनाँहै जङ्गीकात कता ह्या। **आमता खानि, कान** বৈধ ন্যায়ে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য ও সিদ্ধান্ত মিধ্যা হতে পারে না। স্বতরাং সিদ্ধান্তের নিমেধক বচনটি অঙ্গীকার করা আর সিদ্ধান্ত बिथा। ७ नाम व्यदेव **शद** (ने अम क्रेंट के था। यहि (हे था महास्तरक মিথ্যা ধরতে স্ববিরোধ উপস্থিত হয়, অর্থাৎ কোন উপাদান বচন একসজে সত্য ও মিধ্যা হয়, তা হলে বুঝতে হবে সিদ্ধান্ত মিধ্যা হতে পারে না, এবং ন্যায় বৈধ। 3.9 অনুচ্ছেদে বণিত পদ্ধতি থেকে এই পদ্ধতির পার্থক্য এই যে, সংক্ষিপ্ত সত্যসারণী পদ্ধতিতে সিদ্ধান্ত মিধ্যা ও যক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হয় এমনভাবে মানশর্ত নিবেশনের চেষ্টা করা হয়। এই পদ্ধতিতে সিদ্ধান্ত মিধ্যা ধরে নিয়ে স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতিতে অগ্রসর হয়ে স্ববিরোধী অবস্থায় পৌছানে। হয় । ইউক্লিভের স্থ্যামিতিতে এই প্রমাণ পদ্ধতি ব্যবহার করা হয়েছে। প্রাচীন ভারতীয় ন্যায়ে একেই **उर्क व**। श्रेमार्गवाधिजार्ष**श्रेमक वना श्राह्य । शाम्हाज्य नारा ध**न्न नाम reductio ad absurdum, সংক্ষেপে R.A.A.। একে পরোক্ষ প্রমাণও (Indirect Proof, সংক্ষেপে I.P.) বলা হয়। প্রদত্ত ন্যায়ের প্রমাণ গঠনে সিদ্ধান্তকে মিথ্যা অজীকার করে, মৌলিক বৈধ ন্যায়-পরম্পরার সাহায্যে এ অজীকারের ফল স্বরূপ স্ববিরোধ প্রদর্শন করাকে তর্ক বা পরোক্ষ প্রমাণবিধি বলে।

ষটনা সৰ অদৃষ্ট-নিয়ন্ত্ৰিত বা ঈশ্বর-নিয়ন্ত্ৰিত যাই হোক না কেন, ভবিষ্যৎ ঘটনা মানুষের অজ্ঞাত; ভবিষ্যৎ ঘটনা মানুষের অজ্ঞাত নয়, অথবা মানুষের মনে অনিশ্চয়তাজনিত ভীতি থাকবে; সব ঘটনা অদৃষ্ট-নিয়ন্ত্ৰিত; স্থতরাং মানুষের মনে অনিশ্চয়তা-জনিত ভীতি থাকবে।

অভিধান,

p # नव घटेना जन्हे नियंत्रिज,

q # সব ঘটনা ঈশুর-নিয়ন্ত্রিত,

r # ভবিষ্যৎ বটনা মানুষের অজ্ঞাত,

s # মানুষের মনে অনিশ্চয়তাজনিত ভীতি থাকবে।

বচনবর্ণ ব্যবহার করে,

$$(p \ v \ q) \supset r$$

$$\sim r \ v \ s$$

$$p$$

. . .

তর্ক বা পরোক্ষ প্রমাণবিধি ব্যবহার করলে ~ s অজীকার করতে হবে, বে পঙ্জিতে ~ s অজীকার করা হবে তার ডানপাশে লযুবন্ধনীর মধ্যে L. P. বা R.A.A. লিখতে হবে।

| (1) | $(p \lor q) \supset r$ |
|-----|------------------------|
| (2) | $\sim r v s$ |
| (3) | p |

| (3) | p | | / A S |
|-----|--------------|-----|-------------|
| (4) | ~ s | | (I.P.) |
| (5) | $s v \sim r$ | | 2, Com. |
| (6) | $\sim r$ | | 5, 4, D.S. |
| (7) | p v q | • | 3, Add. |
| (8) | r · | | 1, 7, M.P. |
| (9) | $r. \sim r$ | . ! | 8, 6, Conj. |

(9) পঙ্জি একটি স্ববিরোধ, স্থতরাং মূল সিদ্ধান্ত প্রমাণিত। 3.10 অনুচ্ছেদে আমরা দেখছি, যে কোন স্ববিরোধী বচন থেকে যে কোন বচন প্রমাণ করা যায়। (8) ও (6) পঙ্জি থেকে খুব সহজেই মূল সিদ্ধান্ত প্রমাণ করা যায়।

| (10) | rvs | 8, Add. |
|------|-----|------------|
| (11) | S | 10, 6, D.S |

বান্তব প্রকল্পনের কূটাভাসের সমাধানে বলা যায়, কোন সিদ্ধান্ত s প্রমাণ করতে সোজাস্থজি $r. \sim r$ কে যুক্তিবচন হিসেবে অঙ্গীকার করা চলবে না, যদিও এক্সপ করলে প্রমাণ খুব সহজ হয়।

| $(1) r. \sim r$ | /: s |
|------------------------------|-----------|
| $(2) r \qquad \qquad \cdot$ | 1, Simp. |
| (3) rvs | 2, Add. |
| $(4) \sim r. r$ | 1, Com. |
| $(5) \sim r$ | 4, Simp. |
| (6) s | 3, 5, D.S |

কিছ কোন ন্যায়ের পরোক্ষ প্রমাণে সিদ্ধান্তের নিমেধককে প্রকল্প হিসেৰে অঙ্গীকার করে অবরোহণ পদ্ধতিতে অগ্রসর হয়ে স্ববিরোধী অবস্থায় পৌছানোই অঙ্গীকারের মিথ্যাত্ব অর্থাৎ মূল সিদ্ধান্তের সত্যতার পর্যাপ্ত প্রমাণ, তবুও সেই স্ববিরোধী অবস্থা থেকে শুধু মাত্র আর দুটি পঙ্জিতে বিকল্পযোজন (Add.) ও বৈকল্পিক ন্যায়বিধি (D.S.) প্রয়োগ করে মূল সিদ্ধান্তে পৌছানো যায়।

কুটাভাসে দেখা গেছে, সত্য বচন বে কোন বচনকে অনুসরণ করে। একটি স্বতঃসত্য বচন নিন (স্বতঃসত্য বচন নেওয়ার কারণ, কোন্ বচন সত্য কোন্ বচন মিধ্যা, নৈয়ায়িক হিসেবে তা আমর। জানি না স্বতরাং p, q কে সত্য বচন ধরনে হবে না, কারণ p, q মিধ্যাও হতে পারে)।

$q v (q \supset r)$

এটি যে কোন বচনকে ন্যায়ত: অনুসরণ করবে, সেই বচনের সঙ্গে এর কোন সম্পর্ক থাকুক বা না থাকুক। সত্যসারণীর সাহায্যে

$$p\supset [q\vee (q\supset r)]$$

কে স্বতঃসত্য ন্যায়ৰচন প্ৰমাণ কর। শার 🗠 💃

गात्रनी (30)

| p | כ | [q | V | (q > | r)] |
|---|---|-----|---|------|--------------|
| T | T | T | T | T | T |
| T | T | T | T | F | F |
| T | T | F | T | T | T |
| T | T | F | T | T | F |
| F | T | T | T | T | T |
| F | T | T | T | F | F |
| F | T | F | T | T | T |
| F | T | F | T | T | \mathbf{F} |

চত্ৰ্য স্তম্ভে স্ব T থাকায় $q \vee (q \supset r)$ স্বত:সত্য, দ্বিতীয় স্তম্ভে স্ব ${f T}$ থাকায় ন্যায়বচন স্বতঃসত্য, $q \ v \ (q \supset r)$ -এর পক্ষে p প্রাসন্দিক বা অপ্রাসঙ্গিক সত্য বা মিথ্যা, যাই হোক না কেন। এটিকে একটি ন্যায়ের আকারে লেখা যায়.

$$p / \therefore q \vee (q \supset r)$$

এই ন্যায়ের প্রমাণে কোন অনুমানবিধি বা প্রাকল্পিক প্রমাণবিধি কিছুই সাহায্য ক্রিকরে না। কিন্তু পরোক্ষ পদ্ধতির সাহায্যে এর প্রমাণ সহজ্বেই পঠন করা যায়।

- /: q v (q-r)
- (2) $\sim [q \ v \ (q \supset r)]$ (I. P.)
- $(3) \sim [q \ v \ (\sim q \ v \ r)]$ 2, Impl.
- 3, Assoc. $(4) \sim [(q \vee \sim q) \vee r)$ (5) $\sim (q \ v \sim q) \cdot \sim r$ 4, De M.
- $(6) \sim (q \ v \sim q)$ 5, Simp.
- 6. De M. $(7) \sim q \cdot \sim \sim q$

লক্ষ্য করুন, p প্রমাণে ব্যবহাতই হয়নি। কোন স্বত:সত্য বচনের প্রমাণে কোন যুক্তি বচনের প্রয়োজন নেই।¹ কোন স্বত:সত্য বচনকে अनुशं शदा य रकान वहन वा वहनगमष्टिरक পूर्वशं शदा थकि नागावहन গঠন করলে ন্যায়বচনটি স্বতঃসত্য হবে।

4.4 चडामडा वहरमब क्षेमान

যে কোন প্রাক্ত্রিক বচনের প্রতাকে যুক্তিবচন ও অনুগকে সিদ্ধান্ত करत এकाँ नाम गठन कन्नल यनि नाम देव दम, जरव थाकन्निक कान খত:সত্য হবে^{↑্ট}খন্যভাবে বলা যায়, যদি কোন প্রাক্ষিক বচনের जनगरक পर्वेश (शरक सोनिक देवर नुगाय होता जानयन कहा याय, जरा প্রাকল্পিক বচন স্বতঃসত্য। প্রাকল্পিক ও পরোক্ষ প্রমাণবিধি ছারা যে কোন স্বতঃসত্য বচন প্রমাণ করা যায়। প্রাকল্পিক ন্যায়ের অনুষক্ষী न्गायपठनाँ निन.

 $(\P) \quad (p \supset q) \supset [(q \supset r) \supset (p \supset r)]$ এর ন্যায়ত: সমমান। স্থতরাং (খ) বচনের প্রমাণ (ক) বচনেরও প্রমাণ হবে। (খ) বচনের প্রমাণ,

(1)
$$p \supset q$$
 /: $(q \supset r) \supset (\stackrel{\bullet}{p} \supset r)$ (C.P.)
(2) $q \supset r$ /: $p \supset r$ (C.P.)

 $(2) \quad q \supset r$ $(3) \quad p \supset r$ 1, 2, H.S.

যদি কোন স্বত:সত্য বচন প্রাকল্পিক না হয়, তবে তার প্রমাণে প্রাকলিক विधि थरयोका इरत ना. किन्त भरतोक थेमानविधि नर्वे थरयोका इरत। p v ~ p কে স্বত:সত্য প্রমাণ করতে ~ (p v ~ p) কে অঙ্গীকার করে একটি স্ববিরোধে অবরোহণ করলেই pv~p এর স্বতঃস্ত্যতা প্রমাণ হল।

(1)
$$\sim (p \ v \sim p)$$
 / $\downarrow p \ v \sim p$
(2) $\sim p \ \sim p$ 1, De M.

আবারও আমরা দেখতে পাচ্ছি, স্বত:সত্য বচনের প্রমাণে যুক্তিবচনের প্রয়োজন নেই। অবশ্য, স্বীকার্যমনক অবরোহতম্ভে যে কোন স্বতঃসত্য বচন অবরোহণ পদ্ধতির সাহায্যে স্বীকার্য থেকে প্রমাণ করা যায়। এই প্রসঙ্গ গ্রন্থান্তরে আলোচা।

4.5 প্রাক্ত্রিক প্রবাণবিধির নবরূপ

পরবর্তী ন্যায়াংশের আলোচনার স্থবিধার জন্য প্রাক্ষিক প্রমাণ-বিধিকে এখানে আমরা নৃতন আকারে উপস্থাপিত করব, বাতে এক প্ররোগক্ষেত্র আরও বিস্তৃত হয়। 4.2 অনুচেছদে আমরা প্রাক্তিক প্রমাণ লিখবার পদ্ধতি বর্ণনা করেছি, প্রাকরিক সিদ্ধান্তবচনের পূর্বগকে একটি অতিরিক্ত যুক্তিবচন হিসেবে অঙ্গীকার করে, তার পাশে আর একটি তির্যক রেখা টেনে, ":" চিহ্ন দিয়ে, তারপর সিদ্ধান্তের অনুগ লিখে, ডানদিকে ল্যুবদ্ধনীর মধ্যে C.P. লিখতে হবে। তারপর অবরোহণ পদ্ধতিতে সিদ্ধান্তের অনুগে পৌছাতে হবে।

এখন আমরা প্রাকন্ত্রিক প্রমাণবিধিকে যে আকারে উপস্থাপিত করব, তাতে অঙ্গীকারটি ঐ ভাবে না লিখে তাকে যুক্তিবচনের পরে বসিয়ে তার ক্রমিক সংখ্যার বাঁ পাশে A বর্ণটি বসাব (A "অঙ্গীকারের" ইংরেজী Assumption শব্দের প্রথম অক্ষর, অঙ্গীকারটি প্রাকল্পিক প্রমাণ বা Conditional Proof এর জন্য)। 4·2 অনুচেছদের প্রথম ন্যায়টি আবার নেওয়া যাক।

- (1) p v q
- (2) $q \supset r$
- (3) $r \supset (s \supset t)$
- (4) $\sim s \supset u$
- (5) $u \supset v$ /: $(\sim p \cdot \sim v) \supset t$
- A (6) ~p.~v

এবার A(6) ও (1)—(5) যুক্তিবচন থেকে যে মৌলিক বৈধ ন্যায়-প্রম্পরার সাহায্যে অবরোহণ করা হবে, তার সবগুলোর ক্রমিক সংখ্যার আগে যে ধাপে দিদ্ধান্তের অনুগে পেঁ।ছানো হবে সেই ধাপ পর্যন্ত A লিখে যেতে হবে, কারণ প্রত্যেকটি অবরোহণের মূলে রয়েছে ঐ অঙ্গীকার।

| A (7) | $\sim p$ | 6, Simp. |
|--------|------------------|-----------------|
| A (8) | q | 1, 7, D. S. |
| A (9) | r | 2, 8, M.P. |
| A (10) | $\sim v. \sim p$ | 6, Com. |
| A (11) | ~ v. | 10, Simp. |
| A (12) | $\sim u$ | 5, 11, M. T. |
| A (13) | ~~ 5 | 8, 12, M.T. |
| A (14) | -8 | 13, D. N. |
| A (15) | 101 | 3, 9, M. P. |
| A (16) | | . 15, 14, M. P. |

(16) পঙ্জিতে সিদ্ধান্তের অনুগে অবরোহণ সম্পূর্ণ হয়েছে। A (16) পর্যন্ত অবরোহণ A (6) অঙ্গীকারের প্রভাবাধীন। সেই জন্য (16) পঙ্জি পর্যন্ত ক্রমিক সংখ্যার আগে A লেখা হয়েছে। য়েহেতু $\sim p \cdot \sim \nu$ থেতে গৈর্যন্ত অবরোহণ মৌলিক বৈধ ন্যায়ের সাহায়্যে করা হয়েছে, স্কুতরাং এবার আমরা বলতে পারি,

 $(\sim p. \sim v) \supset t$

অর্থাৎ, $\sim p$: $\sim r$ সত্য হলে t সত্য হবে। এটিই আমাদের প্রমাণ করার কথা ছিল। কিন্ত এই পঙ্জি আর A (6) অঙ্গীকারের প্রভাবের মধ্যে নেই, শুধুমাত্র (1)—(5) যুক্তিবচনের উপর নির্ভরশীল। এই পৃঙ্জিটি এইভাবে লিখ্তে হবে,

 $(17) (\sim p. \sim v) \supset t$ 6-16, C. P.

(17) পঙ্জিতে বাঁ দিকের A কেটে দেওয়ার অর্থ, অবরোহণ অঙ্গীকারমুক্ত হল। যদি একটি অঙ্গীকার থেকে অবরোহণ করতে করতে এবন
একটি পঙ্জি L এ পেঁছানো যায় যার পরের পঙ্জি A ⊃ L
(অঙ্গীকার ⊃ L) আকারের, তবে অঙ্গীকার থেকে L পর্যন্ত সব পৃঙ্জি
অঙ্গীকারের প্রভাবের অন্তর্ভুক্ত, কিন্তু তার পরের A ⊃ L অঙ্গীকারের
প্রভাবমুক্ত এবং A থেকে L পর্যন্ত সব পঙ্জি থেকে প্রাকরিক প্রমাণবিধি
অনুসারে আনীত। সেইজন্য (17) পঙ্জির শেষে 6—16 C. P লেখা
হয়েছে। যে ধাপে প্রাকরিক প্রমাণবিধি ব্যবহার করা হবে, সেই থাপেই
অঙ্গীকারের প্রভাব শেষ হবে।

একই প্রমাণে একাধিক অঙ্গীকার পরিগ্রহ ও একাধিকবার C. P. ব্যবহার করা চলে। 4·2 অনুচ্ছেদের বিতীয় ন্যায়টি আবার নেওয়া যাক। দুটি অঙ্গীকারকে A_1 ও A_2 বারা চিহ্নিত করা হল।

(1) $p \supset q$ (2) $q \supset r$ (3) $(s \vee t) \supset u$ (4) $(r \cdot u) \supset v$ / $\Rightarrow p \supset [(s \vee t) \supset v)$ A_1 (5) p A_1 (6) q A_1 (7) r A_1 (8) $s \vee t$ A_1 A_2 (9) u $\Rightarrow A_1$ $\Rightarrow A_2$ (10) $r \cdot u$ 3, 8, M, P, $q \in P$

```
A<sub>1</sub> A<sub>2</sub> (11) \nu

A<sub>1</sub> A<sub>2</sub> (12) (s \nu t) \supset \nu 8—11, C. P.

A<sub>1</sub> (13) p \supset [(s \nu t) \supset \nu] 5—12, C. P.
```

(5) পঙ্জিতে A_1 অঙ্গীকার p, p এর প্রভাব $A_1 \supset L$ এর আগের পঙ্জি পর্যন্ত, অর্থাৎ (5) থেকে (12) পঙ্জি পর্যন্ত । (13) পঙ্জি $A_1 \supset L$ আকারের, সেখানে $p \supset [(s \ v \ t) \supset v]$ কে A_1 অঙ্গীকার খেকে মুক্ত করে দেওয়৷ হয়েছে। কিন্তু মাঝখানে (8) পঙ্জিতে আর একটি A_2 অঙ্গীকার $s \ v \ t$ কর৷ হয়েছে। তার প্রভাব $A_2 \supset L$ এর আগের পঙ্জি পর্যন্ত অর্থাৎ (8) থেকে (11) পঙ্জি পর্যন্ত । (12) পঙ্জি $A_2 \supset L$ আকারের, সেখানেই $(s \ v \ t) \supset v$ কে A_2 অঙ্গীকার থেকে মুক্ত করে দেওয়৷ হয়েছে। (8) থেকে (11) পঙ্জি পর্যন্ত A_1 ও A_2 দুটি অঙ্গীকারেরই প্রভাবাধীন, সেজন্য তাদের বঁ৷ পাশে দুটি অঙ্গীকারেরই চিন্ত বসেছে।

নবরপের C. P. কে আর একভাবেও লেখা যায়। একটি বাঁকানো তীর চিহ্ন দিরে প্রতিটি অঙ্গীকারের প্রভাব দেখিয়ে দেওয়া যায়, তাতে প্রভৃত্তির আগে A_1 , A_2 লিখতে হয় না। আগের প্রমাণ দুটি নূতনভাবে দিখে দেখানো হচ্ছে।

| (1) | p v q | |
|--------|-------------------------|---------------------------------|
| (2) | $q \supset r$ | |
| (3) | $r\supset (s\supset t)$ | |
| (4) | $\sim s \supset u$ | |
| (5) | $u\supset v$ | $1: (\sim p. \sim v) \supset t$ |
| -> (0) | $\sim p \cdot \sim v$ | |
| (7) | $\sim p$ | 6, Simp. |
| (8) | q | 1, 7, D. S. |
| (9) | <i>T</i> | 2, 8, M. P. |
| (10) | ~~~~ | 6, Com. |
| (11) | ~ v | 10, Simp. |
| (12) | ~ u | 5, 11, M. T. |
| (13) | ~~: | 4, 12, M. T. |
| (14) | 8 | 13, D. N. |
| (15) | 8 D 1 | 3, 9, M. P. |
| (16) | | 15, 14, M.P. |
| (17) | (~p.~v)>t | 6-16, C. P. |

সিদ্ধান্তের নিষেধককে অঙ্গীকার করে নবরূপের C. P. গঠন করা যার। 4·3 অনুচ্ছেদের প্রথম ন্যায়টি নেওয়া যাক।

(1)
$$(p \ v \ q) \supset r$$

(2) $\sim r \ v \ s$
(3) p /... s
 \Rightarrow (4) $\sim s$
(5) $s \ v \sim r$ 2, Com.
(6) $\sim r$ 5, 4, D. S.
(7) $p \ v \ q$ 3, Add.
(8) r 1, 7, M. P.
(9) $r \ \sim r$ 8, 6, Conj.
(10) $r \ v \ s$ 8, Add.
(11) s 10, 6, D. S.
(12) $\sim s \supset s$ 4—11, C. P.

লক্ষণীয় যে, পরোক্ষ প্রমাণ পদ্ধতিতে (9) পঙ্জিতেই অবরোহণ শেষ করেছিলাম, কারণ সিদ্ধান্তের নিষেধককে অঙ্গীকার করে স্ববিরোধে পৌছানে। সিদ্ধান্তের পর্যাপ্ত প্রমাণ। তারপর স্ববিরোধ থেকে আর দুটি ধাপে Add. ও D.S-এর সাহায্যে মূল সিদ্ধান্তে অবরোহণ করলাম। এখনও আমরা অঙ্গীকারের প্রভাবমুক্ত হই নি। C.P. প্রয়োগ না করা পর্যন্ত অঙ্গীকারের প্রভাবমুক্ত হওয়া যাবে না। (12) পঙ্জিতে C.P. প্রয়োগ করে $A \supset L$ আকারের পঙ্জিতে অবরোহণ করা গেল। পঙ্জিটির বৈশিষ্ট্য, এটি একটি প্রাকরিক বচন, যার পূর্বগ সিদ্ধান্তের

নিধেষক, অনুগ সিদ্ধান্ত। এবার লক্ষ্য করুন, (12) পঙ্ক্তি থেকে কি ভাবে আবার মূল সিদ্ধান্ত s-এ অবরোহণ করা যায়।

| (13) | $\sim \sim s v s$ | 12, Impl. |
|------|-------------------|-----------|
| (14) | s v s | 13, D. N. |
| (15) | 2 | 14 Tant. |

সিদ্ধান্তের নিমেধককে অঙ্গীকার করে প্রাকল্পিক প্রমাণ গঠনের ধাপগুলো আবার সংক্ষেপে বলা হচ্ছে। প্রথমে একটি স্ববিরোধে এসে পেঁ।ছানো যাবে। তারপর Add. ও D.S' ব্যবহার করলে মূল সিদ্ধান্তে পেঁ।ছানো যাবে (এ পর্যন্ত 4.3 অনুচ্ছেদে বর্ণিত হয়েছে)। এবার C.P. প্রয়োগ করে p-কে মূল সিদ্ধান্তের প্রতীক ধরে নিলে) $\sim p \supset p$ আকারের একটি প্রাকল্পিক বচন পাওয়া যাবে। তার থেকে p-তে পোছাতে হলে পরপর Impl., D.N. ও Taut. প্রয়োগ করলেই অবরোহণ সম্পূর্ণ হবে।

4.6 অবৈধতা প্রমাণ

অবৈধ ন্যায় দু'রকমের হতে পারে, যুক্তিবচন থেকে সিদ্ধান্ত ন্যায়তঃ নিঃস্থত হয় না, বা যুক্তিবচনগুলো মিলিতভাবে সত্য নয়। প্রথম প্রকার অবৈধতা প্রমাণের কয়েকটি পদ্ধতিই আলোচিত হয়েছে। সত্যসারণী প্রণয়ন করে বা সংক্ষিপ্ত কৌশলে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হয়ে সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে পারে কিনা দেখা যেতে পারে। ন্যায় বচন গঠন করে তার স্বতঃসত্যতা সত্যসারণীর সাহায্যে পরীক্ষা করা যেতে পারে। 3.6 অনুচ্ছেদের সারণী (21)-এর তৃতীয় সারি প্রমাণ করে, $p \supset q$ ও $\sim p$ পেকে $\sim q$ অনুমান অবৈধ, কারণ $p \supset q$ ও $\sim p$ সত্য হয়ে $\sim q$ মিধ্যা হয়েছে। 3.9 অনুচ্ছেদে সংক্ষিপ্ত কৌশলে এই অনুমানের অবৈধতা দেখানো হয়েছে। আর একটা দুষ্টান্ত নেওয়া যাক।

যদি ব্যবসায়ীটি অন্ধদিনে প্রচুর লাভ করে থাকে, তবে সে কালোবাজারী করে; যদি ব্যবসায়ীটি মাল লুকিয়ে রাখে, তবে সে কালোবাজারী করে; স্থতরাং যদি ব্যবসায়ীটি অন্ধদিনে প্রচুর লাভ করে থাকে, তবে সে মাল লুকিয়ে রাখে। नःकिश कोमल अत्र व्यवस्वा प्रश्नीता श्राष्ट्र । व्यविधान,

- p # ব্যবসায়ীটি অন্ধদিনে প্রচুর লাভ করেছে,
- q # ব্যবসায়ীটি কালোবাজারী করে,
- r # ব্যবসায়ীটি মাল লুকিয়ে রাখে।

नग्रयाकात्र,

$$\begin{array}{c}
p \supset q \\
r \supset q \\
\hline
\vdots \quad p \supset r
\end{array}$$

₱ শতা । মিখ্যা হলে সিদ্ধান্ত মিখ্যা হবে, q সত্য হলে উভয় যুক্তিবচনই সত্য হবে । উপাদান বচনের এমন মানশর্ত নিবেশন সম্ভব যে
বুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হয়ে সিদ্ধান্ত মিখ্যা হতে পারে । স্থতরাং
ন্যায়টি অবৈধ, সিদ্ধান্ত যুক্তিবচন থেকে ন্যায়তঃ নিঃস্থত হয় নি । ন্যায়

ড়টিল হলে সংক্ষিপ্ত কৌশল প্রয়োগই বিধেয় ।

.

কিন্ত যদি যুক্তিবচনগুলে। মিলিতভাবে সত্য না হয়, যদি এদের বব্যে কোন স্ববিরোধ থাকে যা চোখে দেখেই ধরা যায় না ?

যদি চুক্তিটি বৈধ হয়, তবে গদাই দায়ী হবে; যদি গদাই দায়ী হয়, তবে সে দেউলিয়া হয়ে যাবে; যদি ব্যাংক গদাইকে টাকা ধার দেয়, তবে সে দেউলিয়া হবে না; চুক্তিটি বৈধ এবং ব্যাংক গদাইকে টাকা ধার দেবে; স্থৃতরাং গদাই দেউলিয়া হবে না।

অভিধান.

- p # চুক্তিটি বৈধ,
- प # शनारे मात्री,
- 🗸 🛊 গদাই দেউলিয়া হবে,
- s # व्याःक भनाष्टरक होका शांत्र स्मरव ।

बहनवर्न वावदात करत,

- (1) p > q
- (2) 9 > r
- (3) 57~r
- (4) p.s

যুক্তিবচনগুলো মিলিতভাবে সত্য কি না পরীক্ষা করতে হলে সবগুলো দিয়ে একটি সংযৌগিক সূত্র গঠন করে সত্যসারণী প্রণয়ন করলে যদি দেখা যায় কোন মানশর্তেই একসঙ্গে সবগুলো সংযোগী সত্য হয় না, অর্থাৎ সত্যসারণীতে সব সারিতে F হয়, তবে যুক্তিবচনগুলো স্ববিরোধী। কিন্তু যদি একটি সারিতেও T হয়, তবে বোঝা যাবে, ঐ সারির বিশেষ মানশর্তে যুক্তিবচনগুলো মিলিতভাবে সত্য হতে পারে।

এখানে সংক্ষিপ্ত কৌশলে প্রস্তুত্ত নায়ের যুক্তিবচনগুলাে মিলিতভাবে সত্য হতে পারে কিনা পরীকা করা হবে। এখানে আমরা সিদ্ধান্তকে মিথাা ধরে অগ্রসর হচ্ছি না, কারণ আমাদের বিচার্য যুক্তিবচনগুলাে মিলিতভাবে সত্য হতে পারে কি না। যদি যুক্তিবচনসমষ্ট্রীর মধ্যে কোন সংযৌগিক বচন থাকে, তবে সেটিই প্রথমে ধরুন, কারণ তার সত্যতার শর্ত সব কটি সংযোগীর সত্যতা। (¹) যুক্তিবচন সত্য হতে হবে p ও s দুই-ই সত্য হতে হবে। (1) যুক্তিবচনে p সত্য হওয়ায় q সত্য হওয়ায় r সত্য হতে হবে, নতুবা q স মিথা৷ হয়ে যাবে। (2) যুক্তিবচনে q সত্য হওয়ায় r সত্য হতে হবে, নতুবা q স মিথা৷ হয়ে যাবে। (3) যুক্তিবচনে q সত্য হওয়ায় q সত্য হতয়ায় হয়ে যাবে। সব কটি যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হতে হবে, যা সম্ভব নয়। স্বতরাং যুক্তিবচনগুলাে স্ববিরোধী ।

যুক্তিবচন স্ববিরোধী হলে অবরোহণ পদ্ধতি ছারাও দেখানো যায়।

(1) $p\supset q$

(11) $r. \sim r$

| (2) | $q\supset r$ | | |
|------------|--------------------|---------|------------|
| (3) | $s \supset \sim r$ | | • |
| (4) | p.s | | |
| (5) | $P\supset r$ | | 1, 5, H.S. |
| (6) | p | | 4, Simp. |
| (7) | <i>r</i> | | 5, 6, M.P. |
| (8) | s. p | | 4, Com. |
| (9) | S | e grad | 8, Simp. |
| (10) | ~ r | * 1,7 / | 3, 9, M.P. |
| | | | |

7, 10, Conj.

বলা ৰাছল্য, যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য না হলে ন্যায় অবৈধ, কারপ বৈধ ন্যায়ের লক্ষণ এই যে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হলে সিদ্ধান্ত মিথা হতে পারে না । যেখানে যুক্তিবচন মিলিতভাবে সত্য হতেই পারে না, সেখানে এই শর্ত পূরণ হচ্ছে না । আবার আমরা কূটাভাসে এসে নামছি । যদি যুক্তিবচনসমষ্টি স্ববিরোধী হয়, তবে তাদের উপাদান বচনের সর্বপ্রকার মানশর্তে যুক্তিবচনসমষ্টির মান F হবে । এইরূপ যুক্তিবচনের সাহায্যে গঠিত একটি ন্যায়কে ন্যায়বচনে রূপান্তরিত করলে তার সত্যসারণীতে যুক্তিবচনের ন্তন্তে কেবল F থাকবে, এবং ন্যায়বচন স্বতঃসত্য হবে । যদি যুক্তিবচন সমষ্টিকে $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$ ধরা হয়, এবং সিদ্ধান্তকে C (ইংরেজী Conclusion শবেদর প্রথম অক্ষর, বড় হাতের) ধরা হয়, তবে ন্যায়বচন হবে,

 $(p_1, p_2, p_3, \ldots, p_n) \supset C$

পূর্বগের মান সর্বদাই F, স্থতরাং C-এর যে কোন মানশর্তে ন্যায়বচন স্বতঃসত্য হবে (''⊃'' সংযোজকের নীচে T বনবে)। ন্যায়টিকে বৈধ

এর উত্তর, বৈধ বলব না, কারণ স্ববিরোধী যুক্তিবচন থেকে অবরোহণ আরম্ভ করা ন্যায়শাল্তের নীতিবিরুদ্ধ। স্ববিরোধ থেকে কেবল তথনই মূল সিদ্ধান্তে পৌছানে। বিধিসন্মত হবে যখন প্রদক্ত ন্যায়কে অবৈধ কল্পনা করার ফলে স্ববিরোধ আসে।

পঞ্চম অধ্যায়

মাণক ও মাণক-নিয়ামক অনুমান বিধি

5.1 ৰাধ্যমানুষান ও বিধেয় ন্যায়

वकि थाँ कि वितिष्ठे हैं नीय नाय निन,

(সব রাজা মানুষ, সব মানুষ নশুর,

.: সব রাজা নখুর।

একে মাধ্যমানুমান ও বলা হয়। বাচনিক ন্যায়ে প্রতীকীকরণ ও প্রমাণ গঠনের যে পদ্ধতি আমরা শিখেছি, এই ন্যায়টির বেলায় তা প্রযোজ্য নয়। ন্যায়টিতে ব্যবহাত তিনটি বচনই সরল। বচনগ্রাহকপ্রতীক ব্যবহার করবের এর আকার হবে,

 $\frac{p}{q}$

বলা বাছল্য, ন্যায়াকার বৈধ নয়, কারণ p ও q সত্য হয়েও r মিধ্যা। হতে পারে। অধচ উপরের ন্যায়াট একপ্রকার বৈধ ন্যায়ের একটি উৎকৃষ্ট উপাহরণ। স্থতরাং এই ন্যায়াকার এই ন্যায়ের প্রকৃত আকার নয়।

थाहीन नगारा नगाराहित थेडीकी जान,

সব S (হয়) M, সব M (হয়) P, ∴ সব S (হয়) P ।)

এবার হয়ত আপনার মনে হতে পারে, প্রকৃত ন্যায়াকারটি আপনি পেরের গেছেন,

 $S \supset M$ $M \supset P$ $\vdots \quad S \supset P$

এটি প্রাকল্পিক ন্যায়ের একটি দৃষ্টান্ত ন্যায় । প্রাকল্পিক ন্যায় (H.S.) বৈধ, স্থতরাং উপরের ন্যায়টিও বৈধ । কিন্তু এও চলবে না । বাচনিক ন্যায়বিধি অনুযারী S, M, P, বচন হওয়া দরকার, কিন্তু এই ন্যায়াকারে S, M, P, বচন নয়, পদ । বচন সত্য বা মিধ্যা হতে পারে, কিন্তু পদ সত্য বা মিধ্যা নয় । স্থতরাং এই ন্যায়াকারের অন্তর্গত S⊃ M, M⊃ P, S⊃ P, প্রতীকপরম্পরাগুলোর একটাও বচনাকার নয় । স্থতরাং এটিও উপরের ন্যায়ের স্বাসল আকার নয় ।

বাচনিক ন্যায়ে আমরা বচনের আভ্যন্তরীণ গঠনের বিশ্লেষণ করিনি। বেখানে (বচনকে ন্যায়ের পারমাণবিক উপাদান ধরে নেওয়া হয়েছে। गतन वर्ष्मिता यन भत्रमानु, योशिक वर्षाना चनु । p.q, p v q, $p\supset (q \ v \ r)$, ইত্যাদি অণু, সংযোজকগুলো p, q, r, পরমাণুগুলোকে যুক্ত করে অণু গঠন করেছে। কিন্তু পরমাণুরও আভ্যন্তরীণ গঠন আছে, উপাদান আছে। উপরের ন্যায়ে "সব রাজা মানুষ", "সব মানুষ নশুর", ও "সব রাজা নশুর", এই তিনটি পরমাণু, প্রতীকীরূপে p, q, r । কিস্কু, य कोन p ଓ q थ्यंक r निश्वास्त्रज्ञर्भ योगमा, p ଓ q-এর আভ্যন্তরীন গঠন বিশেষরকম না হলে p ও q থেকে r ন্যায়ত: নি:স্তত হবে না। যুক্তিবচন দুটি লক্ষ্য করলেই বোঝা বাবে, এদের আভ্যন্তরীণ গঠন এইরূপ যে সিদ্ধান্ত বৈধভাবেই যুক্তিবচন থেকে নি:স্তত হর। প্রাচীন ন্যায়ের ভাষায়, "রাজা" ও "নশুর" পদ দুটির সলে মধ্যপদ ''মানুষের'' এমন একটা সম্বন্ধ আছে যার ফলে সিদ্ধান্তে এই দুটি পদের মধ্যে সম্বন্ধ স্থাপন বৈধ হয়। কিন্ত "রাজা", মানুষ", "নশুর", বচনা**ন্ত**র্গত পদ, অর্থাৎ পরমাণুর আভ্যন্তরী**ণ উপা**দান। স্থতরাং এবার আমাদের পরমাণুর বিভান্ধনে, অর্থাৎ বচনের আভ্যন্তরীণ গঠনের বিশ্লেষণে প্রবৃত্ত হতে হবে।

পরিকার বোঝা যাচেছ, কোন কোন ন্যায়ের বৈধতা শুধু ন্যায়ান্তর্গত পারমাণবিক বচনগুলোর মধ্যে সম্বন্ধের উপর নির্ভর করে। এই ধরণের ন্যায় বাচনিক ন্যায়ের আলোচ্য। কিছু কোন কোন ন্যায়ের বৈধতা বচনের আভ্যন্তরীন গঠন অর্ধাৎ বচনান্তর্গত পদগুলোর মধ্যে সম্বন্ধের উপর নির্ভর করে। বাচনিক ন্যায়ের প্রতীকীকরণ ও প্রমাণপদ্ধতি এই স্বন্যায়ের জন্য যথেষ্ট নয়। এর জন্য দরকার ন্যায়শাজের এক নব প্রকরণ, স্থাকে বিধের ন্যায় বলা হয়।

5.2 বিশিষ্ট বচলের প্রভীকীকরণ

1.1 जनुष्हिए जामना प्रतिष्ठि, প্রাচীন ন্যায়ে যাকে মাধ্যমানুমান বনা হয় তার অন্তর্গত বচনকে বাচনিক ন্যায়ের রীতি অনুযায়ী p, q, r, বর্ণয়ারা সূচিত করলে আভ্যন্তরীণ গঠন পরিস্ফুট হয় না, এবং ন্যায়ের প্রমাণকৌশনও দেখানো যায় না। বচনের দুইটি অংশ, উদ্দেশ্য ও বিধেয়। এমন একটা প্রতীকীকরণ পদ্ধতি আমাদের গ্রহণ করতে হবে যাতে উদ্দেশ্য ও বিধেয় পৃথক করে দেখানো যায়। 1.1 অনুষ্টেহ্দের ন্যায়ে সবগুলো বচনই সাবিক বচন। প্রথমে আমরা বিশিষ্ট বচনের প্রতীকীকরণ পদ্ধতি দেখাব। মাধ্যমানুমানের সব চেয়ে বেশী প্রচলিত দৃষ্টান্তটি নিন,

সব মানুষ (হয়) নশুর, সক্রেটিস (হয়) মানুষ,

∴ সক্রেটিস (হয়) নশুর।

এই ন্যায়ে ছিতীয় যুক্তিবচন ও সিদ্ধান্ত বিশিষ্ট বচন। বিশিষ্ট বচনের প্রতীকীকরণ পদ্ধতির উপর ভিত্তি করে সার্বিক ও বিশেষ বচনের প্রতীকী-করণ করার পদ্ধতি রচিত হবে।

"সক্রেটিদ (হয়) মানুঘ" বচনে উদ্দেশ্যপদ "সক্রেটিদ" ব্যক্তিবাচক, বিধেয়পদ "মানুঘ" গুণবাচক। বিশিষ্ট বচনে উদ্দেশ্যপদ ব্যক্তিবাচক, বিধেয়পদ গুণ, ধর্ম, লক্ষণ, অবস্থা, ইত্যাদি বাচক। আমরা সংক্ষেপে বলব, বিধেয়পদ গুণবাচক। ব্যক্তি বললে যে কোন বিশেষ মানুঘ, প্রাণা, বস্তু, বোঝায়।

- (1) मद्धिम (रय) मानूष,
- (2) চৈতক (হয়) ষোড়া,
- (3) কলিকাতা (হয়) ৰুহৎ নগরী,
- (4) কলিকাতা (হয়) নোংরা।

বচনগুলোতে "সক্রেটিস", "চৈতক", "কলিকাতা", ব্যক্তিবাচক পদ, "মানুঘ", "ষোড়া", "বৃহৎ নগরী", "নোংরা", গুণবাচক পদ। গুণ বোঝাতে সাধারণতঃ বিশেষণ পদই ব্যবহার করা হয়। যেমন উপরের

[া] প্রভা, চতুর্থ সংখ্যার প্রকাশিত প্রস্থকারের "ব্যক্তিনাম" দীর্থক প্রবন্ধ দেখুন।

চতুর্ধ বচনটিতে কর। হরেছে, কিন্ত কথনও কথনও বিশেষ্য পদও ব্যবহার কর। হয়, বেমন উপরের প্রথম তিনটি বচনে কর। হয়েছে। প্রথম বচনে "মানুম" পদের অর্ধ মনুম্যোচিত গুণ, ছিত্তীয় বচনে "য়োড়া" পদের অর্ধ মনুম্যোচিত গুণ, ছিত্তীয় বচনে "বৃহৎ নগরী" পদের অর্ধ বৃহৎ নগরীর উপযুক্ত গুণ।) প্রথম তিনটি বচনকে সামান্য রূপান্তরিত করকো বিধের বিশেষণ পদ হতে পারে।

- (1) সক্রেটিস (হর) মনুষ্যোচিত গুণ সম্পন্ন,
- (2) চৈতক (হয়) বোটকোচিত গুণ সম্পন্ন,
- (3) কলিকাতা (হয়) বৃহৎ নগরীর উপযুক্ত গুণ সম্পন্ন। ক্রিরাপদ ছারাও বিধের পদ গঠন করা যায়,
- (5) রাজধানী এক্সপ্রেস চলছে, এর অর্ধ,
- (5) (ক) রাজধানী এক্সপ্রেস (হর) চলমান (বা ধাবমান)।
 এই প্রকার বিশিষ্ট বচনের বক্তব্য, উদ্দেশ্য পদবাচ্য ব্যক্তির মধ্যে বিধের
 পদবাচ্য গুণ আছে (বা নেই)।

এবার আমরা বিশিষ্ট বচন প্রতীকীকরণের জন্য করেকটি রীতি গ্রহণ করব। (ব্যক্তিবাচক পদের শ্বলে ব্যক্তির নামের ইংরেজী বানানের প্রথন বর্ণ (ছোট হাতের), গুণবাচক পদের শ্বলে বাংলা গুণবাচক পদের ইংরেজী বানানের প্রথম বর্ণ (বড় হাতের) ব্যবহার করব। প্রতীকীকৃত রূপে গুণসূচক বর্ণ আগে ও ব্যক্তিসূচক বর্ণ পরে বসবে। উপরেম্ব বচনগুলোর প্রতীকী রূপ হবে.

- (1) Ms (মানুঘ—Manush)
- (2) Gc (বোড়া—Ghoda)
- (3) Bk (বা Bc; বৃহৎ—Brihat)
- (4) Nk (নোসা—Nongra)
- (5) Cr (ठन्राइ, ठनमान--Chalchhe)

কথনও কথনও একই বৰ্ণ উদ্দেশ্য ও বিধের পদের স্থানে ব্যবহৃত হতে পারে। বড়ো হাতের ও ছোট হাতের বর্ণের পার্থক্য থেকে বোঝা বাবে, কোনটি ব্যক্তিশূচক, কোনটি গুণশূচক।

गटकांडिंग (इत्र) ज्ञान,

এই বচনের প্রতীকীরূপ হবে,

Ss1

ইংরেজী বর্ণমালার a থেকে w পর্যন্ত যে কোন বর্ণ ব্যক্তিবাচক পদের ছলে, এবং A থেকে W পর্যন্ত যে কোন বর্ণ গুণবাচক পদের ছলে ব্যক্তত হতে পারে ।² এই প্রকারে ব্যবহৃত বর্ণগুলো নির্দিষ্ট ব্যক্তি বা গুণের নামের ছলে ব্যবহৃত হয় বলে এরা গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ নয়, যে কোন মান গ্রহণ করে না। a থেকে w পর্যন্ত বর্ণ গুণনামন্চক শ্রুদক বর্ণ বা সংক্ষেপে ব্যক্তি-শ্রুদক, A থেকে W পর্যন্ত বর্ণ গুণনামন্চক শ্রুদক বর্ণ বা সংক্ষেপে গুর্ণ্টিন্বক হিসেবে ব্যবহৃত হয়।

কোন কোন বিশিষ্ট বচনের উদ্দেশ্যপদ ব্যক্তিনাম নয়, যেমন, ইনি ভারতের শ্রেষ্ঠ বীণাবাদক.

বচনের উদ্দেশ্যপদ একটি নির্দেশক সর্বনাম। ব্যক্তিনামের উল্লেখ না করে নির্দেশক সর্বনামের সাহায্যে বিশেষ ব্যক্তিকে নির্দেশ করা যায়। এই প্রকার বচনকে প্রভীকীরূপে দেওয়ার জন্য উদেশ্যপদটিকে একটি ব্যক্তিবাচক পদ হিসেবে ধরে নেওয়াই সমীচীন।

(বলা বাছল্য, Ms, Gc, Bk, Nk, Cr, Ss, এই ধরণের প্রতীক-পরম্পরার প্রত্যেকটি বচন, এবং সত্য বা মিথ্যা। এগুলো বাচনিক ন্যারে আলোচিত বচনগ্রাহকপ্রতীক p, q, r, ইত্যাদি বর্ণের স্থলে ব্যবহার করা যায়। বচনের আভ্যন্তরীপ গঠন দেখাবার উদ্দেশ্যে এদের প্রতীকপাতন কৌশল ভিন্ন শাত্র।)

সেখানে পদের অন্তর্গত প্রধান শব্দটির ইংরেজী বানানের প্রথম বর্ণ বাবহার করাই স্বীচীন,

Rk

ৰদি একট প্ৰসদে R বৰ্ণ অন্য গণের ছানে ব্যবহাত হয়ে থাকে, তবে Pk লিখলেও ক্ষতি নেই, গুধু মনে রাখতে হবে, P "গতিম বছের রাজধানীর" ছানে ব্যবহাত হয়েছে। প্রয়োজন ছানে অভিধান দিয়ে দিতে হবে।

यञ्चल काना यात्र, वटनिंग निथा।

² মে বচনে কোন পাদ একা্ধিক শব্দ ভারা গতিত, যেমন কলিকাতা (হয়) পশ্চিমবলের রাজধানী,

এবার নীচের বচনগুলো দেখুন,

- (1) সক্ৰেটিস দেবতা নয়,
- (2) मद्धारिम (इय) मानूच ও नणुत,
- (3) হয় সজেটিস নশুর, বা তিনি মানুষ নয়,
- (4) যদি সক্রেটিস মানুম হয়, তবে তিনি নশুর,

এগুলোর প্রতীকীরূপ হবে,

- $(1) \sim Ds \qquad .$
- (2) Ms. Ns
- (3) Ns $v \sim Ms$
- (4) Ms > Ns

अधरना सोशिक वहन, स्पू প्रजीकशाजन जिन्न बक्रस्ववृ ।

5-3 ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ও বচনাপেকক

नीराज्य राज्याला प्रथ्न,

অমল (হয়) মানুম, বিমলা (হয়) মানুম, চন্দননগর (হয়) মানুম, দিল্লী (হয়) মানুম।

লক্ষ্য করনেই বোঝা যাবে, বচনগুলোর কাঠামো এক, উদ্দেশ্যপদ ব্যক্তিন বাচক, বিধেরপদ নিদিষ্ট একটি গুণবাচক। "মানুম" গুণবাচক পদের সাহাব্যে এরপে অসংখ্য সত্য বা নিধ্যা বচন তৈরী করা যাবে। বলা যেতে পারে,

- (इत्र) मानूम,

এই সমস্ত সম্ভাব্য বচনের কাঠামে। । শুনাম্বানে যে কোন ব্যক্তিনাম ব্যবহার করলে একটি সত্য বা মিখ্যা বচন তৈরী হবে। বচনশুলোর প্রতীকীরূপ Ma, Mb, Mc, Md; একের কাঠামে। M—, শুনাম্বানে যে কোন ব্যক্তিশ্রুত্বক ব্যবহার করলে একটি বচন তৈরী হবে। ব্যক্তিশ্রুত্বক ব্যবহার না করে যদি একটি ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার

[া] শ্লাট Gilbert Ryle এর ৷ ভিনি এক্লাকে Sentence frame ব্যৱস্থা

कता शत, जरव जनाजारव कांग्रासांहिर प्रश्नीन रह, कांत्रप श्रीरक्षेजीक वर्न x जागरन वाकिनारमत कना गःतक्किज जानगृहक। यपि निश्नि,

Mx

তবে বুৰতে হবে, x এর স্থলে যে কোন বঞ্জিখ্যুবক ব্যবহার্য । $\mathbf{M}x$ এর অর্থ,

x (रश) मानूष।

একটি ব্যক্তিনাৰ গ্রাহকপ্রতীক বর্ন, অর্থাৎ ৯ এর স্থলে বে কোন ব্যক্তিনাৰ বা ব্যক্তিগ্রহক সংস্থাপনীয়।

नक्ष्मीय त्य, "Mx" रा "x (श्य) मानूर" रहन नय, कार्य x कि छ। जामरा निनि । अ्तराः এश्वरनात्क मठामिथा। रना हतन ना । विन x बर श्वरन राख्यिनाम "जयन" रमाहे, छत्व "x (श्य) मानूप" श्वर "जयन (श्य) मानूप", এक है मठा रहन । यि राजिनाम "पित्नी" वनाहे, छत्व रहन श्वर "पित्नी (श्य) मानूप", बरः मिथा। श्वर । वाजिश्वरक वावश्य क्रतन Mx श्वर Ma ७ Md, बश्चरनाथ वहन अति मठा, Md मिथा।।

"Mx" বা "x (হয়) মানুঘ" কে বচনাপেক্ষক বলা হয়। এই প্রবঙ্কে গণিতের "অপেক্ষক" শীকটি তুলনীয়। গণিতে x² একটি অপেক্ষক, সংখ্যা নয়, এয় কোন নিজয় সংখ্যামান নেই। এয় সংখ্যামান x এয় মানের উপর নির্ভরশীল, কায়ণ গণিতে x একটি সংখ্যামাহকপ্রতীক বর্ধ। x এয় ম্বলে কোন সংখ্যা সংস্থাপন কয়লে x² এয়ও সংখ্যামান হবে। অনুয়পতাবে, "Mx" বা "x (হয়) মানুঘ" বচন-অপেক্ষক, বচন য়য়,
x এয় য়নে ব্যক্তিশ্রুবক বা ব্যক্তিনাম সংস্থাপন কয়লে বচন তৈরী হবে,
এবং তার সত্যমান বা মিধ্যামান হবে।

5.2 অনুচ্ছেদের শেষের চারটি বচনে ব্যক্তিনাম ''সফোটস'' ও ব্যক্তিশ্বক ''ঙ'' ব্যবস্ত হয়েছে। এগুলোতে ব্যক্তিনাম ও ব্যক্তিশ্বকের বদনে ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক ব্যবহার করনে বচনাপেক্ষপ্রকো বাঁড়াবে,

- (1) 🗴 त्यवं गत्र,
- (2) x (रह) गानुष ७ नपुत्र,
- (3) 🗴 (रुव) नश्चन वा 🖈 नानूप नव,
- (4) यनि अ गाँगुपं देव छर्प अ नपुत्र,

भनवामगूरुक अप्रवर्ष राजशांत करते,

- (1) $\sim Dx$
- (2) Mx. Nx
- (3) $Nx v \sim Mx$
- (4) Mx D Nx

এগুলোও বচনাপেক্ক, বচন নয়।

এবার আমরা (বচনাপেক্ষকের একটা প্রাথমিক সংজ্ঞা দিতে পারি। যে বচন-কাঠামো বা প্রতীকপরম্পরায় ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্দ ব্যবহার করা হয়, এবং ঐ বর্ণের য়লে ব্যক্তিনাম বা ব্যক্তিশ্রুপক সংস্থাপন করলে বচন উৎপন্ন হয়, তাকে বচনাপেক্ষক বলে। উৎপন্ন বচন বচনাপেক্ষকের দৃষ্টান্ত বচন। বচনাপেক্ষকে থেকে দৃষ্টান্ত বচন উৎপন্ন করাকে নিদর্শন্ত বলে। এই অনুচ্ছেদের প্রথম চারটি বচন "ম (হয়) মানুদ" বচনাপেক্ষকের দৃষ্টান্ত বচন। Ma, Mb, Mc, Md, ... Mx এর দৃষ্টান্ত বচন। "ম (হয়) মানুদ" বচনাপেক্ষকের দৃষ্টান্ত বচন। Ma, Mb, শুলাকান গ্রাহকপ্রতীক বর্ণের স্থলে ব্যক্তিনাম সংস্থাপন করে "অমল (হয়) মানুদ" বচন উৎপাদন করা, বা Mx বচনাপেক্ষকে ম এর স্থলে ব্যক্তিশ্রুপন করে করে শির্মিট বচন।)

লক্ষণীয় যে, প্রতীকপরম্পার। গঠিত বচনাপেক্ষক বা বচন বাচনিক্ষ ন্যামের সভ্যাপেক্ষকের মত। Mx, Nx, Dx, Ma, Na, Da, ইভ্যাদি p, q, r, ইভ্যাদির সমতুলা। এইগুলোকে যে কোন সংযোগকের হ'রা যুক্ত বরনে বচনাপেক্ষক বা বচনই উৎপন্ন হবে। $\sim Mx$, Nx বচনাপেক্ষক। বৈকল্পিক সংযোগকে হ'রা যুক্ত করনে হবে $\sim Mx$ v Nx। বাছেব প্রকল্পন বিধি অনুসারে ($\sim Mx$ v Nx) $\equiv (Mx \supset Nx)$, যদি x মানুঘ হয়, তবে x নশুর। যে কোন সভ্যাপেক্ষকে p, q ইভ্যাদির হলে Mx, Nx, Dx, ইভ্যাদি সংস্থাপন করা চলে। p v q সভ্যাপেক্ষকে p এর স্থলে $\sim Mx$, q এর স্থলে Nx সংস্থাপন বরেলে $\sim Mx$ v Nx বচনাপেক্ষক উৎপন্ন হবে। উৎপন্ন বচনাপেক্ষক Mx $\supset Nx$ বচনাপেক্ষকের সম্যান হবে। এইভাবে উৎপন্ন বচনাপেক্ষকের উপর বাচনিক ন্যান্তের অনুমানবিধি প্রযোজ্য হবে। জনুরূপভাবে, $\sim Ma$, Na,

ɪ সংজার্টির সামান্য সংশোধনের জন্য 5.4 🗣 5.6 জনুচ্ছেদ এইব্য ।

~ Ma v Na, Ma ⊃ Na, ~ (Ma . ~ Na), ইত্যাদি ৰচন। তৃতীর বচন প্রথম দুটির বৈক্ষিক সত্যাপেক্ষক, এবং চতুর্ব ও পঞ্চম বচনের ন্যায়তঃ সম্মান।

আরও লক্ষণীয় Mx. Na একটি বচনাপেক্ষক, কারণ এই প্রতীক-পরপরায় ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবস্ত হয়েছে। এটিকে পড়া বেতে পারে,

* (হর) মানুষ এবং অমল (হয়) নশ্বর।

কিছ Ma.Na বচন, এতে ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ নেই। এটিকে
প্রচা ষেতে পারে,

অমল (হয়) ুমানুষ এবং অমল (হয়) নশুর ।)

'5.4 मानक

পূর্ববর্তী অনুছেনে আমর। দেখেছি, বচনাপেক্ষক থেকে বচন উৎপন্ন করার একটি উপায় ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীকের স্থনে ব্যক্তিপ্রবক সংস্থাপন। Sx একটি বচনাপেক্ষক, x এর স্থলে s সংস্থাপন করলে Ss বচন উৎপন্ন হবে। Sa, Sb, ইত্যাদি বিশিষ্ট বচন, অমল স্থলর, বিমলা স্থলর, ইত্যাদি। ধরুন আমর। বলতে চাই, যে কোন ব্যক্তি¹ (হয়) স্থলর, বা সব কিছু (হয়) স্থলর। এটিও বচন, কিছু সাবিক বচন, বিশিষ্ট বচন নর, কারণ এর উদ্দেশ্যপদ ব্যক্তিনাম নয়। Sx বচনাপেক্ষকে x এর স্থলে ব্যক্তিপ্রবক সংস্থাপন করলে বিশিষ্ট বচন পাওয়া যায়, কিছু সাবিক বচন পাওয়ার উপায় কি ? উপরের সাবিক বচনটিকে এভাবেও প্রকাশ করা যায়,

যে কোন ব্যক্তির (কিছুর) কেত্রে এ সত্য যে, ঐ ব্যক্তি (হয়) স্থলর।
অর্ধাৎ যে কোন ব্যক্তির উল্লেখ কর। হোক না কেন, এ সত্য যে ঐ ব্যক্তি
স্থলর। কোন বিশেষ ব্যক্তির নাম না করে, বা ব্যক্তিপ্রণক ব্যবহার
না করে, এখানে আমর। একটি ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার
করতে পারি। নির্দেশক বিশেষণ "ঐ" এর ব্যবহার বনে দিছে, "ঐ"
এর পরের "ব্যক্তি" শব্দের স্থলে মে গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার কর। হবে,
পূর্বগামী "ব্যক্তি" শব্দের স্থলে সেটিই ব্যবহার করতে হবে। তাহলে
বচনটি দাঁড়াচ্ছে,

I श्रतीक जार्थ, मानूब जार्थ नह ।

বে কোন ২ এর ক্ষেত্রে এ সত্য বে ২ (হর) স্থলর।

"এ সত্য যে" বাক্যাংশটি অনায়াসে বাদ দেওরা যায়, কারণ কোন উঞ্জি
করা আর উন্জিটিকে সত্য বলে হোষণা করা একই কথা। স্ত্রাং,
আরও সংক্ষেপে বচনটি দাঁড়ার,

যে কোন x এর ক্ষেত্রে, x (হয়) স্থলর।
"x (হয়) স্থলর" এর প্রতীকীরূপ Sx, স্তরাং পূর্বোক্ত বচনকে এভাবে
নেখা যায়,

य कान x अत्र क्टांब, Sx ।

"বে কোন x এর ক্ষেত্রে" কে বলা হয় সাবিক মাণক, এর জন্য "(x)" প্রতীক চিহ্ন ব্যবহার করা হয়। এবার 'বে কোন ব্যক্তি (কিছু)(হয়) স্থলর" বচনের সম্পূর্ণ প্রতীকীরূপ দাঁড়াল,

$(x) Sx \qquad (1)$

 S_{x} বচনাপেক্ষককৈ সাবিক মাণক সহযোগে বচনে পরিণত করাকে সাবিক মাণকবদ্ধ করা বলে I^{1}

আর এক প্রকার মাণক আছে, তাকে বলে সম্ভামাণকু। প্রাচীন ন্যায়ে যাকে বিশেষ বচন বলা যায় এমন একটি বচন নিন,

কোন কোন ব্যক্তি (হয়) স্থলর।

ন্যায়ে "কোন কোন" বললে "অন্তত একটি" বোঝায়, কিছু বিশেষ কোন একটিকে বোঝায় না। বচনটির বক্তব্য, সমস্ত ব্যক্তির মধ্যে অন্তত একটি স্থান্দর, কিছু কোন্টি তা নির্দিষ্ট করে বলা হচ্ছে না। এই প্রকার বচনের উদ্দোপদের বাচ্যার্থ কোন নির্দিষ্ট ব্যক্তি নয়, সমস্ত ব্যক্তিবর্দের মধ্যে অনির্দিষ্ট একটি বা কয়েকটি অর্ধাৎ উদ্দেশ্যপদ পরোক্ষভাবে সমস্ত ব্যক্তিবর্দকেই অনির্দিষ্ট ভাবে নির্দেশ করছে, সব ব্যক্তির মধ্যে অন্তত একটি। সেজন্য নব্যন্যায়ে এই প্রকার বচনকেও সামান্য বচন বলা হয়। কিছু বচনটির প্রতীকীকরণের রীতি ভিয়। এটি এইভাবে প্রকাশ করা যায়,

অন্তত এমন একটি ব্যক্তি (কিছু) আছে, যা (হর) স্থলর।

I প্রাচীন ন্যায়ে যাকে বচনের পরিমাণ বলা হয়, মাণক তাই নির্দেশ করে !

² General, Universal (সাধিক) ও Particular (বিশেষ) বচন মুক্ট নবানায় মতে general (সামান্য) বচন ।

গ্রাহকপ্রতীক ব্যবহার করলে দাঁড়াবে,

অন্তত এমন একটি 🗴 আছে যে, 🗴 (হয়) স্থলর ।

"x (হয়) স্থলরের" প্রতীকীরূপ Sx, স্থতরাং পূর্বোক্ত বচনকে এভাবে লেখা যায়,

অন্তত এমন একটি x আছে যে Sx।

"অন্তত এমন একটি x আছে" কে বলা হয় সন্তামাণক, কারণ, এর হার। একটি কিছুর সন্তা বা অন্তিত্ব যোঘণা করা হচ্ছে। এর জন্য "(प্রx)" প্রতীক্তিক ব্যবহার করা হয়। এবার "কোন কোন ব্যক্তি (হয়) স্কুলর" এর প্রতীকীরূপ দাঁড়াল,

$$(\exists x) Sx$$
 (2)

Sx বচনাপেক্ষককে সন্তামাণক সহযোগে বচনে পরিণত করাকে সন্তামাণক-বন্ধ করা বলে।

লক্ষ্যণীয় যে S_x বঁচন নয়, কিছ (x) S_x বা (g_x) S_x বচন এবং সত্য বা নিথা। (x) S_x এ জামাদের বক্তব্য, সব ব্যক্তির মধ্যে S গুণ আছে, (g_x) S_x এ বক্তব্য, কোন কোন ব্যক্তির মধ্যে S গুণ আছে। কিছ S_x দেখায় বচন কাঠামোটি, S_x — । x বিশেঘ কোন ব্যক্তি, বা সব ব্যক্তি, বা কোন কোন ব্যক্তি, কিছুই বোঝায় না, যতক্ষণ না x এর স্থানে ব্যক্তিশ্রুষক সংস্থাপন কর। হচ্ছে, বা S_x কে মাণকবদ্ধ করা হচ্ছে। বিশিষ্ট বচন পেতে হলে S_x এর x এর স্থানে ব্যক্তিশ্রুষক সংস্থাপন করতে হবে, সামান্য বচন পেতে হলে S_x এর আগে সাবিক মাণক বা সন্তামাণক উপস্থাপিত করতে হবে।

বচনাপেক্ষকের সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য হলে তার সাবিক মাণকবদ্ধ-করণ সত্য হবে, একটি দৃষ্টান্ত বচন মিথ্যা হলেই সাবিক মাণকবদ্ধকরণ মিথ্যা হবে। বচনাপেক্ষকের অন্তত একটি দৃষ্টান্ত বচন সত্য হলেই তার সন্তামাণকবদ্ধকরণ সত্য হবে, একটিও দৃষ্টান্ত বচন সত্য না হলে সন্তামাণকবদ্ধকরণ মিথ্যা হবে।

5.5 মাণ্ডছমের পরস্পর সম্পর্ক

আমরা দেখেছি, প্রতীকপরম্পরাগঠিত যে কোন বচনাপেক্ষক বা বচন সংযোজক হারা যোজ্য। নির্দেশক সংযোজক সহযোগে Sx হয় $\sim Sx$, x তুলর নর, Sa হয় $\sim Sa$, অমল তুলর নর। ধরুন আমর। বলতে চাই,

কোন ব্যক্তি স্থলর নর,

ध्वत्र वर्ष.

যে কোন x এর ক্ষেত্রে, x স্থূলর নয়,

প্রতীকীরূপে,

$$(x) \sim Sx$$
 (3)

কোন কোন ব্যক্তি স্থলর নয়,

এর অর্ধ,

অন্তত এমন একটি x আছে যে, x সুন্দর নয়,

প্রতীকীরূপে.

$$(\exists x) \sim Sx \tag{4}$$

(3) वहनत्क निष्यं कत्रा यांक,

$$\sim (x) \sim Sx$$
 (5)

এর অর্থ.

যে কোন x-এর ক্ষেত্রে এ সত্য নয় যে, x স্থেশর নয়,

অৰ্থাৎ,

অন্তত এমন একটি 🗴 আছে যে, 🗴 স্থলর,

বা,

 $(\exists x) Sx$

স্তরাং আমরা বলতে পারি, (5.4 অনুচ্ছেদের (2) দেখুন)

$$(\exists x) \ Sx \equiv \sim (x) \sim Sx \qquad (2) \ \% \ (5)$$

(4) वहनत्क निष्ध कत्र। याक,

$$\sim (\mathbf{g}x) \sim \mathbf{S}x$$
 (6)

এর অর্থ,

थमन थकिए x नारे त्य x ऋमत नत्र,

অৰ্থাৎ.

যে কোন x-এর কেত্রে, x স্থলর,

বা

$$(x)$$
 Sx

স্থতরাং আমরা বলতে পারি, (5.4 অনুচ্ছেদের (1) দেখুন)

(x)
$$Sx \equiv \sim (x) \sim Sx$$
 (1) $\%$ (6)

আবার দেখুন, (3) বচন, $(x) \sim Sx$, বললে বোঝায়,

रा कान x-এর কেত্রে, x সুন্দর नয়,

অর্ধাৎ,

এমন একটিও 🗴 নাই যে, 🗴 স্থলর,

ৰা,

$$\sim (gx) Sx$$
 (7)

স্থতরাং আমরা বলতে পারি,

$$(x) \sim Sx \equiv \sim (gx) Sx \tag{3}$$

(4) বচন, $(\exists x) \sim Sx$, বললে বোঝায়,

অন্তত এমন একটি 🗴 আছে যে, 🗴 স্থলর নয়,

অর্থাৎ,

যে কোন 🗴 এর ক্ষেত্রে এ সত্য নয় যে, 🗴 স্থলর

বা,

$$\sim (x) Sx$$
 (8)

স্থতরাং আমরা বলতে পারি,

$$(\exists x) \sim Sx \equiv \sim (x) Sx \tag{4}$$

সবগুলো মাণক সমমানতার সূত্র একসঙ্গে,

 $(x) Sx \equiv \sim (gx) \sim Sx$

 $(\exists x) Sx \equiv \sim (x) \sim Sx$

 $(x) \sim Sx \equiv \sim (\Im x) Sx$

 $(\exists x) \sim \exists x \exists \sim (x) Sx$

পরিষ্কার বোঝা যাচ্ছে, যে কোন একটি মাণক দিয়েই দুই প্রকার মাণকের কাম চলে। উপরের চারটি সম্মানতা সূত্র লক্ষ্য করলে দেখা যাবে, একটি মাণককে অপর মাণকে পরিবতিত করতে হলে

- (ক) প্রথমে প্রদন্ত মাণকের স্থানে অপর মাণকটি সংস্থাপন করতে হবে,
- (ব) তারপর, পরিবতিত মাণকের পূর্বে "~" নিমেষক চিছ বসাতে হবে.
- (গ) তারপর, বচনাপেক্ষকের পূর্বে "∼" নিমেধক চিহ্ন বসাতে হবে।

প্রথম দুটি সূত্রে মাণক পরিবর্তন বিধির প্রয়োগ সহচ্ছেই বোঝ। যায়। তৃতীয় সূত্রে

 $(x) \sim Sx \equiv \sim (\exists x) \sim \sim Sx \equiv \sim (\exists x) Sx$ চতুর্ব সূত্রে

 $(\exists x) \sim Sx \equiv \sim (x) \sim \sim Sx \equiv \sim (x) Sx$ সংক্রেপে বল। যায়,

$$(3x) \equiv \sim (3x) \sim \dots$$

ডান দিকের সূত্রকে বাঁ দিকের সূত্রে পরিবর্তিত করে দেখান হচ্ছে,

 $\sim (\exists x) \sim Sx \equiv \sim \sim (x) \sim \sim Sx \equiv (x) Sx$

 $\sim (x) \sim Sx \equiv \sim \sim (\exists x) \sim \sim Sx \equiv (\exists x) Sx$

 $\sim (\exists x) \ Sx \equiv \sim \sim (x) \sim Sx \equiv (x) \sim Sx$

 $\sim (x) Sx \equiv \sim \sim (gx) \sim Sx \equiv (gx) \sim Sx$

जायात्पत्र मूल ठाति विठटन जातात्र किरत जाना याक ।

সব ব্যক্তি (হয়) স্থালর, (x) Sx কোন কোন ব্যক্তি (হয়) স্থালর, $(\mathbf{g}x)$ Sx

কোন ব্যক্তি স্থানর নয়. $(x) \sim Sx$

কোন কোন ব্যক্তি স্থেশর নয়, $(\exists x) \sim Sx$

এবার এদের পরম্পরবিরোধিতা সম্বন্ধগুলো দেখা যাক। জগতে যদি অস্তত একটি বস্তুও থাকে, তবে

যে কোন x-এর ক্ষেত্রে, Sx, বা (x) Sx, এবং অন্তত এমন একটি x আছে যে $\sim Sx$ বা $(gx) \sim Sx$ বচন দুটি একগঙ্গে সত্য বা বিধ্যা হতে পারে না। একটি সত্য হলে অপরটি মিধ্যা হবে, একটি মিধ্যা হবে অপরট সত্য হবে। আবার,

বে কোন x-এর কেত্রে, $\sim Sx$, বা $(x) \sim Sx$, এবং অন্তত এমন একটি x আছে বে Sx, বা (ax) Sx

দুটি বচন একসকে সত্য বা মিখ্যা হতে পারে না। অন্যভাবে দেখান যার, (x) Sx-এর নিষেধ $\sim (x)$ Sx, $\sim (x)$ Sx $\equiv (\pi x) \sim Sx$, স্থতরাং (x) Sx ও $(\pi x) \sim Sx$ বিরুদ্ধ বচন। $(x) \sim Sx$ -এর নিষেধ $\sim (x) \sim Sx$, $\sim (x) \sim Sx$ $\equiv (\pi x)$ Sx, স্থতরাং $(x) \sim Sx$ ও (πx) Sx বিরুদ্ধ বচন। তারপর,

যে কোন x-এর ক্ষেত্রে, Sx, বা (x) Sx, এবং যে কোন x-এর ক্ষেত্রে, $\sim Sx$, বা (x) $\sim Sx$.

বচন দুটি একসঙ্গে সত্য হতে পারে না, যদিও একসঙ্গে মিধ্যা হতে পারে। স্থতরাং এই দুটি বিপরীত বচন। তারপর,

অন্তত এমন একটি x আছে যে, Sx, বা (ম্রx) Sx, এবং
অন্তত এমন একটি x আছে যে, ~ Sx, বা (ম্রx) ~ Sx
একসঙ্গে মিধ্যা হতে পারে না, যদিও একসঙ্গে সত্য হতে পারে।
স্কৃতরাং এই দুটি অধীন-বিপরীত বচন। তারপর,

যে কোন x-এর ক্ষেত্রে, Sx, বা (x) Sx, এবং অস্কৃত এমন একটি x আছে যে, Sx, বা $(\exists x)$ Sx

এবং

ষে কোন x-এর ক্ষেত্রে, $\sim Sx$, বা $(x) \sim Sx$, এবং অন্তত এমন একটি x আছে যে, $\sim Sx$ বা $(\exists x) \sim Sx$ বচন জোড়ায় প্রথমটি সত্য হলে দিতীয়টি সত্য হবে, কিন্ধ দিতীয়টি সত্য হলেই প্রথমটি সত্য হবে বলা যায় না। জর্ধাৎ (x) Sx ও $(\exists x)$ Sx এবং (x) $\sim Sx$ ও $(\exists x)$ $\sim Sx$ অধীনবিরোধী।

এ যাবৎ আমরা গুণধ্রুবক ব্যবহার করে আসছি, গুণনাম গ্রাহক-প্রতীক বর্ণ ব্যবহার করিনি।

> অমল (হয়) স্ক্লের, বিমলা (হয়) স্কলের, চল্লননগর (হয়) স্ক্লের,

বচনে উদ্দেশ্যপদ ভিন্ন, বিধেরপদ একই, তাই উদ্দেশ্যপদের স্থলে ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার করেছি, বিধেরপদের স্থলে গুণ্ফাবক ব্যবহার করেছি। এগুলো Sx বচনাপেক্ষকের দৃষ্টান্ত বচন। নীচের বচনগুলো ধরুন,

> সক্রেটিস (হর) জানী, সক্রেটিস (হর) দার্শনিক, সক্রেটিস (হর) গ্রীক।

বচনে বিধেরপদ ভিরা, উদ্দেশ্যপদ একই। স্থৃতরাং এদের প্রভীকীকরণে ব্যক্তিশ্রুদকক ও ব্যবহার করে একটি গুণনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার করতে পারি। গ্রীক বর্ণমালার ৫ অক্ষরটি গুণনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ হিসেবে করবের বচনগুলো দাঁভাবে ৫ ও। ৫-এর স্থানে আমরা যে কোন গুণনাম সংস্থাপন করতে পারি, ফলে সফেটিস সম্বদ্ধে কতগুলো সত্যা, কতগুলো বিধ্যা বচন উৎপার হবে।

अवाद नीटात्र वहनश्रदना प्रवृत,

গকেটিগ (হর) জানী, প্লেটো (হর) দার্শনিক, কলিকাতা (হর) নদী, ব্রহ্মপুত্র (হর) দেবতা,

বচনে উদ্দেশ্যপদ ও বিধেয় পদ উভয়ই ভিন্ন। স্থতরাং আমরা ব্যক্তিনাম ও গুণনাম দুইরেরই স্থলে গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার করতে পারি, Φ x, অর্থাৎ x (হয়) Φ । x-এর স্থলে যে কোন ব্যক্তিনাম ও Φ -এর স্থলে যে কোন ব্যক্তিনাম ও Φ -এর স্থলে বে কোন গুণনাম সংস্থাপন করলে সত্য বা মিধ্যা বচন উৎপন্ন হবে। x Φ একটি বচনাপেক্ষক, এটি Sx বা Φ s-এর চেয়েও বেশী বিমূর্ত, এতে ব্যক্তিনাম গুণনাম কোনটাই নেই। Φ x নীচের কাঠামোটি বোঝাছে,

া গুণনামের জন্য সংরক্ষিত স্থানসূচক, x ব্যক্তিনামের জন্য সংরক্ষিত স্থানসূচক। া ক x বচনাপেক্ষককে মাণকবদ্ধ করলে বচন চারটি হবে,

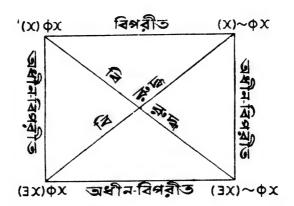
 $(x) \Phi x$

 $(gx) \Phi x$

 $(\pi) \sim \Phi x$

 $(ax) \sim \phi x$

ি বিরোধ চতুকোণের সাহাব্যে এদের পরস্পরবিরোধিতা এইভাবে দেখান বায়।



যথন দুটি বচনের বিরোধিত। সম্বন্ধ দেখাতে হবে, তখন ৫ x-এর স্থলে দুটি বচনে একই গুণনাম সংস্থাপন করতে হবে।

5.6 প্রাচীন ন্যায়ের চারপ্রকার বচন

थोठीन न्यारत ठात्रथकांत्र वठनरक थोशाना प्राथता श्राह्म

A--সাবিক সদর্থক,

E--সাবিক নঞৰ্থক,

I--বিশেষ সদৰ্থক.

O-विराध नक्षर्यक ।

এদের দৃষ্টান্ত,

A—সব মানুষ (হয়) নশুর,
E—কোন মানুষ নির্দোষ নয়,
I—কোন কোন মানুষ (য়য়) জানী,
O—কোন কোন মানুষ আধিপুর নয়।

বচনগুলোতে "মানুষ" উদ্দেশ্য পদ, "নশুর", "নির্দোষ", "জ্ঞানী", "খার্থপর" বিধেরপদ। মনে রাখতে হবে, 'মানুষ' পদ ব্যক্তিবাচক নর, "মানুষ' কোন ব্যক্তি নর, সফোটস, প্লেটো, ব্যক্তি। বচন সব সমরই কোন ব্যক্তি, বা এক বর্গের সব বা কোন কোন ব্যক্তি সম্পর্কে কোন না কোন উক্তি। স্থতরাং, উপরের A বচনের বক্তব্য,

যে কোন ব্যক্তির (কিছুর) কেত্রে এ সত্য যে, যদি ঐ ব্যক্তি মানুষ (মনুষ্যোচিত গুণসম্পন্ন) হয়, তবে ঐ ব্যক্তি নশুর,

অর্ধাৎ, যে কোন x-এর ক্ষেত্রে, যদি x মানুম হয় তবে x নশুর,

বা, বে $^{\mathsf{T}}$ কোন x-এর ক্ষেত্রে, x (হয়) মানুষ $\supset x$ (হয়) নশ্বর,

বচনটি $Mx \supset Nx$ বচনাপেক্ষকের সাবিক্ষাণকবদ্ধ রূপ, এর দৃষ্টান্ত বচন $Ma \supset Na$, $Mb \supset Nb$, ইত্যাদি, অর্থাৎ অমল মানুদ হলে অমল নশুর, বিমলা মানুদ হলে বিমলা মশুর, ইত্যাদি। দৃষ্টান্তবচনগুলো প্রাকমিক বচন, যার পূর্বগ ও অনুগ বিশিষ্ট বচন।

উপরের E বচনের বক্তব্য,

যে কোন ব্যক্তির (কিছুর) ক্ষেত্রে এ সত্য যে, যদি ঐ ব্যক্তি মানুষ হয়, তবে ঐ ব্যক্তি নির্দোষ্ট নয়,

वा, यं देकोन x-এর ক্ষেত্রে, यपि x यानुष रग्न छदन x निर्फाष नम्,

বা, यে কোন x-এর কেত্রে x (হয়) মানুষ ⊃ x निर्দোষ नव,

উপরের I বচনের বক্তব্য.

অন্তত এমন একটি ব্যক্তি আছে যে, ঐ ব্যক্তি মানুষ এবং ঐ ব্যক্তি জানী,

বা, অন্তত এমন একটি x আছে বে, x (হয়) মানুম এবং x (হয়) জ্ঞানী,

বা, (gx) (Mx. Jx)

উপরের O বচনের বন্ধব্য,

অন্তত এমন একটি ব্যক্তি আছে বে, ঐ ব্যক্তি মানুর্ম এবং ঐ ব্যক্তি অর্থিপর নর, ৰা, অন্তত এবন একটি x আছে বে, x (হর) মানুষ এবং x স্বার্থপর নর,

স্তরাং প্রাচীন ন্যায়ের A, E, I ও O এই চারিপ্রকার বচনের নব্যন্যায়ণত্মত রূপ দাঁড়াল (গুণগ্রুনকের স্থানে গ্রীক বর্ণমালার ϕ ও Ψ এই দুইটি বর্ণকে গুণনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ হিসেবে ব্যবহার করে),

A—(x) ($\Phi x \supset \Psi x$) E—(x) ($\Phi x \supset \sim \Psi x$) I—(gx) ($\Phi x . \Psi x$) O—(gx) ($\Phi x . \sim \Psi x$)

ৰক্ষণীয় যে মাণক সব সময় বন্ধনীয় অন্তৰ্গত। মাণকের পরবর্তী বন্ধনী মাণকের প্রতাব সূচিত করে। মাণকের প্রতাব "~"-এর প্রভাবের বতু। যে কোন মাণকের প্রতাব তার অব্যবহিত পরবর্তী বচনাপেক্ষক পর্যন্ত হবে। (x) Mx এ (x)-এর প্রতাব Mx পর্যন্ত তাই Mx কে বন্ধনীর অন্তর্ভুক্ত করা হয়নি, যেমন আমরা ~ p এতে "~" এর প্রতাব বোঝাতে p-কে বন্ধনীভুক্ত করি না। কিন্তু যদি নিশিং,

(x) $Mx \supset Nx$

তাহলে Nx(x)-এর প্রভাবের অন্তর্গত হবে না, যেমন $\sim p \supset q$ এতে " \sim "-এর প্রভাব q পর্যন্ত বিন্ধৃত নয়। যদি নিখি,

(x) $(Mx \supset Nx)$

ভাহলে (x)-এর প্রভাব $Mx \supset Nx$ সবটার উপরে বিস্তৃত, বেমন $\sim (p\supset q)$ এতে " \sim " এর প্রভাব $p\supset q$ পর্যস্ত বিস্তৃত।

আরও লক্ষণার যে (x) Mx একটি বচন, Nx একটি বচনাপেক্ষক, স্তরাং (x) Mx > Nx একটি বচনাপেক্ষক, বচন নয়, কারণ Nx-এর x মাণকবদ্ধ নয়। কিছ (x) Mx > Na বচন, কারণ (x) Mx ও Na দুই-ই বচন। (x) Mx এতে Mx-এর x-কে বলা হয় বদ্ধ গ্রাহকপ্রতীক, কারণ এটি সাবিক মাণক (x)-এর প্রভাবের অন্তর্গত। (x) Mx এতে Mx-এর x সাবিক মাণক (x)-এর হারা বদ্ধ হয়েছে বলেই (x) Mx বচন, তার অর্থ স্ববিক্ষু M শুণসম্পন্ধ, একটি সত্য বা মিখ্যা উদ্ধি। অনুরূপভাবে, (ম) Mx ও বচন, কারণ এতে Mx-এর x সভাবাপক

(মুx) হারা বন্ধ হয়েছে, এর অর্থ, অন্তত একটি ব্যক্তি M গুণসম্পন্ধ, একটি সত্য বা মিথ্যা উক্তি। কিছ Nx বচন নয়, কারণ এতে কোন উক্তি নেই, একে সত্যমিথ্যা বলা চলে না। কোন উক্তি করতে হলে, কোন বন্ধব্য রাখতে হলে, বলতে হবে, সব কিছু, বা অন্তত একটি কিছু, বা a বা b বা (হয়) N। Nx-এর x মুক্ত গ্রাহকপ্রতীক, যে গ্রাহকপ্রতীক মাণকবন্ধ নয় তাকে মুক্ত গ্রাহকপ্রতীক বলে। এইবার আমরা ম্পষ্টতরভাবে বচনাপেক্ষকের সংজ্ঞা দিতে পারি, যে বচনকাঠানো বা প্রতীকপরম্পরায় মুক্ত গ্রাহকপ্রতীক বর্ণের ব্যবহার আছে, তাই বচনাপেক্ষক। স্বতরাং, (x) Mx বা (x) (Mx ⊃ Nx) বচন, কিছ Nx বা (x) Mx ⊃ Nx বচনাপেক্ষক। Nx এতে x মুক্ত, (x) Mx ⊃ Nx এতে Nx-এর x মুক্ত। (x) Mx বলছে, Mx বচনাপেক্ষকের সব দৃষ্টান্ত বচন, Ma, Mb, ইত্যাদি, সত্য। (x) (Mx ⊃ Nx) বলছে, Mx ⊃ Nx বচনাপেক্ষকের সব দৃষ্টান্ত বচন, Ma ⊃ Na, Mb ⊃ Nb, ইত্যাদি, সত্য। (x) (Mx ⊃ Nx)-কে নিমুরপে লিখনে,

যে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে, যদি ঐ ব্যক্তি M হয় তবে ঐ ব্যক্তি হয় N,

নির্দেশক বিশেষণ "ঐ" এর ব্যবহার সূচিত করে, Mx ও Nx উভয়েরই x-এর স্থলে একই ব্যক্তি প্রুবক সংস্থাপন করতে হবে। কিন্তু (x) Mx ⊃ Nx-এর অর্থ

যদি যে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে এ সত্য যে ঐ ব্যক্তি (হয়) M, তবে x (হয়) N।

"x (হয়) N"-এর x নির্দেশক বিশেষণ "ঐ" বারা নির্দিষ্ট নয়।
পূর্বগ বলছে, Mx-এর সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য, স্মৃতরাং Ma, Mb, ইত্যাদি
সত্য। অনুগ Nx বচন নয়, বচনাপেক্ষক, এর থেকে যে কোন বচন,
Na, Nb, ইত্যাদি উৎপন্ন করা যায়। এদের কোন্টি সত্য, কোন্টি মিধ্যা,
সে সম্বন্ধে Nx কিছু বলে না, এদের সত্যমিধ্যাদ্ধ Nx-এর বন্ধব্য নয়।
স্মৃতরাং, (x) Mx ⊃ Nx থেকে Ma ⊃ Na, Mb ⊃ Na, Ma ⊃ Nb,
Mb ⊃ Nb, ইত্যাদি দৃষ্টান্ত বচন উৎপন্ন করা যায়। (x) Mx ⊃ Nx
এতে Nx-এর x (x) বায়া বদ্ধ নয় বলে Mx ও Nx-এর x এর ম্বনে ভিন্ন
ব্যক্তিশ্বদক সংস্থাপন করা যেতে পারে, কিছ (x) (Mx ⊃ Nx) এতে
Mx ও Nx-এর x-এর ম্বনে একই ব্যক্তিশ্বদকক সংস্থাপন করতে হবে,
কারণ উভয়ই (x) সাবিক্যাণক বারা বদ্ধ।

মাণক পরিবর্তন বিধির সাহায্যে A ও E বচন সত্তামাণক সহযোগে, এবং I ও O বচন সার্বিক মাণক সহযোগে লেখা যায়।

$$A - (x) (\Phi x \supset \Psi x) \qquad \equiv \sim (\exists x) \sim (\Phi x \supset \Psi x)$$

$$\equiv \sim (\exists x) \sim \sim (\Phi x . \sim \Psi x)$$

$$\equiv \sim (\exists x) (\Phi x . \sim \Psi x)$$

$$\equiv \sim (\exists x) (\Phi x . \sim \Psi x)$$

$$\equiv \sim (\exists x) \sim (\Phi x . \sim \Psi x)$$

$$\equiv \sim (\exists x) \sim (\Phi x . \sim \Psi x)$$

$$\equiv \sim (\exists x) (\Phi x . \Psi x)$$

$$\equiv \sim (\exists x) (\Phi x . \Psi x)$$

$$\equiv \sim (x) \sim (\Phi x . \Psi x)$$

$$\equiv \sim (x) (\Phi x . \sim \Psi x)$$

$$\equiv \sim (x) (\Phi x . \sim \Psi x)$$

$$\equiv \sim (x) (\Phi x . \sim \Psi x)$$

$$= \sim (x) (\Phi x . \sim \Psi x)$$

 $\equiv \sim (x) (\Phi x \supset \Psi x)$

5.7 A, E, I, O বচনের বিশ্লেষণ

সাধারণত: বলা হয়, A ও I বচন সদর্থক, E ও O বচন নঞ্জ্বিক। নীচের বচনটি দেখুন,

(1) অনধিকার প্রবেশকারীরা দণ্ডিত হবে।
পরিমাণসূচক ''সব'' ব। "যে কোন'' শব্দের প্রয়োগ ন। থাকলেও
বচনটির অর্থ,

সব অনধিকার প্রবেশকারী দণ্ডিত হবে, অর্ধাৎ, যে কেহ অনধিকার প্রবেশ করবে, সেই দণ্ডিত হবে, অর্ধাৎ, যে কোন x-এর ক্ষেত্রে যদি x অনধিকার প্রবেশকারী হয় তবে x দণ্ডিত হবে,

पर्शं (x) $(Ax \supset Dx)$

এখন ধরুন, কেউ অনধিকার প্রবেশ করল না, কেউ দণ্ডিত হল না।
বচনটি কি মিথা। হবে ? নিশ্চয়ই নয়। পরিকার বোঝা যায়,
"অনধিকার প্রবেশকারীরা দণ্ডিত হবে" বচনের সত্যতা অনধিকার
প্রবেশকারী ও দণ্ডিত ব্যক্তির অন্তিমের উপরু নির্ভির করে না।

প্রাচীন ন্যায় বলে, A সত্য হলে I সত্য হবে, অর্থাৎ $A \supset I$, অর্থাৎ,

(x) $(Ax \supset Dx) \supset (\exists x) (Ax.Dx)$,

অর্ধাৎ পূর্বগ সত্য হলে অন্তত এমন একটি x আছে যে x অনধিকার প্রবেশকারী ও x দণ্ডিত। কিন্তু এইমাত্র আমরা দেখলাম, (x) $(Ax \supset Dx)$ সত্য হলেও $(\exists x)$ (Ax, Dx) মিধ্যা হতে পারে।

এই বিশ্রান্তির কারণ, প্রাচীন ন্যায়ে যখন "সব মানুষ নশুর", "সব রাজা বিলাসী", এই সব বচন ব্যবহার করা হত, তখন সঙ্গে সঙ্গে এও ধরে নেওয়া হত, মানুষ আছে, রাজা আছে। অর্থাৎ এটা ধরে নেওয়া হত যে, যে কোন সাবিক বচনের উদ্দেশ্যপদবাচ্য ব্যক্তিবা বস্তু আছে। কিন্তু উপরের সাবিক বচনটি থেকেই প্রাচীন মত যে সম্পূর্ণ গ্রহণীয় নয় তা সহজেই আমরা বুঝতে পারি। বেছে বেছে "মানুষ", "রাজা", "গ্রীক", ইত্যাদি পদ ব্যবহার করলে এরূপ শ্রান্তি উৎপাদন হওয়া বিচিত্র নয়। নিউটনের গতিবিষ্মক প্রথম সূত্রাট দেখুন,

(2) সব বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থের স্থিরাবস্থা বা সমবেগে সরল রেখায় গতি অব্যাহত থাকে।

যদি A বচনের প্রাচীন ব্যাখ্যা ঠিক হয়, তবে বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থ আছে। কিন্তু পদার্থবিদ্যা বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থের অন্তিম্বই স্বীকার করে না। আর একটি বচন দেখুন,

- (3) সব ব্যাক্টিরিয়ামুক্ত নরদেহ (হয়) রোগহীন।
 বচনটি সত্য, কিন্ত ব্যাক্টিরিয়ামুক্ত নরদেহ নেই। তাহলে যে বন্ধর
 অন্তিম্ব নেই, তাকে সাবিক বচনের উদ্দেশ্যপদ হিসেবে ব্যবহার কর।
 কেন? আসলে সাবিক বচন সদর্ধক নয়, এবং কোন বন্ধর অন্তিম্ব
 বোষণা করে না। উপরের তিনটি সাবিক বচনের বক্তব্য, যথাক্রমে
 - (1) এমন একটিও x নেই যে, x অনধিকার প্রবেশকারী এবং x দণ্ডিত নয়,
 - (2) এমন একটিও x নেই যে, x বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থ এবং x এর স্থিরাবস্থা ব। সমবেগে সম্মলরেধার পঠি অব্যাহত থাকে না.

- (3) এমন একটিও x নেই যে, x ব্যাক্টিরিয়ামুক্ত নরদেহ এবং x রোগহীন নয়.
- चर्षा९, (1) $\sim (\exists x) (Ax \cdot \sim Dx)$
 - (2) \sim ($\exists x$) ($Bx \cdot \sim Ax$)
 - (3) $\sim (gx) (Bx \cdot \sim Rx)^1$

অৰ্থাৎ, গাবিক ৰচন নঞৰ্থক। B বচনের বেলায়ও তাই।

- (4) कान गानुष निर्फाष नग्न,
- (5) কোন ভূত নিরামিঘাশী নয়,

निष्धातात्र वर्ष,

- (4) এমন একটিও x নেই যে, x মানুষ এবং x निर्फांष,
- (5) এমন একটিও x নেই যে, x ভূত এবং x নিরামিঘাশী,
- \blacktriangleleft 1, (4) \sim ($\exists x$) ($Mx \cdot Nx$)
 - (5) \sim (gx) (Bx . Nx)

শানুষ আছে, ভূত নেই, কিন্তু এখানে আমরা বচনাকার নিয়ে আলোচনা করছি, মানুষ, ভূত নিয়ে নয়। সর্বপ্রকার সাবিক বচনের আকার দেখাতে হলে উদ্দেশ্যপদ্বাচ্য ব্যক্তি বা বস্তু আছে এ কথা বলা চলবে না, কারণ কোন কোন ক্ষেত্রে আমরা স্পষ্টই জানি যে এ রকম কোন কিছু নেই। এ অবস্থায় সাবিক বচনের ন্যুনতম অর্থই গ্রহণযোগ্য। অবশ্য "সম্ব রাজা বিলাসী" বচন সত্য, এবং "রাজা আছে"-এও সত্য, কিন্তু "রাজা আছে" এ কথা সাবিক বচনটির বজব্য নয়। তার বজ্বা,

এমন একটিও x নেই যে, x রাজা এবং x বিলাসী নয়। বিদি প্রাচীন মত ঠিক হত, তবে

- (2) (ক) সব বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্ধ স্থিরাবন্ধা বা সমবেগে সন্ধলরেখায় গতি অব্যাহত রাখে, কিন্ত কোন বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থ নেই,
- (5) (ক) কোন ভূত নিরামিঘাশী নয়, কিন্ত কোন ভূত নেই, বচনগুলো স্ববিরোধী হত। কিন্তু এই বচনগুলো স্ববিরোধী নয়। (2) বচন $\mathbf{B}x \supset \mathbf{A}x$ বচনাপেক্ষকের সাবিক মাণক্ষর রূপ, $(x)(\mathbf{B}x \supset \mathbf{A}x)$

[ঃ] পূৰ্ববৰ্তী অনুস্থান দুউবা।

ষদি কোন বহির্বলপ্রভাবমুক্ত পদার্থ না থাকে, তবে Bx বচনাপেককের সব দৃষ্টান্ত বচন মিথা। হবে, অর্থাৎ $\sim (Hx)Bx$ । ফলে $Bx \supset Ax$ এর সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য হবে, কারণ দৃষ্টান্তবচনগুলো বেবন $Ba \supset Aa$, $Bb \supset Ab$, ইত্যাদি পূর্বগ মিথা। হওরার ঘন্যই সত্য হরে। স্থতরাং $Bx \supset Ax$ -এর সাবিক মাণকবদ্ধকরণ সত্য। (2) (ক) বচনের প্রতীকীরূপ হবে.

 $(x) (Bx \supset Ax) \cdot \sim (\exists x) Bx$

এটি সম্পূর্ণ সঙ্গত। (5) (ক)-এর প্রতীকীরূপ হবে,

(x) $(Bx \supset \sim Nx)$. $\sim (\exists x) Bx$

এটিও সম্পূর্ণ সঙ্গত ।

"সব ব্লাজা বিলাসী" বলে যদি আমর৷ "ব্লাজা আছে" এও বোঝাতে চাই, তবে বলতে হবে,

সব রাজা বিলাসী এবং রাজা আছে,

 $\exists 1,$ $(x) (Rx \supset Bx) . (\exists x) Rx$

রাজা না থাকলেও, অর্থাৎ \sim (ম্রx) Rx সত্য হলেও, (x) ($Rx \supset Bx$) সত্য হবে, কারণ Rx-এর কোন দৃষ্টান্ত বচন সত্য না হওয়ায় $Rx \supset Bx$ এর সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য হবে, এবং এর সাবিক মাণকবদ্ধকরণ সত্য হবে।

পরিকার বোঝা যায়, (x) ($\Phi x \supset \Psi x$) বচন থেকে (Ξx) Φx -এর সত্যতাও অনুসত হয় না, অ্তরাং (Ξx) ($\Phi x \cdot \Psi x$)-এর সত্যতাও অনুসত হয় না।

উপরের আলোচনা থেকে এই সিদ্ধান্ত গ্রহণ করা যায় যে সাবিক বচন তার উদ্দেশ্য পদাভিহিত কোন বস্তুর অন্তিম্ব সম্পর্কে কিছু বলে না। সাবিক বচন নঞ্জকি । A বচন

সব S (হয়) P

বলে, এমন একটিও ব্যক্তি নেই যা S এবং ~ P B বচন, কোন S নয় P

বলে, এমন একটিও ব্যক্তি নেই যা S এবং P

অর্থাৎ $A \equiv \sim (gx) (\phi x. \sim \Psi x)$ $E \equiv \sim (gx) (\phi x. \Psi x)$ ষিতীয়ত:, $\sim (\mathbf{H}x) \mathbf{\Phi}x$ সত্য হলে \mathbf{A} ও \mathbf{E} বচন একসঙ্গে সত্য হতে পারে। $\sim (\mathbf{H}x) \mathbf{\Phi}x$ সত্য হলে $\mathbf{\Phi}x$ -এর সব দৃষ্টান্ত বচন মিধ্যা, পূর্বগ মিধ্যা হওয়ায় $\mathbf{\Phi}x \supset \Psi x$ -এর সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য। অতএব $(x) (\mathbf{\Phi}x \supset \Psi x)$ সত্য। অন্যভাবে বলা যায়, একটি x ও $\mathbf{\Phi}$ না হলে, কোন x ই $\mathbf{\Phi} \cdot \sim \Psi$ ও হতে পারবে না, অর্থাৎ $\sim (\mathbf{H}x) \cdot (\mathbf{\Phi}x \cdot \sim \Psi x)$ সত্য। আবার, $\sim (\mathbf{H}x) \mathbf{\Phi}x$ সত্য হলে অনুরূপভাবে $\mathbf{\Phi}x \supset \sim \Psi x$ -এর সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য হবে, এবং $(x) (\mathbf{\Phi}x \supset \sim \Psi x)$ সত্য হবে। অন্যভাবে, একটি x ও $\mathbf{\Phi}$ না হলে, কোন x ই $\mathbf{\Phi} \cdot \Psi$ ও হতে পারবে না, অর্থাৎ $\sim (\mathbf{H}x) (\mathbf{\Phi}x \cdot \Psi x)$ সত্য হবে। \mathbf{A} ও \mathbf{E} বচনের মধ্যে বিপরীত-বিরোধিতা সম্বন্ধ নেই।

তৃতীয়ত:, যেহেতু (x) (Φx ⊃ Ψx) বা (x) (Φx ⊃ ~ Ψx) থেকে (\(\text{Ax})\) Φx অনুসত হয় না, এদের থেকে (\(\text{Ax})\) (Φx. \(\text{Y}\) x) বা (\(\text{Ax})\) (Φx. ~ Ψx) ও অনুসত হবে না। সভামাণকবদ্ধ বচন অন্তত একটি বস্তুর অন্তিদ্ধ স্বীকার করে। এ দিক থেকে I ও O বচন উভয়ই সদর্থক, কারণ I বচনের বক্তব্য,

অন্তত এমন একটি x আছে যে, x (হয়) Φ এবং x (হয়) Ψ , এবং Θ বচনের বক্তব্য,

শশন্তত এমন একটি x আছে যে, x (হয়) ϕ এবং x নয় ψ , স্থতরাং, $A \supset I$ বা $E \supset O$ সত্য নয়। সাধিক বচন থেকে সত্তাসূচক বচন অনুস্ত হয় না। $A \lor I$ এবং $E \lor O$ -এর মধ্যে অধীন-বিরোধিতা সম্বন্ধ নেই।

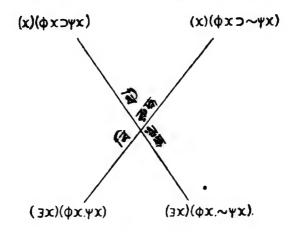
চতুর্থত:, I ও O বচন উভয়ই মিধ্যা হতে পারে, যদি উদ্দেশ্যপদ-বাচ্য কোন ব্যক্তি বা বস্তু না থাকে।

I—কোন কোন ভূত (হয়) নিরামিঘাশী O—কোন কোন ভূত নয় নিরামিঘাশী, বা, I— (Ξx) (Bx . Nx) O— (Ξx) $(Bx . \sim Nx)$

উভরই মিথ্যা হবে যদি কোন x ভূত না হয়, অর্থাৎ $\sim (\exists x) Bx$ । অর্থাৎ, ভূত না থাকলে Bx-এর সব দৃষ্টান্ত বচন মিথ্যা হবে, ফলে Bx. Nx বা Bx. $\sim Nx$ এর সব দৃষ্টান্ত বচন মিথ্যা হবে, কারণ একটি সংযোগী মিথ্যা। স্থতরাং এদের সন্তামাণকবছকরণ মিথ্যা হবে। অর্থাৎ,

 \sim ($\Xi^{'}$) $B^{'}$ সত্য হলে দুটি ৰচনই মিথ্যা। \sim ($\Xi^{'}$) $B^{'}$ সত্য হলেই একথা কি বলা যায়? আমাদের কি ভূতের অন্তিম্ব অস্বীকার করার স্বাধীনতাও নেই ?

ৰিরোধ চতুকোণের একমাত্র কর্ণ দুটি ছাড়া আর কিছুই থাকছে না।



A ও O, E ও I এর মধ্যে বিরুদ্ধ সম্বন্ধ কুণ্ণ হয় না !

A—যে কোন x-এর ক্ষেত্রে. যদি x Ø হয় তবে x Ψ হয়,
O—অন্তত এমন একটি x আছে যে, x Ø হয় এবং x Ψ নয়,
এবং Ε—যে কোন x-এর ক্ষেত্রে, যদি x Ø হয় তবে x Ψ নয়,
I—অন্তত এমন একটি x আছে যে, x (হয়) Ø এবং x
(হয়) Ψ,

এগুলো পরম্পর বিরুদ্ধ, কখনও একসঙ্গে সত্য হতে পারে ন। ।
মাণক পরিবর্তন বিধি, বাস্তব প্রকল্পনের সংজ্ঞা ও ছিনিচেমধ বিধির সাহায্যে এদের বিরুদ্ধ সম্বন্ধ দেখান যায়।

প্রতীকী ন্যায়

 $A - (x) (\Phi x \supset \Psi x) \qquad \equiv \sim (\exists x) \sim (\Phi x \supset \Psi x)$ $\equiv \sim (\exists x) \sim \sim (\Phi x \cdot \sim \Psi x)$ $\equiv \sim (\exists x) (\Phi x \cdot \sim \Psi x)$ $\equiv O \text{ বছনের নিষেধক}$

সুভরাং, $O \equiv \sim A$, এবং $A \equiv \sim O$

 $I-(\exists x) (\varPhi x \cdot \Psi x)$ $\equiv \sim (x) \sim (\varPhi x \cdot \Psi x)$ $\equiv \sim (x) \sim (\varPhi x \cdot \sim \sim \Psi x)$ $\equiv \sim (x) (\varPhi x \supset \sim \Psi x)$ $\equiv E$ বচনের নিষেধক

 \mathbf{E} —(x) ($\mathbf{\Phi} \ x \supset \sim \mathbf{\Psi} \ x$) $\qquad \equiv \sim (\exists x) \sim (\mathbf{\Phi} \ x \supset \sim \mathbf{\Psi} \ x)$ $\qquad \equiv \sim (\exists x) (\mathbf{\Phi} \ x . \sim \sim \mathbf{\Psi} \ x)$ $\qquad \equiv \sim (\exists x) (\mathbf{\Phi} \ x . \mathbf{\Psi} \ x)$ $\qquad \equiv \mathbf{I}$ বচনের নিষেধক

প্তরাং, $I \equiv \sim E$, এবং $E \equiv \sim I$

এখানে একটা প্রশা উঠতে পারে, I ও O বচনের প্রতীকীরূপে Φx ও Ψx -এর মধ্যে সংযৌগিক সম্বন্ধ স্থাপন করা হয়েছে, অথচ A ও B বচনের প্রতীকীরূপে Φx ও Ψx -এর মধ্যে প্রাক্তিক সম্বন্ধ স্থাপন করা হয়েছে। এই বৈষম্যের কারণ কি ? A যদি (x) ($\Phi x \supset \Psi x$) হতে পারে, I তবে (χx) ($\Phi \supset \Psi x$) হতে বাধা কি ? একটি I বচন নিন,

কোন কোন মাংসৰিকেতা (হয়) ধাৰ্মিক,

ৰা, অন্তত এমন একটি ৰ্যক্তি আছে যে, ঐ ব্যক্তি মাংস বিজেতা এবং ঐ ৰ্যক্তি ধাৰ্মিক

 \P 1, $(\exists x)$ (Mx . Dx)

यपि चना रस,

 $(\mathfrak{A}x)$ $(Mx\supset Dx)$

তবে এর অর্থ হয়.

অন্তত এমন একটি ব্যক্তি আছে বে, যদি সে মাংসবিক্রেত।
হয় তবে সে ধার্মিক।

যদি জগতে অন্তত একটি ব্যক্তি থাকে, এবং সেই (কোন) ব্যক্তি মাংস বিক্রেতা না হয়, তবে Mx-এর সব দৃষ্টান্ত বচন মিথ্যা হবে; এবং $Mx \supset Dx$ এর সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য হবে, $(\exists x) (Mx \supset Dx)$ ও সত্য হবে । অর্থাৎ জগতে কোন মাংস বিক্রেতা না থাকলেও বচনটি সত্য হবে । কিন্তু I বচনের ব্রুব্য তা নয় । I বচনটির বক্তব্য, মাংস বিক্রেতা ও ধার্মিক এমন কেন্ট আছে । অনুরূপভাবে O-বচনকে $(\exists x) (Mx \supset \sim Dx)$ রূপ দিলে মাংসবিক্রেতা কেন্ট না থাকলেও $(\exists x) (Mx \supset \sim Dx)$ সত্য হবে, কিন্তু O বচনের ব্রুব্য, মাংসবিক্রেতা কিন্তু ধার্মিক নয় এমন কেন্ট আছে । এইজন্য সন্তাবাচক বচনকে প্রাক্রিক সম্বন্ধ বার। প্রকাশ করে। যায় না ।

5.8 জটিলভর সামান্য বচন

প্রাচীন ন্যায়ের A, E, I, O-এর চেরেও জটিলতর সামান্য বচন হতে। পারে, এবং আমর। সাধারণ ভাষায় ব্যবহারও করে থাকি।

- (1) সব কর্মচারী পেন্সন ও গ্র্যাচুয়িটি পাওয়ার যোগ্য, বচনটিকে প্রতীকীরূপ দেওয়া যাক। এর ক্রমিক রূপান্তর লক্ষ্য করুন,
 - যে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে, যদি ঐ ব্যক্তি কর্মচারী হয় তবে ঐ ব্যক্তি পেনুসন ও প্র্যাচ্যিটি পাওয়ার যোগ্য,
 - বে কোন x-এর ক্ষেত্রে, যদি x কর্মচারী হয় তবে x পেন্ সন-ও গ্রাচুয়িটি পাওয়ার যোগ্য,
 - বে কোন x-এর কেত্রে, যদি x কর্মচারী হয় তবে x পেন্সন পাওয়ার যোগ্য এবং x গ্র্যাচুরিটি পাওয়ার যোগ্য, $(x) [Kx \supset (Px \cdot Gx)]$
 - (2) সব স্বায়ী কর্মচারী পেন্সন ও গ্রাচুয়িট পাওয়ার যোগা,
 - বে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে, যদি ঐ ব্যক্তি কর্মচারী হয় এবং ঐ ব্যক্তি স্বায়ী হয়, তকে ঐ ব্যক্তি পেন্সন পাওয়ার যোগ্য: এবং ঐ ব্যক্তি গ্রাচ্যিটি পাওয়ার যোগ্য,
 - যে কোন x-এর ক্ষেত্রে, যদি x ক্ষ্মচারী হয় এবং x স্থায়ী:
 হয়, তবে x পেন্দন পাওয়ার যোগ্য এবং x গ্রাচুরিটি:
 পাওরার থাগ্য,
 - (x) [($Kx \cdot Sx$) $\supset (Px \cdot Gx)$]

- (3) কোন কোন হাট্টমাটিমটিম ডিম পাড়ে কিছ উড়ে না,
 অন্তত এমন একটি ব্যক্তি আছে যে, ঐ ব্যক্তি হাট্টমাটিমটিম,
 এবং ঐ ব্যক্তি ডিম পাড়ে ও ঐ ব্যক্তি উড়ে না,
 (Ax) [Hx. (Dx. ~ Ux)]
- (4) সৰ অভিভাবক ও শিক্ষক অভিভাবক-শিক্ষকসংঘের সদস্য অভিধান—Ax # x হয় অভিভাবক S'x # x হয় শিক্ষক Sx # x হয় অভিভাবক-শিক্ষকসংঘের সদস্য

अिंटिक पृष्टि मार्चिक विष्टानंत मः त्यांश धता यांग्र,

সৰ অভিভাৰক (হয়) অভিভাৰক-শিক্ষকসংধ্যের সদস্য,
সৰ শিক্ষক (হয়) অভিভাৰক-শিক্ষকসংখ্যের সদস্য।
প্রতীকীরূপে.

(x) $(Ax \supset Sx) \cdot (x)$ $(S'x \supset Sx)$

্বিজ্ঞ সাধারণ ভাষার বচনটির মধ্যে একটি উক্তিই আছে, দুইটি নর। দেখা যাক, সে ভাবেই এর প্রতীকীকরণ সম্ভব কি না।

বে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে, যদি ঐ ব্যক্তি অভিভাবক ও শিক্ষক হয় তবে ঐ ব্যক্তি অভিভাবক-শিক্ষক সংখ্যের সদস্য, $(x) [(Ax \cdot S'x) \supset Sx]$

দুর্ভাগ্যবশতঃ বচনটির অর্থ পাল্টে গেছে। এতে বোঝাচ্ছে, বাঁরা অভিভাবক ও শিক্ষক উভয়ই, কেবল তাঁরাই অভিভাবক-শিক্ষকসংঘের সদস্য। অনেক অভিভাবক শিক্ষক নয়, কোন কোন শিক্ষক অভিভাবক নয়, বাঁরা উভয়ই নয় তাঁরা কেউ অভিভাবক-শিক্ষকসংঘের সদস্য নয়। আমাদের বক্তব্য এক্সপ ছিল না। বচনটির প্রকৃত ক্সপ হবে,

> বে কোন ব্যক্তির ক্ষেত্রে, যদি ঐ ব্যক্তি অভিভাবক হয় বা ঐ ব্যক্তি শিক্ষক হয়, তবে ঐ ব্যক্তি অভিভাবক-শিক্ষক-সংঘের সদস্য,

> > $(x) [(Ax v S'x) \supset Sx]$

-5.9 মাণকনিয়ামক অনুমানবিধি ও প্রমাণ গঠন

যে ন্যায়ের অবমবভুক্ত মাণকবদ্ধ বচনাপেকক আছে, তার প্রমাণ

গঠনের জন্য বাচনিক ন্যায়ের অনুমানবিধি যথেষ্ট নর, আরও করেকটি নৃতন অনুমানবিধি আমাদের গ্রহণ করতে যবে। সেই বিধ্যাত ন্যারটি নিন,

> সব মানুষ (হয়) নশুর, সক্রেটিস (হয়) মানুষ,

় সক্রেটিস (হর) নশুর।

প্রতীকীরূপে.

 $(x) (Mx \supset Nx)$ Ms

: Ns

ष्यायता षानि,

Ms ⊃ Ns Ms

∴ Ns

এই ন্যার বৈধ, কিন্ত মাণকবদ্ধ বচনাপেক্ষক সহযোগে গঠিত পূর্বের ন্যারটি থেকে এটি কি ভাবে পাব ? এই প্রকার ন্যায়ের প্রমাণ গঠনের শ্রুনা এখানে আমরা নূতন চারটি অনুমানবিধি উপস্থাপিত করব।

সাবিক নিদর্শন। কোন বচনাপেক্ষকের সাবিক মাণকবন্ধকরপ
শত্যি হবে, যদি এবং কেবল যদি তার সব দৃষ্টান্ত বচন সত্য হয়।

হতরাং, সাবিকমাণকবন্ধ কোন বচনাপেক্ষক থেকে তার যে কোন দৃষ্টান্ত
বচন অনুমেয়। বচনাপেক্ষক থেকে দৃষ্টান্ত বচন উৎপাদন করাকে
নিদর্শন বলে। এই বিধি সাবিক মাণকবন্ধ বচনাপেক্ষক থেকে যে কোন
দৃষ্টান্ত বচনের অনুমান অনুমোদন করে বলে একে সাবিক নিদর্শন অনুমানবিধি বলে। এর সংক্ষিপ্ত ইংরেজী নাম UI (U—Universal, সাবিক,
I—Instantiation, নিদর্শন)।

এই বিধির সাহায্যে উপরের ন্যায়টির প্রমাণ গঠন করা যাক। প্রমাণ লেখার পদ্ধতি বাচনিক ন্যায়ের প্রমাণ লেখার পদ্ধতির মত। এই বিধির প্রয়োগ প্রণালী একক্থায় বলা যায়, সাবিক মাণকটি উঠিয়ে দিন,

এখানে নৃতন অনুমানবিধিওলোর প্রাথমিক ক্লপ দেওয়া হবে । পারবর্তী প্রছে
 এ দের বিশেষ জাজোচনা ও সংগরিবর্তন করা হবে।

এবং ঐটি বচনাপেক্ষকের যে সব ব্যক্তিনাম গ্লাহকপ্রতীককে বন্ধ করে রেখেছিল তাদের স্থলে একটি ব্যক্তিগ্রুপেক বসিয়ে দিন।

(1) (x) (Mx ⊃ Nx) (2) Ms² /∴ Ns (3) Ms, ⊃ Ns 1, U I

(4) Ns 3, 2, M. P.

এই ধরণের ন্যায়ের ন্যায়াকার কিরাপ হবে ? লক্ষণীয় যে, বিতীয় পঙজির Ms একটি বিশিষ্ট বচন, s একটি ব্যক্তিগ্রুবক। কিন্ত বিতীয় পঙজি Mp (প্রেটো), Ma (এরিষ্টট্ল), Mk (কপিল), Mg (গৌতম) হতে পারত, এবং তদনুসারে সিদ্ধান্ত Np, Na, Nk, Ng হতে পারত। স্কুতরাং, বিধিটির প্রতীকীরূপে কোন ব্যক্তিগ্রুবকের ব্যবহার সমীচীন হবে না। s-এর স্থলে এমন একটি প্রতীক ব্যবহার করা দরকার যা যে কোন ব্যক্তিগ্রুবকের কান্ত করতে পারে। এই প্রকার প্রতীককে বলা হয় ব্যক্তিপ্রতীক, এটি ব্যক্তিগ্রুবকও হতে পারে, আবার যে কোন ব্যক্তিগ্রুবকের স্থলে (কার্যতঃ ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীকের মত) ব্যবহৃত হতে পারে। ব্যক্তিপ্রতীক বোঝাতে আমরা গ্রীক বর্ণমালার » (উচ্চারণ—নিউ) অক্ষরটি ব্যবহার করব।

উপরের ন্যায়ে বচনাপেক্ষক $Mx \supset Nx$ । গুণ খ্রুবকের স্থলে গুণনাম গ্রাহকপ্রতীক বর্ণ ব্যবহার সমীচীন, কারণ, "সব রাজা বিলাসী" বা (x) ($Rx \supset Bx$), "সব গুফকবারী পুরুষ আত্মন্তরি" বা (x) ($Gx \supset Ax$), এগুলোও আমাদের অন্যান্য ন্যায়ে যুক্তিবচন হিসেবে ব্যবহার করতে হবে। অর্থাৎ, যে কারণে ব্যক্তিশ্রুবকের ব্যবহার অসমীচীন, সেই কারণেই গুণখ্রুবকের ব্যবহারও অসমীচীন। গুণনাম গ্রাহকপ্রতীক ব্যবহার করে বচনাপেক্ষকটি দাঁড়াল $\Phi x \supset \Psi x$ । কিছ বচনাপেক্ষক অন্য আকারেরও হতে পারে, $\Phi x \lor \Psi x$, $\Phi x \cdot \Psi x$, Φx

Mx, Mx Nx, $\sim Mx$ v Ax, $Aa \supset Mx$, (Ax v $S'x) <math>\supset Sx$, top HP

এবার আমরা সাবিক নিদর্শন বিধির প্রতীকীরূপ দিতে পারি,¹

 $(x) \Phi x$

∴ Φ ν (୬-কে যে কোন ব্যক্তিপ্রতীক ধরে)

[Φ x এতে x-এর সব অবস্থানক্ষেত্রে ୬ সংস্থাপন করতে হবে ।]

- (2) जार्विक जा मानग्रीकद्भ । नीराज्य वातनि (पर्वून,
 - (1) যদি রাম ও শ্যাম অংশীদার হয়, তবে তাদের অংশীদারী সংস্থার যাবতীয়ে ঋণের জন্য রাম ও শ্যাম যৌপভাবে দায়ী থাকবে,

এই বচনের নামগুলে। কোন ব্যক্তিবিশেষের নাম নর, বচনটির অর্থ,

(1) (ক) যদি যে কোন দুই ব্যক্তি একটি অংশীদারী সংস্থা গঠন করে, তবে অংশীদারী সংস্থার যাবতীয় ঋণের জন্য ঐ দুই ব্যক্তি যৌগভাবে দায়ী থাকবে,

অর্থাৎ "রাম" ও "শ্যাম" নাম দুটি প্রকৃত নাম নয়, যে কোন দুজন ব্যক্তি বোঝাবার জন্য ব্যবহৃত একপ্রকার অবিশেষ নাম। বচনটি "রাম", "শ্যাম" সম্পর্কে যেমন সত্যা, "য়দু", "য়দু" সম্পর্কেই তেমনি সত্যা। অথচ, "রাম", "শ্যাম" ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীকও নয়, কায়ণ তা হলে (1) বচন না হয়ে বচনাপেক্ষক হত। কিন্তু (1) একটি বচন, বচনাপেক্ষক নয়। আসলে এই বচনে "রাম", "শ্যাম" অপরিক্ষিতভাবে নির্বাচিত দুটি ব্যক্তি, অর্থাৎ যে কোন দুই ব্যক্তি।

नौक्ठत नग्रंबि (पर्नन,

श्रव मानूष (श्रव) नश्रव, न्यव श्रीक (श्रव) मानूष,

∴ সব গ্রীক (হর) নশুর।

প্রতীকীরূপে.

(x) $(Mx \supset Nx)$

 $(x)(Gx\supset Mx)$

 $\therefore (x) (Gx \supset Nx)$

उ अवारन न्यासाकास ७ जनुमानविधि भृष्क करत प्रधान रूख ना ।

ষদি একটি ব্যক্তিশ্রুত্বক ব্যবহার করে যুক্তিবচন দুটির উপর UI প্রয়োগ করা হয়, তবে ন্যায়টি দাঁড়াবে,

> $Ms \supset Ns$ $Gs \supset Ms$

 \therefore Gs \supset Ns

কিছ, $Gs \supset Ns$ থেকে (x) $(Gx \supset Nx)$ পাব কি করে? একজন ব্যক্তি সম্বন্ধে যা সত্য তা যে কোন ব্যক্তি সম্বন্ধেও সত্য, এ কথা বলার উপায় কি ? উপায়, যদি ঐ ব্যক্তি অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত কেউ জ্যামিতিতে একটি ত্রিভুজ এঁকে তার তিন কোণের সমষ্টি দুই সমকোণের সমান প্রমাণ করে তারপর বলা হয়, অতএব, যে কোন ত্রিভুঞ্জের তিন কোণের সমষ্টি দুই সমকোণের সমান। সাবিক জ্যামিতিক সিদ্ধান্তের ভিত্তি, যা একটি অপরিকন্নিতভাবে নির্বাচিত ত্রিভূজ সম্বন্ধে সত্য, তা সৰ ত্রিভুজ সম্বন্ধে সত্যু। কোন অপরিক্সিতভাবে নির্বাচিত ত্রিভুজ সম্পর্কে ত্রিভূজটি সমবাহ, সমন্বিবাহ বা অসমবাহ, সমকোণী, সৃষ্মকোণী वा चुनदर्गानी, किंचूरे वना চरन ना, किंख वना চरन, अत्र जिन कारनत সমষ্টি দুই সমকোণের সমান, কারণ, এখানে অপরিকন্ধিতভাবে নির্বাচিত ত্রিভূজের একমাত্র ত্রিভূজ্বই অঙ্গীকার করে নেওয়া হচ্ছে, তার অন্য কোন বৈশিষ্ট্য অঙ্গীকার করে নেওয়া হচ্ছে না। অনুরূপভাবে, একজন অপরিকন্নিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তি সম্বন্ধে তিনি গ্রীক বা ভারতীয়, मार्गनिक वा मुमुक्तू, मीर्घरम्य वा थर्रामर, किछूरे वना घरन ना, किछ वना চলে, তিনি নশুর । স্থাপাতত আমরা যে কোন একটি অপরিকন্ধিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তির ম্বলে y বর্ণটি প্রতীক হিলেবে ব্যবহার করব। (x) Φ x থেকে Φ y বৈশ্বভাবেই নি:স্তভ হয়, কারণ যা সব ব্যক্তি সম্বদ্ধে সত্য তা অপরিকন্পিতভাবে নির্বাচিত যে কোন ব্যক্তি সম্বন্ধেও সত্য। আবার, Φy থেকে (x) Φx বৈধভাবে অনুমান ব্যুরা যাবে, কারণ যা যে কোন একটি অপরিকল্পিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তি সম্বন্ধে সত্য তা সব ব্যক্তি সম্বন্ধে সত্য। কিন্তু যদি ব্যক্তিশ্রুত্বক ব্যবহার করে (x) 🛭 🗴 থেকে UI হারা ϕa আনমন করি, তবে ϕa থেকে পুনরায় $(x) \phi x$ অনুমান করা সম্ভব হবে না, কারণ a একটি নিদিষ্ট ব্যক্তিনামের প্রতীক। Φ a बनतन त्वाबात्व, त्कान वित्यम वास्तित Ø श्वर्थ जाहा, ताबात्व ना. যে কোন অপরিকন্মিতভাবে নির্বাচিত ৰাজির 🗗 গুণ আছে। y বর্ণটি

ঐ প্রকার অবিশেষ নামের প্রতীক বলেই y এর ব্যবহার মাণক ছাড়াই ৰচনের সাবিক্ষ প্রকাশ করতে পারে, এবং ϕ y পেকে (x) ϕ x বৈধভাবে অনুমান করা যেতে পারে। ϕ a ও ϕ y দুইই (x) ϕ x এর দুষ্টান্ত ৰচন, এবং এর পেকে অনুমেয়। UI বিধিতে y প্রতীক a-ও বোঝাতে পারে, y-ও বোঝাতে পারে।

সাবিক সামান্যীকরণ বিধির প্রতীকীরূপ,

Φy

- \therefore $(x) \Phi x$
- (y কে যে কোন একটি অপরিকন্পিতভাবে নির্বাচিত ব্যক্তির প্রতীক **শরে**)

এই বিধির প্রয়োগ প্রণালী এক কথায় পলা যায়, y অপরিকল্পিতভাকে কর্মিভিত বক্তির প্রতীক হলে, Ø y বচনাপেকক থেকে তার সাবিক মাণকবদ্ধ বচন বা সূত্র অনুমান করা যায়। এই বিধির সাহায্যে সাবিক মাণকবদ্ধ সামান্য বচন অনুমান করা হয় বলে একে সাবিক সামান্যীকরণ বিধি বলে। এর সংক্ষিপ্ত ই:রেজী নাম UG (U—Universal, সাবিক, G—Generalization, সামান্যীকরণ)।

এবার উপরের ন্যায়টির প্রমাণ গঠন করা যাক,

| (1) | (x) $(Mx \supset Mx)$ |
|-----|-------------------------|
| (2) | (x) $(Gx\supset Mx)$ |
| (3) | $My \supset Ny$ |

/∴ (x) (Gx ⊃ Nx) 1. UI

(4) Gy ⊃ My

2, UI 4, 3, H.S.

(5) $Gy \supset Ny$ (6) $(x)(Gx \supset Nx)$

5. UG

সন্তাসামান্যীকরণ। আমরা জানি, বচনাপেক্ষকের সভামাণক-বন্ধকরণ সত্য হবে, বদি এবং কেবল যদি তার অন্তত একটিও দৃষ্টান্ত বচন সত্য হয়। অর্থাৎ, যদি জানি, কোন বিশেষ ব্যক্তির একটি গুণ আছে, তবে বলতে পারি, কোন কোন ব্যক্তির ঐ গুণ আছে। যদি জানি "সজ্রেটিস দার্শনিক" বা Ds সত্য, তবে বলতে পারি। "কোন কোন ব্যক্তি দার্শনিক" বা (মু৯) Dx। স্থতরাং, জামাদের তৃতীর অনুমানবিধি হচ্ছে, কোন বচনাপেক্ষকের কোন একটি দৃষ্টান্ত বচন সত্য হলেই প্র

বচনাপেককের সন্তামাণকবন্ধ বচন ব। সূত্র অনুমান করা যেতে পারে।
এই বিধির সাহায্যে সন্তামাণকবন্ধ সামান্য বচন অনুমান করা হর বলে
একে সন্তামান্যীকরণ বলে। এর সংক্ষিপ্ত ইংরেজী নাম EG
(E—Existential, সন্তা (সূচক), G—Generalization, সামান্যীকরণ)।
এর প্রতীকীরূপ,

Φν

∴ (রx) 🗗 x (ৣয়, কুর যে কোন ব্যক্তি প্রতীক ধরে)

হাতে দন্তানা পরে এসেছিল, জানালার গরাদে ফাঁক করে ধরে চুকে
যদুবাবুকে তাঁরই পিন্তল দিয়ে গুলি করে ধরের দরজা খুলে বেরিয়ে
সিঁড়ি দিয়ে নেমে যায়। এখানে কোন একজন লোক সম্বন্ধে কিছু বল্লাছে, কিছ জানা নেই লোকটি কে, শুধু জানা আছে, সে আছে এবং
হত্যাকারী। অনেক 'সময় আমরা বলি, ঐ মে সেদিন পার্টিতে যিনি
আমার ডানদিকে বসেছিলোন, কি যেন তাঁর নাম ? এই 'কি যেন তাঁর
নাম''ও আগের "রাম'', ''ল্যামের'' মধ্যে পার্ধক্য বিশেষভাবে অনুধাবনীয়।
''রাম'', ''ল্যাম'' যে কোন ব্যক্তি, এগুলোকে সামান্য অবিশেষ নাম বলা
যায়। কিছু ''কি যেন তাঁর নাম'' কোন এক বিশেষ ব্যক্তি, যে কোন
ব্যক্তি নয়। স্থাতরাং ''কি যেন তাঁর নাম'' বোঝাতে ৮ প্রতীক্ষর্ব
ব্যবহার করা চলবে না, কারণ ৮ অবিশেষ নামের প্রতীক হলেও কোন
ব্যক্তির নামের প্রতীক। ''কি যেন তাঁর নাম'' ব্যক্তিভাবে নির্বাচিত যে কোন
ব্যক্তির নামের প্রতীক। ''কি যেন তাঁর নাম'' ব্যক্তিবিশেষের নামের
স্থলে ব্যবহৃত হয়েছে।

যিনি আমার পাশে বসেছিলেন, কি যেন তাঁর নাম, বচনের অর্থ,

একজন কেউ আছেন, যিনি আমার পাশে বসেছিলেন, প্রতীকীরূপে,

 $(\mathbf{H}\mathbf{x})$ $\mathbf{B}\mathbf{x}$

"কি যেন তাঁর নাম" লোকটিকে একটি ব্যক্তিশ্রুপক হার। নির্দেশ করতে হবে, অথচ তাঁর নামটাই জান। নেই যে আদ্যক্ষরটি ব্যক্তিশ্রুপক হিসেবে ব্যবহার করব, তথু জানা আছে, তিনি ঐপিন আমার পালে বলেছিলেন। এক্সপ ক্ষেত্রে আমরা ৮ অক্ষরটি ঐ "কি বেন তাঁর নাম" লোকটির নামের স্থলে ব্যক্তিগ্রুবক হিসেবে ব্যবহার করব। স্থতরাং, আমরা অনুমান করতে পারি,

 $\frac{\exists x) \ B \ w}{\exists x}$

w (क ? ना, यिनि जामात शार्म वरमिहालन।

এবার আমর। চতুর্থ ও শেষ অনুমানবিধিটি এভাবে উপস্থাপিত করতে পারি। কোন সন্তামাণকবদ্ধ বচন কোন ব্যক্তির সন্তা ঘোষণা করে। বচনবর্ণিত কোন একজন ব্যক্তি আছে, এইটুকুই শুধু জানি, (স্ত্রুম) ϕ ম। ব্যক্তিনাম গ্রাহকপ্রতীকের স্থলে ৮ কে ব্যক্তিশ্রুষকরূপে ব্যবহার করে, সন্তামাণকবদ্ধ বচনাপেক্ষক (ϕ ম) থেকে ৮ সম্পর্কে তার একটি দৃষ্টান্তবচন অনুমান করা যায়, ϕ ৮।

 $\frac{x \Phi (xE)}{x \Phi \nu}$

এই বিধি হার। স্তামাণকবদ্ধ বচনাপেক্ষক থেকে দৃষ্টান্ত বচনের অনুমান অনুমোদিত হয় বলে একে স্তানিদর্শন বিধি বলে। এর সংক্ষিপ্ত ইরেজী নাম EI (E—Existential, সত্তা (সূচক), I—Instantiation, নিদর্শন)।

এই বিধির প্রয়োগে একটি শর্ত পালন করতে হবে, কখনও লচ্ছবন করা চলবে না। শর্তটি এই, একই ন্যায়ে ৮ কে দুবার EI দ্বারা উপস্থাপিত করা চলবে না। ৮ একটি ব্যক্তিগ্রন্থক, একবার EI দ্বারা উপস্থাপিত হয়ে থাকলে একটি বিশেষ ব্যক্তির নামের প্রতীক হিসেবে ইতঃপূর্বেই ব্যবহৃত হয়েছে। স্মৃতরাং আর একবার আর একটি ব্যক্তির নামের প্রতীক হিসেবে একই ন্যায়ে EI দ্বারা উপস্থাপিত হতে পারবে না। ব্যক্তিগ্রুবক হওয়ায় ৮ একই ন্যায়ে একাধিকবার EI দ্বারা জনুমোদিত হয় না।

E I এর প্রতীকীরপ,

x **Q**(xE)

ALAT

(৮ব EI বারা পূর্বে অনুপদ্বাপিত একটি ব্যক্তিগ্রুবক ধরে)

শর্ত ভঙ্গ করে B I-এর অবৈধ প্রয়োগ করলে সত্য যুক্তিবচন থেকে। স্বতোমিধ্যা সিদ্ধান্ত আনয়ন খুব সহজ হয়।

একজন কেউ (হয়) ধনী, একজন কেউ (হয়) দরিদ্র,

∴ একজন কেউ (হয়)ধনী ও দরিদ্র।

প্ৰমাণ,

- (1) $(\exists x) Dx$
- (2) $(\exists x) \sim Dx$ /: $(\exists x) (Dx \cdot \sim Dx)$
- (3) D w
- (4) ~ D w 2, E I (আবধ)
- (5) Dw. ~ Dw
- 3, 4, Conj.
- (6) $(\mathbf{R}\mathbf{x})$ $(\mathbf{D}\mathbf{x} \cdot \sim \mathbf{D}\mathbf{x})$
- 5. EG

1. E I

ন্যায়টি অবৈধ, কারণ ধনী ব্যক্তি ও দরিদ্র ব্যক্তি, অর্থাৎ D w এর w ব্যক্তি একই ব্যক্তি না হওয়াই তো সম্ভব ! কিছ w এর সাহায্যে দুবার EI প্রয়োগ করার অর্থ, এই দুই ব্যক্তি একই ব্যক্তি এক্কার করা, যার কোন ভিত্তি নেই।

প্রাচীন ন্যায়ের একটি অবৈধ মূতি ধরুন,

কোন কোন মানুষ (হয়) খেতবর্ণ, কোন কোন ভন্নুক (হয়) খেতবর্ণ,

∴ কোন কোন মানুষ (হয়) ভল্লুক।

EI-এর অবৈধ প্রয়োগ করলে প্রদত্ত যুক্তিবচন থেকে সিদ্ধান্ত প্রমাণ কর।
যার।

- (1) (日x) (Mx.Sx)
 (2) (日x) (Bx.Sx) /: (日x) (Mx.Bx)
 (3) Mw.Sw 1, E I
 (4) Bw.Sw 1, E I (可符号)
 (5) Mw 3, Simp.
 (6) Bw 4, Simp.
 (7) Mw.Bw 5, 6, Conj.
 - (8) $(\exists x) (Mx \cdot Bx)$ 7, EG

EI প্রয়োগের শর্ডটি এই প্রকার ভুল প্রমাণ নিবারণের উদ্দেশ্যে আরোপিত হয়েছে। শ্বেতবর্ণ মানুষ ও শ্বেতবর্ণ ভারুক দুই ব্যক্তি হতে পারে বলেই ন্যায়টি অবৈধ।

এবার শেম পুটি নিয়মের বৈধ প্রয়োগের দুটান্ত দেখা যাক্।

সব কুকুর (হয়) মাংসাদী,

কোন কোন জন্ত (হয়) কুকুর,

∴ কোন কোন জন্ত (হয়) যাংসাদী।

প্রমাণ,

| (1) | (x) $(Kx \supset Mx)$ | | |
|-------------|---|-----|-----------------------------|
| (2) | $(\exists x) (Jx \cdot Kx)$ | /:. | $(\exists x) (Jx \cdot Mx)$ |
| (3) | Jw.Kw | | 2, E I |
| (4) | Kw.Jw | | 3, Com. |
| (5) | K w | | 4, Simp. |
| (6) | $K w \supset M w$ | | 1, U I |
| (7) | M w | | 6, 5, M.P. |
| (8) | Jw | | 3, Simp. |
| (9) | Jw.Mw | | 8, 7, Conj. |
| (10) | $(\mathbf{H}\mathbf{x})(\mathbf{J}\mathbf{x}\cdot\mathbf{M}\mathbf{x})$ | | 9, EG |

মাণকনিয়ামক অনুমানৰিধির সঙ্গে প্রাকন্ধিক প্রমাণবিধির **প্রয়োগ**ুকর। যেতে পারে ।

> সৰ সৎ-স্বভাব ও জ্বী-অনুরাগী স্বামী বৈকালিক চা-পানের ভূদন্য গৃহ প্রত্যাবর্তনকারী ও জ্বীর আজ্ঞানুবর্তী হয়।

∴ সব সৎ স্বভাব স্বামী স্ত্রীর আজ্ঞানুবর্তী হয়।

অভিধান,

Sx # x (হয়) সংস্বভাব স্বামী
Ax # x (হয়) ত্ৰী-অনুৱাগী স্বামী
Cx # x (হয়) বৈকালিক চা-পানের জন্য গৃহপ্রতাবির্তনকারী স্বামী
Bx # x (হয়) ত্রীর স্বাক্ষানুবর্তী স্বামী

् गांव

(1)
$$(x) [(Sx v Ax) \supset (Cx . Bx)] / \therefore (x) (Sx \supset Bx)$$

 \Rightarrow (2) Sy
(3) $(Sy v Ay) \supset (Cy . By)$ 1, U 1
(4) Sy v Ay 2, Add.
(5) Cy . By 3, 4 M.P.
(6) By . Cy 5 Com.
(7) By 6 Simp.
(8) Sy \supset By 2—7, C.P.

ৰার একটি.

(9) (x) $(Sx \supset Bx)$

8, UG

धराप.

- $(1) \quad (x) \quad (Ax) \supset Px)$ (2) $(x) [(Px \cdot Ax) \supset Mx]$ /: $(x) [Ax \supset (Px \cdot Mx)]$ 1. U I (3) Ay $\supset Py$ $(4) \quad (Py \cdot Ay) \supset My$ 2, UI →(5) Ay 3, 5, M.P. (6) Py $(7) Py \cdot Ay$ 6, 5, Conj. 4, 7, M.P. (8) My(9) Py . My 6, 8, Conj. (10) $Ay \supset (Py \cdot My)$ 5-9, C.P. (11) $(x)[Ax \supset (Px . Mx)]$ 10, UG
 - (1) এই विशिधाला व्हरन गमर्थ श्रीकृत छेशत श्रीरामा ।
 - ·(2) কোন মাণকের আগে নিমেধক চিহ্ন "~" থাকৰে না ।
 - (3) একই অনুমানে UI ও BI প্ররোগ করতে হলে আগে BI প্ররোগ করতে হবে।

5.10 जदेवनका क्षत्रान

প্রদত্ত ন্যায়ের অবৈধতা প্রমাণের উদ্দেশ্যে বাচনিক ন্যায়ে আম্ব্রা কয়েকটি পদ্ধতি অবলয়ন করেছি। মাণকবদ্ধ বচনাপেক্ষক সহবোগে গঠিত ন্যায়ের অবৈধতা প্রমাণের উদ্দেশ্যে সংক্ষিপ্ত সত্যসারশী কৌশলের অনুব্রপ একটি পদ্ধতি এখানে দেখানো হয়ন। ন্যায় অবৈধ হবে, যদি এমনভাবে উপাদান বচনের মানশর্ত নিবেশন সম্ভব হয় যে যুক্তিবচন সত্য কিছে সিদ্ধান্ত মিধ্যা হয়। মাণকবদ্ধ বচনাপেক্ষকের বেলায় কি ভাবে ঐ কৌশলটি প্রয়োগ করা যেতে পারে, তাই এবার দেখান হবে।

প্রথমে আমরা একটি মঙ্গীকার ব**রব** যে, ছগতে অন্ততপক্ষে একটি ব্যক্তি আছে। দুইটি, তিনটি,, k-সংখ্যক ব্যক্তি থাক্**ত**লও এই অঙ্গীকার পূর্ণ হয়। ধরা যাক্, জগতে একটি মাত্র ব্যক্তি আছে, তার নাম "বছয়"। এই প্রকার জগতে

गव वाङ्गि (श्य) नथुत्र,

এবং

অজয় (হয়) নশুর,

এই দুটি বচন ন্যায়ত: সমমান হৰে, কারণ এই জগতে অজয় একমাত্র ব্যক্তি যে নশুর হতে পারে। হিতীয় বচনটি প্রথম বচনের একমাত্র দুষ্টান্ত বচন। আবার, এই জগতে

কোন কোন ব্যক্তি (হয়) নপুর,

এবং

जखरा (इरा) नभूत,

এই मूर्টि वठन७ अक्टे कांत्रर्श नाग्यं : गम्मान ट्रां । ग्वाकार्त्र,

 $(x) \Phi x \equiv \Phi a$

 $(\exists x) \Phi x \equiv \Phi a$

সূতরাং,

 $(x) \Phi x \equiv (\exists x) \Phi x$

যদি জগতে দুইটি ব্যক্তি থাকে, এবং তাদের নাম যথাক্রমে ''অজর'' ও ''বিজয়'' হয়, তবে

> স্ব ব্যক্তি (হয়) নশুর, অজয় ও বিজয় (হয়) নশুর,

এব:

এই দুইটি বচন ন্যায়তঃ সম্মান, কারণ কেবল অজয় ও বিজয় এই দুই ব্যক্তি এই জগতের বাসিলা। "অজয় (হয়) নশুর" ও 'বিজয় (হয়)

নশুর", কেবল এই দুটি বচনই "সব ব্যক্তি (হয়) নশুর" বচনের দৃ**টান্ড** ৰচন । আবার এবং

কোন কোন ব্যক্তি (হয়) নশুর, অজয় বা বিজয় (হয়) নশুর,

ৰাই দুটি বচনও ন্যায়ত: সম্মান, কারণ, কোন কোন ব্যক্তি নশুর হবে, বিদ এবং কেবল যদি অভয় ও বিজয়ের মধ্যে অন্তত একজন নশুর হয়। দুজাকারে,

 $(x) \Phi x \equiv \Phi a \cdot \Phi b$ $(\exists x) \Phi x \equiv \Phi a v \Phi b$

'বে **দগতে** একাধিক বাগিল। আছে, গে জগতে $(x) \phi x$ ও $(\mathbf{H}x) \phi x$ चाग्रिक: সমমান নয়। যদি জগতে k-সংখ্যক বাগিল। থাকে, তবে

 $(x) \Phi x \equiv (\Phi a \cdot \Phi b \cdot \dots \cdot \Phi k)$ $(\exists x) \Phi x \equiv (\Phi a \nu \Phi b \nu \dots \nu \Phi k)$

সাবিকমাণক ও স্ভামাণকের ধারণা থেকেই এই বচনগুলোর সম্মানতা পরিস্ফুট হয়। यात ব্যক্তিসংখ্যা অন্তত একটি কিন্তু অনন্ত নয়, এমন যে কোন সম্ভাব্য জগতের ক্ষেত্রে, যে কোন সামান্য বচন ব্যক্তিসংখ্যার সমসংখ্যক বিশিষ্ট উপাদানবচন গঠিত একটি সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচনের সমমান। স্থতরাং, এইরূপ জগতের ক্ষেত্রে যে কোন মাণকবদ্ধ বচনাপেক্ষক সহযোগে গঠিত ন্যায়, বিশিষ্ট উপাদান বচন ও তাদের সত্যাপেক যৌগিক বচনের সহযোগে গঠিত একটি ন্যায়ের সম্মান। মাণক গঠিত नाग्र देव इदन, यपि वदः दक्वन यपि विभिष्टे छेशामान वहदनत्र मजाारशक যৌগিক বচন গঠিত সমমান ন্যায়টি এইরূপ সমস্ত সম্ভাব্য জগতের ক্ষেত্রে বৈধ হয়। মাণকগঠিত ন্যায় অবৈধ হবে, যদি এবং কেবল যদি এমন একটিও সম্ভাব্য জগতের নমুনা দেখান যায়, যে জগতে এক বা একাধিক ব্যক্তি আছে (কিন্তু অনস্তদ্ংখ্যক নয়) এবং যার ক্ষেত্রে ঐ ন্যায়টির সমমান সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচন গঠিত ন্যায়টি অবৈধ। কোন মাণকগঠিত ন্যায়ের অবৈধতা প্রমাণ করতে হলে নমুনা জগতের ব্যক্তিদংখ্যা অনুযায়ী প্রথমে তাকে সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচন গঠিত ন্যায়ে রূপান্তরিত করতে হবে, এবং তারপর এমনভাবে বিশিষ্ট উপাদান বচন-গুলোর মানশর্ত নিবেশন করতে হবে যাতে যুক্তিবচন সত্য অথচ সিরাস্ত निथा हम । এक हि नाम निन.

> गव (एवछा (श्य) छानी, गव गानुष (श्य) छानी,

[∴] সব মানুষ (হয়) দেবতা।

প্রতীকীরূপে,

(x) $(Dx \supset Jx)$

 $(x) (Mx \supset Jx)$

 \therefore $(x) (Mx \supset Dx)$

একটি মাত্র ব্যক্তি আছে এমন জগতের ক্ষেত্রে মাণকগঠিত ন্যারটি

 $Da \supset Ja$ $Ma \supset Ja$

 \therefore Ma \supset Da

বিশিষ্ট উপাদান বচনের সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচন গঠিত এই ন্যারের সমমান। ন্যায়টি অবৈধ, কারণ, Ma ও Ja সত্য, Da মিধ্যা হলে মুক্তিবচন দুটিই সত্য কিন্তু সিদ্ধান্ত মিধ্যা হয়। মানশর্ত নিবেশন করা আর প্রকারান্তরে আমাদের নমুনা জগতের (যে জগতে ন্যায়টি অবৈধ) বর্ণনা দেওয়া একই কথা। মানশর্ত নিবেশন করে আমরা বললাম, আমাদের নমুনা জগতের একমাত্রে বাসিলা a মানুষ ও জ্ঞানী, কিন্তু দেবতা নয়। মাণকগঠিত মূল ন্যায় এক ব্যক্তি অধ্যুষিত জগতের কেত্রে বৈধ নয়, স্মৃতরাং অবৈধ।

এখানে মাণকগঠিত ন্যায়ের অবৈধতা প্রমাণে আমরা মাণকনিয়ামক বিধির সাহায্য নিচ্ছি না, কারণ আমরা (x) $(Dx \supset Jx)$ থেকে UI প্রয়োগ করে $Da \supset Ja$ অনুমান করছি না। আমরা শুধু (x) $(Dx \supset Jx)$ কে $Da \supset Ja$ তে রূপান্তরিত করছি, কারণ যে জগতে একটিমাত্র ব্যক্তি, a, আছে, সেই জগতের ক্ষেত্রে $Da \supset Ja$ " $Dx \supset Jx$ " বচনাপেক্ষকের একমাত্র দৃষ্টান্ত বচন, অর্থাৎ এই দুটি ন্যায়তঃ সমমান।

মাণকগঠিত কোন ন্যায় একব্যক্তি অধ্যুষিত জগতের ক্ষেত্রে বৈধ হয়েও একাধিক ব্যক্তি অধ্যুষিত জগতের ক্ষেত্রে অবৈধ হতে পারে। যেমন,

> কোন কোন মানুষ (হয়) জ্ঞানী, সব দেবতা (হয়) জ্ঞানী,

^{∴়} সব দেবতা (হয়) মানুষ।

প্রতীকীরপে,

$$(gx) (Mx . Jx)$$

$$(x) (Dx \supset Jx)$$

$$\therefore (x) (Dx \supset Mx)$$

একটি মাত্র ব্যক্তি, a, আছে এমন জগতের ক্ষেত্রে মাণকগঠিত ন্যায়

Ma . Ja Da ⊃ Ja

∴ Da ⊃ Ma

এই ন্যায়ের সমমান। ন্যায়টি বৈধ, কারণ, সিদ্ধান্ত মিথ্যা হতে হলে Da সত্য, Ma মিথ্যা হতে হবে। কিন্তু প্রথম যুক্তিবচন সত্য হতে হলে Ma সত্য হতে হবে। Ma এর বিরুদ্ধ মান নিবেশন না ক্রুলে, ন্যায়টি অবৈধ হয় না, স্মৃতরাং ন্যায় বৈধ।

কিন্ত বিশেষ একটি জগতের ক্ষেত্রে কোন ন্যায় বৈধ হলেই তাকে বৈধ বলা চলে না। কোন ন্যায়কে বৈধ প্রমাণ করতে শুধু এই টুকু দেখালেই চলে না যে, কোন বিশেষ একটি জগতের ক্ষেত্রে যুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত মিথ্যা এরূপ হওয়া সম্ভব নয়, দেখাতে হবে, কোন জগতের ক্ষেত্রেই এরূপ হওয়া সম্ভব নয়। দুই ব্যক্তি, a, b, অধ্যুষিত জগতের ক্ষেত্রে মাণকগঠিত ন্যায়

$$(Ma . Ja) v (Mb . Jb)$$

 $(Da \supset Ja) . (Db \supset Jb)$

$$\therefore (Da \supset Ma) \cdot (Db \supset Mb)$$

এই ন্যায়ের সমনান। Da, Db, Ja, Jb, ও Mb সত্য এবং Ma মিধ্যা হলে যুক্তিবচন দুটি সত্য কিন্তু সিদ্ধান্ত মিধ্যা হয়। মূল ন্যায়টি অবৈধ, কারণ এটি সমস্ত সন্তাব্য জগতের কেন্তে বৈধ নয়।

BI এর অবৈধ প্রয়োগের বিতীয় দৃষ্টান্ডটি ধরুন,

 $(\mathbf{x}\mathbf{x})(\mathbf{M}\mathbf{x}\cdot\mathbf{S}\mathbf{x})$

 $(\mathbf{H}x)(\mathbf{B}x \cdot \mathbf{S}x)$

 $\therefore (\exists x) (Mx \cdot Bx)$

একটি যাত্র ব্যক্তি, a, আছে এমন স্বগতের ক্ষেত্রে ন্যায়টি দাঁড়ার,

Ma . Sa

Ba . Sa

∴ Ma.Ba

অর্থাৎ যদি এই ব্যক্তি, a, একাধারে মানুষ, ভ্রনুক ও শ্রেতবর্ণ হয়, তবে ন্যায় বৈধ। কিন্ত দুই ব্যক্তি, a, b, অধ্যুষিত জগতের কেত্রে ন্যায়টি দাঁড়াবে,

(Ma.Sa) v (Mb.Sb)

(Ba . Sa) v (Bb . Sb)

∴ (Ma. Ba) v (Mb. Bb)

Sa, Sb, Ma, Bb সত্য এবং Mb, Ba মিণ্যা হলে, অর্থাৎ a যদি মানুষ
হয় কিন্ত ভলুক না হয়, এবং b যদি ভলুক হয় কিন্ত মানুষ না হয়, তবে
a ও b উভয়েই শ্বেতবর্ণ হলেও যুক্তিবচন সত্য কিন্ত সিদ্ধান্ত মিণ্যা হবে।
মূল ন্যায় অবৈধ, কারণ সমন্ত সম্ভাব্য জগতের ক্ষেত্রে বৈধ নয়।

वात এकिं नगांत्र निन,

সব ভেড়া (হয়) নিরীহ, কোন কোন জম্ভ (হয়) নিরীহ, কোন কোন জম্ভ নিরীহ নয়,

∴ সব ভেড়া (হয়) জন্তু।

প্রতীকীরূপে.

(x) $(Bx \supset Nx)$

 $(\exists x) (Jx . Nx)$

 $(\exists x) (Jx \cdot \sim Nx)$

(x) (Bx \supset Jx)

তিন ব্যক্তি, a, b, c, অধ্যুষিত জগতের ক্ষেত্রে এই ন্যায় দাঁড়াবে,

 $(Ba \supset Na) \cdot (Bb \supset Nb) \cdot (Bc \supset Nc)$

(Ja . Na) v (Jb . Nb) v (Jc . Nc)

 $(Ja \cdot \sim Na) v (Jb \cdot \sim Nb) v (Jc \cdot \sim Nc)$

 \therefore (Ba \supset Ja) \cdot (Bb \supset Jb) \cdot (Bc \supset Jc)

Ba, Bc, Na, Nc, Jb, Jc, সত্য এবং Bb, Nb, Ja নিধ্যা হলে বুক্তিবচন সত্য ও সিদ্ধান্ত নিধ্যা হয় । স্কুতরাং বুল ন্যায় কবৈৰ ।

चरुगी ननी

11

- গ্রিক) ন্যায়ের একটি সংজ্ঞা দিন, এবং ন্যায় নয় এরপে বচন সমষ্টি থেকে ন্যায়ের পার্থক্য বৃঝিয়ে দিন।
 - (খ) যে কোন লেখা বা বজৃতা থেকে যুক্তি ছারা সম্থিত কয়েকটি বজব্য বার করুন, এবং ন্যায়রূপে প্রকাশ করুন।
- 2 বাক্য ও বচনের পার্থক্য বুঝিয়ে দিন।
- 3 ''ন্যায়ের বৈধতা আকারগত।'' ব্যাখ্যা করে বুঝিয়ে দিন।
- 4 (क) যে কোন বই থেকে কয়েকটি বচন সংগ্রহ করুন। সেগুলোকর পদ, বা যৌগিক বচন (প্রাকল্লিক, বৈকল্লিক বা অন্য প্রকারের) হলে অন্তর্গত বচন, বন্ধনীর মধ্যে রেখে আকারটি পৃথক করে দেখান।
 - (খ) বিষয়জ্ঞাননিরপেক্ষ আকারগত অবরোহণের ধারণা দৃষ্টা**ন্ডে**র সাহায্যে বুঝিয়ে দিন।
- 5 ন্যায়শাস্ত্রকে কি অর্থে বিমূর্ত বিজ্ঞান বলা হয় ?
- 6 (ক) ন্যায়শাস্ত্র কি আমাদের অনুমানকুশনতা বাড়াতে পারে ? ন্যায়শাস্ত্রপাঠের উপযোগিতা কি ?
 - (थ) न्यायभाञ्चरक कि व्यर्थ व्यापर्गनिष्ठं विख्वान वना इय ?
 - (গ) न्यायभाञ्चरक िखात नियामक विख्यान वना घरन कि?
 - (घ) ন্যায়শাস্ত্রের একটি উপযুক্ত সংজ্ঞা দিন। কি অর্থে একে সব বিজ্ঞানের সেরা বিজ্ঞান বলা যায় ?
- 7 न्यायभाज ७ मत्नाविष्यात पृष्टिज्ञीत मर्या भाषकार्हि वृत्रिय पिन ।
- ৪ ন্যায়শালে প্রতীক ব্যবহারের উপযোগিত। কি ? দৃষ্টান্ত সহযোগে ব্রিয়ে দিন।

<sup>র এই ক্রমিক সংখ্যাওলো অধ্যায় সূচিত করে। অনুশীলনীর বাঁ দিকের অহ
অনুদেরদসংখ্যা সূচিত করে।</sup>

- 9 (क) वांठनिक नाम कारक बदन ?
 - (খ) "গদা যদি মহাদেবের জটার মধ্যে আট্ কে না থাকতেন, তবে ভগীরথ তাকে মর্ত্যে আনলেন কোথা থেকে !" যুক্তিটি বিচার করুন।
 - (গ) শ্যামবাবু যদি অহিংসপন্থী হন, তবে যদি তিনি মাছ ধান তবে মাংস ধাবেন না, এবং যদি মাংস ধান তবে শিকার করবেন না; শ্যামবাবু মাছ মাংস ধান এবং শিকার করেন। শ্যামবাবু অহিংসপন্থী কি ? আপনার যুক্তি দিন।
 - (श) কমল পরীক্ষায় প্রথম হবার আশা রাখে; যদি সে
 পরীক্ষায় প্রথম হবার আশা করে তবে সে রাত ছেগে খাটবে; হয় সে রাত ছেগে খাটবে না, নয় পরীক্ষার সময় অস্কৃত্ব হয়ে পড়বে; যদি সে পরীক্ষার সময় অস্কৃত্ব হয়ে পড়ে তবে পরীক্ষায় প্রথম হতে পারবে না; স্কুতরাং কমল পরীক্ষায় প্রথম হতে পারবে না।

যুক্তিটি বিচার করুন।

- (৩) একজন নৈয়ায়িক এক দ্বীপে বেড়াতে গেছেন। সেই দ্বীপে দুইটি আদিবাসী জাতি বাস করে। এক জাতির সবাই সব সময় সব সময় সত্য কথা বলে, আর এক জাতির সবাই সব সময় মিথ্যা কথা বলে। তিনি বেড়াতে বেড়াতে এক জায়গায় এসে দেখলেন রাস্তাটা দুতাগ হয়ে দুদিকে চলে গেছে। তিনি এক গ্রামে যাবেন, কিন্তু কোন রাস্তায় যেতে হবে তা জানেন না। মোড়ে একজন আদিবাসী দাঁড়িয়ে আছে, কিন্তু সে সত্যবাদী জাতির না মিথ্যাবাদী জাতির লোক তাও তিনি জানেন না। নৈয়ায়িক একটু তেবে তাকে একটাই প্রশুকরলেন, এবং তার উত্তর শুনে ঠিক রাস্তায় চলে গেলেন। তিনি কি প্রশুকরেছিলেন, এবং কি যুক্তিতে ঠিক রাস্তা কোন্টি বুঝে নিলেন ?
 - (চ) A, B ও C নামে তিনজন লোককে চোখ বেঁধে বলা হল, তাদের প্রত্যেকের মাধার একটা লাল বা সবুজ টুপি পরিয়ে দেওয়া হরে। তারপর তাদের চোখ খুলে দেওয়া হবে।

প্রেতীকী ন্যার

চোধ ধুলে দিলে যদি তারা কারো মাধার লাল টুপি দেখে তবে হাত তুলবে, এবং নিজের মাধার টুপির রং ধরতে পারলে বর ছেড়ে চলে যেতে হবে। (সবগুলো টুপিই লাল ছিল) চোধ ধুলে দেওয়ার পর সবাই হাত তুলল। কিছুক্ষণ ভেবে C বর ছেড়ে চলে গেল।
C কি যুক্তিতে নিজের মাধার টুপির রং জানল ? A, B ও C-এর মধ্যে কে ভাল নৈয়ায়িক ?

- 1 সরল ও যৌগিক বচনের পার্ধকা বুঝিয়ে দিন। যে কোন বই

 বেধকে দশটি যৌগিক বচন সংগ্রহ করুন, এবং তাদের উপাদান বচন

 আলাদ। করে নিধুন।
 - 2 (ক) সত্যাপেক্ষ যৌগিক বচন কাকে বলে ? দৃষ্টান্ত সহযোগে বুঝিয়ে দিন।
 - (व) मजार्शक मः (याष्ट्रकत वकि मःखा रेज्ती क्क्न ।
 - (1) অনুশীলনীতে সংগৃহীত বচনগুলোর অন্তর্গত সরল বচনের

 श्रदन বচনবর্ণ ব্যবহার করুন।
- 4 সংযৌগিক অপেক্ষক কাকে বলে ? সংযৌগিক অপেক্ষকের মান কি তাবে নিরূপিত হয় ? সংযৌগিক অপেক্ষকে "." সংযোজকপ্রতীক কেন ব্যবহার করা হয় ?
 - 5 বচনবর্দে গঠিত যে ুকোন একটি সংযৌগিক বচনের সত্যসারণা শ্বাপান করুন।
 - 6 (ক) বৈকল্পিক অপেক্ষক কাকে বলে ? বৈকল্পিক অপেক্ষকের মান কি ভাবে নিক্সপিত হয় ? বৈকল্পিক অপেক্ষকে "৮" সংযোধক-প্রতীক কেন ব্যবহার করা হয় ?
 - (খ) বচনবর্দে গঠিত যে কোন একটি বৈকল্পিক বচনের সত্যসারণী প্রণয়ন করুন।
 - (গ) विभः वामी ७ व्यविमः वामी विकल्पत शार्थका वृत्रिया निन।
- 7 নিমেধক অপেক্ষক কাকে বলে? যৌগিক বচনের নিমেধকের সতা-সারণী কি ভাবে প্রণয়ন করতে হয় ?
- 8 বন্ধনী ব্যবহারের বিধিগুলো উপস্থাপিত করুন। মূল সংযোজক কাকে বলে ? বন্ধনী ব্যবহারের উপযোগিতা কি ?
 - 9 (ক) প্রাকয়িক অপেক্ষক কাকে বলে? "⊃" সংযোজকপ্রতীক কেন ব্যবহার করা হয় ? এই সংযোজকের এর্থ কি ? সারণীর সাহাব্যে প্রমাণ কক্ষন, অনুরূপ মানশর্তে p⊃ q ও ~ (p. ~ q)-এর মান এক।

थडीकी नगाग्र

- (খ) কার্যকারণ সম্বন্ধ "⊃" সংযোজকের হারা কি ভাবে প্রকাশ করা যায় ? সাধারণ ভাষার "কেবল যদি" সংযোজককে "⊃" হারা কিভাবে প্রকাশ করা যায় ?
- (গ) বচনবর্ণ, সংযোজকপ্রতীক এবং প্রয়োজনস্থলে বন্ধনী ব্যবহার করে নীচের বচনগুলোর আকার প্রকাশ করুন (কোন্ বচনের ছলে কোন্ বর্ণ ব্যবহার করছেন, প্রত্যেক ক্ষেত্রে বলে দিন)।
 - (1) নরেশ বোকা তো বটেই, তার উপর আবার কুঁড়ে।
 - (2) নরেশ হয় বোকা নয় কুঁড়ে।
 - (3) নরেশ কুঁড়ে হতে পারে, কিন্তু বোকা নয়।
 - *(4) নরেশ বোক। কুঁড়ে দুই-ই নয়।
 - (5) আন্ধ সকালে আমাদের বাড়ীতে প্রতাপবাবু ও স্থনীলবাবু এসেছিলেশ।
 - (6) তুমি খেলার অভ্যাস না রাখলে জিতবে কি করে ?
 - (7) যদি খেলার আগে ব। খেলার সময় বৃষ্টি হয়, তবে ইষ্টবেঙ্গল জ্বিতবে।
 - *(8) व्यक्षक ठाराव गर्क ठिनि वा लिवू किछूरे तन ना।
 - (9) এ नग्न या ज्याक ठारात गरक ठिनि ७ लावु तन ।
 - (10) যদি আপনি এই বচনগুলোর প্রতীকীরূপ না দিতে পারেন তবে এই অধ্যায় আবার পভূন।
 - (11) মোহনবাগান আজকের খেলায় ব্বিতবে, এবং ফাইন্যালে ইপ্রবেজন বা স্পোটিং ক্লাবের সঙ্গে খেলবে।
 - (12) মোহনবাগান বা ইপ্টবেঞ্চল ফাইন্যালে যাবে, এবং স্পোটিং ক্লাব হারবে।
 - *(13) মোহনবাগান ফাইন্যালে জিতবে, যদি এবং কেবল যদি ইপ্তবেঙ্গল সেমি-ফাইন্যালে হেরে যায়।

তারকা চিহ্নিত প্রয়ের উত্তর সমাধান অংশে সেওয়া হয়েছে ।

- (14) যদি অশরীরী কাছেই থাকে এবং তার অনুচরেরা সংবাদ পায়, তবে একুণি আমরা আটকা পড়ব বা বিঘাঞ্জ তীরে আমাদের প্রাণ যাবে।
- *(15) যদি দীপককুমারের হাতে এই কেস্টা দেওয়। হয়,
 তবে পুলিশ অসম্ভষ্ট হবে এবং কালোমাণিক ধরা পড়বে
 বা পালিয়ে যাবে।
- (খ) বচনবর্ণের স্থলে বচন ব্যবহার করে সাধারণ ভাষায় যৌগিক বচন তৈরী করুন।
 - (1) $p v \sim q$
 - (2) $\sim p \cdot q$
 - (3) $\sim p \cdot \sim q$
 - (4) $(p \cdot q) v r$
 - *(5) $(p \cdot \sim q) v r$
 - (6) $\sim (p \cdot q) v r$
 - (7) $p \cdot (q v r)$
 - (8) $p \cdot (\sim q \nu r)$
 - $(9) \quad p \supset (q \ v \ r)$
 - (10) $\sim (p \supset q) \cdot r$
 - $(11) \sim p \supset (q \supset r)$
 - *(12) $\sim p \vee (q \supset \sim r)$

- 1 নীচের বচনগুলো সুত্রাকারে প্রকাশ করুন। কোন্ উপাদান বচনের স্থলে কোন্ বচনবর্ণ ব্যবহার করছেন বলে দিন।
 - (1) স্থরমা যদি পরীক্ষায় ভাল লেখে এবং তার পরীক্ষকর। যদি খাতা ঠিকভাবে দেখেন, তবে স্থরমা ভাল ফল করবে।
 - (2) यिन खानी ও আকাট মূর্বরা জ্ঞানাথেমী না হয়, তবে কেবল যার। নিজের অজ্ঞতা বোঝে তারাই জ্ঞানাথেমী।
 - (১) বিদি আমি লেখাপড়া করি তবে জ্ঞানী হব, আর যদি লেখা-পড়া না করি তবে চালাক হব, কিন্তু আমি লেখাপড়া করি না।
 - (4) আমি, সুরেশ ও পরেশ আজ খেলব, আর যদি পরেশ না খেলে তবে নরেশ খেলবে।
 - *(5) আমি বা স্থরেশ, ও পরেশ আজ খেলব, কিন্তু যদি আমি না খেলি তবে নরেশ খেলবে।
 - (6) আমি প্রথম হব, বা স্থারেশ বা পারেশ প্রথম হবে, কিছ স্থারেশ প্রথম হতে পারবে না।
 - (7) নরেশ বাড়ীর দিকে বা পরেশের কাছে যাচ্ছিল; যদি সে বাড়ী না গিয়ে থাকে, তবে যদি তার গাড়ীর কোন গোলমাল না হয়ে থাকে তবে পরেশের বাড়ী গেছে।
 - *(৪) স্থইডেনের দল হয় 3 নম্বর স্থইটে নয় 18 ও 19 নম্বর যরে থাকবে, কিছ 3 নম্বর স্থইট বন্ধ থাকায় তার। 19 নম্বর ধরে থাকবে।
- 2 সত্যসারণী হার। নীচের সুত্রগুলোর স্বতঃসত্যতা, স্বতোমিধ্যাত্ব বা স্বনিপিট্রমানতা নির্ণয় করুন।
 - (1) $p' \cdot (p v q)$
 - *(2) $p \cdot (p \vee \sim p)$
 - (3) $p v (p v \sim p)$
 - $(4) \cdot p \cdot (\sim p \cdot q)$

- (5) $p \supset (p \vee q)$
- (6) $p \supset \sim p$
- (7) $p \supset (p \cdot p)$
- (8) $(p \cdot q) \supset p$
- $(9) \quad p \supset p$
- *(10) $(p \supset \sim p) \supset \sim p$
 - (11) $p \supset (q \supset p)$
 - $(12) \sim p \supset (p \supset q)$
 - (13) $q \supset (p \supset q)$
- 3 (ক) সত্যসারণী হার। নীচের সূত্রগুলোর স্বত:সত্যতা, স্বতোমিধ্যাম্ব বা অনিদিষ্টমানতা নির্ণয় করুন।
 - *(1) $(p \supset q) \cdot (p \cdot \sim q)$
 - (2) $[p \supset (p \cdot q)] \vee p$
 - (3) $p \supset [p \supset (q \lor \sim p)]$
 - (4) $p \cdot [(q \lor r) \supset (\sim p \supset p)]$
 - *(5) $[(p \cdot q) \cdot p] \supset q$
 - (6) $[(p \cdot q) \cdot \sim q] \supset \sim p$
 - (7) $[(p \vee q) \cdot \sim p] \supset q$
 - (8) $[(p \supset q) \cdot \sim p] \supset \sim q$
 - $(9) \quad [(p \supset q) \cdot q) \supset p$
 - (10) $[(p \vee q) \cdot p] \supset \sim q$
 - (11) $(p \cdot \sim p) \vee \sim (p \cdot \sim p)$
 - $(12) \quad (p \ v \sim p) \cdot \sim (p \ v \sim p)$
 - (খ) p সত্য, q মিধ্যা, r মিধ্যা হতেন নীচের সূত্রগুলোর নাঁব নির্বয় করুন।
 - *(1) $[p \supset (q \vee r)] \vee [q \supset (p \vee r)]$
 - (2) $[p \supset (q \cdot r)] \supset [(p \cdot q) \cdot r]$
 - (3) $[p \cdot (q \vee r)] \vee \sim [(p \cdot q) \vee \sim (p \cdot r)]$
 - $(4) \quad [p \supset (q \supset r)] \supset [(p \supset q) \supset r]$
 - *(5) $[(p \cdot r) \supset (q \cdot r)] \supset (p \supset q)$
- 4 (ক) সত্যসারণীর হার। পরীক্ষা করুন, নীচের সূত্রগুলো ন্যারতঃ সমনান কি না।
 - *(1) $(p \cdot q) \equiv p$

- (2) $(p \cdot q) \equiv (q \cdot p)$
- $(3) \quad (p \supset q) \equiv (\sim p \ v \ q)$
- $(4) \quad p \equiv (p \cdot p)$
- (5) $p \equiv (p \vee p)$
- *(6) $[(p \supset q) \cdot p] \equiv q$
 - (7) $[(p \lor q) \cdot \sim p] \equiv q$
 - $(8) \quad (p \ v \ q) \equiv (q \ v \ p)$
 - (9) $p \equiv [p \cdot (p \vee q)]$
- (10) $p \equiv [(p \cdot q) \vee (p \cdot \sim q)]$
- (11) $p \equiv [(p \vee q) \cdot (p \vee \sim q)]$
- *(12) $[p \cdot (q \vee r)] \equiv [(p \cdot q) \vee (p \cdot r)]$
- (13) $[p v (q \cdot r)] \equiv [(p v q) \cdot (p v r)]$
- $(14) \quad (p \equiv q) \equiv [(p.q) \ v \ (\sim p \cdot \sim q)]$
- (15) $(p \supset q) \equiv (\sim q \supset \sim p)$
- (খ) নীচের সূত্রগুলো ন্যায়ত: সম্মান। 3.4 অনুচ্ছেদে ও
 4 (ক) অনুশীলনীতে যে সব ন্যায়ত: সম্মান সূত্র পেয়েছেন
 তার সাহায্যে বঁ। দিকের সূত্রটিকে ডানদিকের সূত্রে রূপান্তরিত
 করুন।
 - *(1) $(\sim p \supset \sim q) \equiv (p \ v \sim q)$
 - $(2) \quad (p \cdot \sim q) \equiv \sim (p \supset q)$
 - (3) $(\sim p \supset \sim q) \equiv \sim (\sim p \cdot q)$
 - $(4) \sim [p \vee (q \cdot \sim r)] \equiv [\sim p \cdot (\sim q \vee r)]$
 - *(5) $(\sim p \equiv q) \equiv (\sim q \equiv p)$
- (গ) নীচে কমেকটি বচন-জোড়া দেওয়া আছে। প্রত্যেক জোড়াকে প্রতীকী রূপ দিন, ও সত্যসারণীর সাহায্যে পরীক্ষা করুন এরা ন্যায়ত: সম্মান কিনা। যদি ন্যায়ত: সম্মান হয়, তবে (অ) কে (আ) এতে রূপান্তরিত করুন।
- (1) (অ) যদি কেউ ইচ্ছে করে অন্যায় কাচ্চ করে, তবে হয়
 সে ঈশুরে বিশ্বাস করে না
 য় ঈশুর অন্যায়ের শান্তি দেন।
 - (আ) যদি কেউ ঈশুরে বিশ্বাস করে এবং বিশ্বাস করে যে ঈশুর অন্যায়ের শান্তি দেন, তবে সে ইচ্ছে করে অন্যায় কাজ করবে না।

- *(2) (অ) যদি ঈশুর সং হন, তবে তিনি অন্যার কাজের শাস্তি দেবেন যদি তিনি ন্যারবিধাতা হন।
 - (জা) ঈশুর অন্যায় কাজের শান্তি দেবেন, বদি না তিনি অসং হন বা ন্যায়বিধাতা না হন।
- (3) (অ) যদি সব বস্তু আদিতে স্থির ছিল এবং কোন বস্তু নিজেকে গতিশীন করতে না পারত, তবে গতির উদ্ভব অসম্ভব।
 - (আ) যদি গতির উদ্ভব সম্ভব হয়ে থাকে, তবে সব বস্তু আদিতে স্থির থাকলেও কোন বস্তু নিম্পেকে গতিশীন করতে পারত।
- *(4) (অ) যদি কোন বন্ধর প্রাণ থাকে তবে তার আদ্ধা আছে,
 এবং যদি কোন বন্ধর আদ্ধা থাকে তবে সে স্বতো-পরিবর্তনশীল হয়।
 - (আ) যদি কোন বস্তু স্বতোপরিবর্তনশীন হয়, তবে তার আদ্বা আছে, এবং যদি কেন বস্তুর আদ্বা থাকে তবে তার প্রাণ আছে।
- (5) (অ) হয় একই আদ্বা শিব ও অশিব উভয়েরই ছনক, নয় এক আদ্বা শিবের ছনক এবং অন্য আদ্বা অশিবের ছনক।
 - (আ) যদি একই আদ্বা শিব ও অশিব উভয়েরই দ্বনক না হয়, তবৈ এক আদ্বা শিবের দ্বনক এবং অন্য আদ্বা অশিবের দ্বনক।
- 5 নীচের ন্যায়গুলোকে প্রতীকী রূপ দিন, এবং বৈধ কি অবৈধ বনুন। আপনার যুক্তি দিন।
 - *(1) রাণী ও এলিস দুজনেই জিততে পারে না ; রাণী জেতেন নি :
 - ∴ এলিগ জিতেছে।
 - *(2) যদি ঈশুরেচ্ছ। সম্পাদন ধর্মকার্য বলে বিবেচিত হয়, তবে একই কার্যকে ধর্ম ও অধর্ম বলতে হয়;

এ সত্য নয় বে ঈশুরেচ্ছা সম্পাদন ধর্মকার্য।

श्रेजीकी नगाव



- *(3) যদি ঈশুরারাধনা লেনদেনের ব্যাপার হয় তবে এর ছারা ঈশুর ও মানুম দুইই লাভবান হয় ; কিন্তু যদি ঈশুর লাভবান হন তবে তিনি মানুমের ছার। উপকৃত হন ; কিন্তু মানুম ঈশুরের উপকার করতে পারে না ;
 - : केणुत्राताथना त्ननत्परनत्र वार्णात नग्न ।
- *(4) যদি কেউ কপিলের মত জ্ঞানী না হন, তবে হয় কপিল মতঃ জ্ঞানী বা অন্যেরা যত দেখান তত জ্ঞানী নন; কপিল মতঃ জ্ঞানী নন;
 - অন্যের। যত দেখান তত জ্ঞানী নন।
- *(5) যদি কেউ কপিলের মত জ্ঞানী না হন, তবে হয় কপিল মন্ত জ্ঞানী বা অন্যেরা যত দেখান তত জ্ঞানী নন ; ক্রেই _ কপিলের মত জ্ঞানী নন, কিন্তু কপিলও মন্ত জ্ঞানী নন;
 - ে অন্যের। যত দেখান তত জ্ঞানী নন।
- 6 (ক) সত্যসারণী হার। পরীক্ষা করুন নীচের ন্যারাকারগুলো বৈধ
 কি না ।
 - $\begin{array}{ccc} (1) & \underline{p \cdot q} \\ & \vdots & \underline{p} \end{array}$
 - (2) $p \supset (q \cdot r)$ $\sim q$ $\sim p$
 - *(3) $p \supset q$ $\therefore p \supset p$
 - $\begin{array}{ccc} (4) & p & v \sim q \\ & p \supset r \\ & & \\ \hline \vdots & q \supset r \end{array}$
 - $\begin{array}{ccc}
 & p \supset q \\
 & \sim (\sim p \cdot \sim q) \\
 \hline
 & p \neq q
 \end{array}$

- $(6) \quad p\supset (q\supset r)$ $p\supset q$
 - .. p > r
- $(7) \qquad (p\supset q)\cdot (p\supset r)$ p
 - : qvr
- $(8) \qquad (p \lor q) \supset (p \cdot q)$ $\sim (p \lor q)$ $\therefore \sim (p \cdot q)$
- (খ) সত্যসারণী ঘারা পরীক্ষা করুন নীচের ন্যায়গুলো বৈধ কি না। বচনবর্ণ ব্যবহার করুন।
 - *(1) রবীন সন্ধ্যার আগে বাড়ী যাবে, নইলে তার **না** ভাববেন ; যদি তার ম। না ভাবেন তবে রবী**ন সন্ধ্যার** আগে বাড়ী যায় ; তার ম। ভাবেন ; স্থতরাং রবীন সন্ধ্যার আগে বাড়ী যায় না।
 - (2) হয় ড্রাইভার সামনের গাড়ীটা দেখতে পায় নি নর সে অসাবধান ছিল; যদি সে সামনের গাড়ীটা বা দেখে থাকে তবে সে অসাবধান ছিল; এ হতেই পারে না যে সে সামনের গাড়ীটা দেখতেও পায়নি এবং অসাবধান ছিল; অতরাং ড্রাইভার সামনের গাড়ীটা দেখতে পেয়েছে।
 - (3) যদি বাবাকে পূজায় শাল দেওয়া হয় তবে মাকে গ্রদ দেওয়া হবে, এবং যদি বাবাকে পূজায় শাল দেওয়া হয় তবে বোনকে কট্কী শাড়ী দেওয়া হবে; বাবাকে পূজায় শাল দেওয়া হবে; স্তরাং হয় মাকে গ্রদ দেওয়া হবে বা বোনকে কট্কী শাড়ী দেওয়া হবে।
 - (4) যদি বিজ্ঞাপন সত্য হয়, জুবে যদি জামাটি জল দিয়েও কাঁচা হয় তবু খাপবে না; জামাটি ছোট হয়ে গেছে; স্তরাং যদি জামাটি জ্ঞানি দিয়ে কাঁচা হয়ে থাকে তবে বিজ্ঞাপন সত্য নয়।

थेजीकी गाम

- (5) যদি শীত কমে ও কুয়াসা না থাকে, তত্তৰ আমর।
 সকালে বেড়াতে যাব বা তিন মাইল হাঁটৰ ; কিছ
 আমরা সকালে বেড়াতে না গেলে কুয়াসা আছে তা
 নয়; স্মৃতরাং শীত কম বা আমরা তিন মাইল হাঁটব।
- 7 6 (ব)-এর ন্যায়গুলোর প্রতিষদ্ধী ন্যায়বচন স্বত:সত্য কিনা পরীক্ষা করুন। (*5)
 - ্ 9 (ক) 6 (খ)-এর ন্যায়গুলোর বৈধতা সংক্ষিপ্ত কৌশলে পরীকা করুন। (*2, *4)
 - (খ) অভিধান দিয়ে নীচের ন্যায়গুলোকে ন্যায়াকারে রূপান্তরিত কঙ্কন এবং সংক্ষিপ্ত কৌশলে বৈধতা পরীক্ষা করুন।
 - *(1) যদি পরেশ প্রথম হয় তবে তার বাব। সুখী হবেন ;, হয় পরেশের বাব। সুখী হবেন বা নরেশ দ্বিতীয় হবে ; নরেশ দ্বিতীয় হলে পরেশ প্রথম হবে ; স্কুতরাং পরেশ প্রথম হবে ।
 - (2) নরেশ ও পরেশ জীবনবাবুর চা-চক্রে যোগদান করবে; পরেশ চা-চক্রে যোগদান করবে ন। যদি ন। জীবনবাবুর মেরে শেফালী তাকে অন্তর্গর্ধন। করে; স্থতরাং জীবনবাবুর মেরে শেফালী পরেশকে অন্তর্গর্ধন। করবে বা স্থারেশ তার জীকে সঙ্গে নিয়ে চা-চক্রে আগবে না।
 - (3) যদি বিশেষজ্ঞ চিকিৎসক সহরে থাকেন এবং ইন্জেকশনটা চিকিল ধণ্টার মধ্যে পাওয়া যার, তবে পরেশ বাঁচবে; বিশেষজ্ঞ চিকিৎসক সহরে আছেন; বিশেষজ্ঞ চিকিৎসক সহরে থাকলে ইনজেকশনটা পাওয়া যাবে; স্থতরাং পরেশ বাঁচবে।
 - (4) যদি এলিস শেষ ধরে পৌছে থাকে, তবে সে ঐ দিকেই এগোচ্ছিল বা সে রাশীমে অভিমিক্ত হয়েছিল; সে ঐ দিকে এগোচ্ছিল না; হয় সে শেষ বরে পৌছে নি বা রাণীমে অভিমিক্ত হয় নি; অভরাং এলিস শেষ বরে পৌছার নি !

- *(5) যদি পরেশ প্রথম হয়, তবে স্থরেশ বিতীয় হয় বা নরেশ নিরাশ হয় ; স্থরেশ বিতীয় হবে না ; স্থতরাং নরেশ নিরাশ হলে পরেশ প্রথম হবে না ।
- (গ) সংক্ষিপ্ত কৌশলে বৈধতা পরীক্ষা করুন।
 - (1)—(5) 5-4**3** (1)—*(5)
 - (6) $p \supset (q \supset r)$ $q \supset (\sim r \supset s)$ $(r \lor s) \supset t$ $\therefore p \supset t$
 - *(7) $(p.q) \supset r$ $r \supset \sim r$ $(s \supset p) \cdot (t \supset q)$
 - $\therefore s \supset \sim t$
 - (8) $(p \supset q) \cdot (r \supset s)$ $(q \lor s) \supset t$ $\sim t$
 - $\therefore \sim (p \ v \ r)$
 - (9) $p \supset (q \vee r)$ $r \supset (s \vee t)$ $\sim s$ $p \supset t$
 - (10) $(p \ v \ q) \supset (r \supset s)$ $(\sim s \ v \ t) \supset (p,r)$
- (ব) বংক্ষিপ্ত কৌশলে নীচের সুত্রগুলো স্বত:সত্য, স্বতোমিধ্যা বা অনিদিষ্টমান পরীক্ষা করুন।
 - (1) $p\supset (p\supset p)$
 - *(2) $(p \supset p) \supset p$
 - (3) $p \supset \sim p$

প্रতीकी नगांग

- (4) $p \supset (p \vee q)$
- $(5) p\supset (q\supset p)$
- (6) $p \supset [p \supset (p \lor \sim p)]$ *(7) $p \supset [p \supset (q \lor \sim p)]$
- $(8) \quad [(p \supset q) \supset q] \supset q$
- $(9) \qquad (p\supset q)\supset [\sim (q\cdot r)\supset \sim (r\cdot p)]$
 - $[(p \supset q) \cdot (r \supset s)] \supset [(p \lor r) \supset (q \lor s)$ **(1**0)

1: স্বাভাবিক অবরোহণ পদ্ধতি কাকে বলে ? একে "স্বাভাবিক" বলার কারণ কি ? প্রমাণের সংজ্ঞা দিন এবং ব্যাখ্যা করে বুঝিয়ে দিন।

(অ) নীচে করেকটি প্রমাণ দেওয়। আছে। অবরোহণের সমর্থনে যে যে পঙ্জির উপর যে যে অনুমানবিধি প্রযুক্ত হয়েছে প্রত্যেক ধাপের ডানদিকে নিখন।

| • | | * * * * * * * * * * * * * * * * * * * |
|------|---|---------------------------------------|
| *(1) | (1) $p \supset (q \supset r)$ (2) $\sim r$ (3) $(p.q) \supset r$ (4) $\sim (p \cdot q)$ (5) $\sim p \lor \sim q$ | /:. ~pv ~ q |
| *(2) | (1) $p \supset q$ (2) $(p \cdot q) \supset r$ (3) $\sim r$ (4) $\sim (p \cdot q)$ (5) $p \supset (p \cdot q)$ (6) $\sim p$ | /∴ ~p |
| (3) | (1) $p \supset (q \supset r)$ (2) $(s \supset q) \supset p$ (3) q (4) $q \lor \sim s$ (5) $\sim s \lor q$ (6) $s \supset q$ (7) p (8) $q \supset r$ (9) r | / ∴ r |
| (4) | (1) $p \ v \ (q \ v \ r)$ (2) $(q \supset s) \cdot (r \supset t)$ (3) $(s \ v \ t) \supset (p \ v \ r)$ (4) $\sim p$ (5) $q \ v \ r$ (6) $s \ v \ t$ (7) $p \ v \ r$ (8) r | / r |

```
(5)
        (1) (p,q)\supset r
        (2) \sim (s v r)
        (3) p
                                         1:. ~ 9
        (4) \sim s. \sim r
        (5) \sim r \cdot \sim s
        (6) \sim r
        (7) \sim (p.q)
        (8) \sim p \, v \sim q
        (9) \sim \sim p
    (10) \sim q
(6)
         (1) p v q
         (2) \sim [r v (s \cdot t)]
        (3) \sim t \supset \sim q
                                       /:. ~s
         (4) \quad p\supset r
         (5) \sim r \cdot \sim (s \cdot t)
        (6) \sim r
        (7)
             \sim p
         (8)
              \boldsymbol{q}
        (9) \sim \sim q
        (10) \sim \sim t
       (11) \sim (s.t). \sim r
       (12) \sim (s.t)
        (13) \sim s v \sim t
       (14) \sim t v \sim s
        (15) \sim s
 (7)
              p\supset q
         (1)
         (2) r \supset s
         (3)
              \sim q v \sim s
         (4) \sim \sim p
                                      i / :. \sim (t \cdot u)
         r (5) (t \cdot u) \supset r
         (6) ~ q > ~ p
         (7) ~ s > ~ r
          (8) (\sim q \supset \sim p) \cdot (\sim s \supset \sim r)
     - (9) \sim p v \sim r
        (10) \sim r
```

 $(11) \sim (t, u)$

- *(আ) ও জনুশীলনীর 5-এর (2), (3) ও (5) ন্যারের প্রমাণ গঠন করুল।
- **(ই) 3 অনুশীলনীর 6 (খ)-এর (2), (3) ও (4) ন্যায়ের প্রমাণ গঠন করুন।
- *(ঈ) 3 অনুশীলনীর 9 (খ)-এর (2), (3) ও (4) ন্যাম্মের প্রমাণ গঠন করুন।
- ^{:*}(क) 3 অনুশীলনীর 9 (গ)-এর (7) ও (8) ন্যায়ে**র প্রমাণ** গঠন করুন ।
- ·*(খ) নীচের ন্যায়গুলোর প্রতীকীরূপ দিন এবং প্রমাণ গঠন করুন।
 - (1) যদি লোককে ঠিকমত প্রশু করা যায় তবে তারা এ জীবনে অনধিগত জ্ঞানের কথাও বলতে পারে; তারা এরপে বলতে পারত না যদি কোন পূর্বজীবনে ঐ জ্ঞান অধিগত না করত; যদি পূর্বজীবনে ঐ জ্ঞান অধিগত করে থাকে তবে প্রমাণ হয় যে আত্মা বিদেহী অবস্থায় থাকতে পারে; অতরাং যদি লোককে ঠিকমত প্রশু করা যায় তবে প্রমাণ হয় যে আত্মা বিদেহী অবস্থায় থাকতে পারে।
 - (2) যদি মৃত্যু আত্মার দেহমুক্তি হয় এবং দর্শন মুক্তিসাধনের উপায় নির্দেশ করে, তবে যদি আপনি প্রকৃত দার্শনিক হন তবে মৃত্যুতয়ে তীত হবেন না; মৃত্যু আত্মার দেহমুক্তি এবং দর্শন মুক্তি সাধনের উপায় নির্দেশক; স্থতরাং যদি আপনি মৃত্যুতয়ে তীত হন তবে আপনি প্রকৃত দার্শনিক নন।
 - (3) সন্দীপবাবু শীতের আগে তার নুতন বাড়ীর পলন্তার।

 শোষ করতে চান; যদি সন্দীপবাবুর হাতে পরস। না
 থাকে এবং পলন্তার। শীতের আগে না করেন, তবে
 ব্যাংক প্রদত্ত ঝা ফেরৎ চাইবে; যদি শীতের আগে শেষ
 করেন তবে ব্যাংক ঋণ ফেরৎ চাইবে না; স্থতরাং যদি
 সন্দীপবাবুর হাতে পরসালনা থাকে তবে শীতের আগেই
 পলন্তার। করে ফেলবেন।

थंडीकी मान

- (4) যদি মৃত্যুতে আছার দেহসংযোগ বিচ্ছিন্ন হন, তব্দে আছার বিদেহী অন্তিছ সম্ভব হলে মৃত্যুতে আছার দেহমুক্তি না হয়, তবে মৃত্যুতে আছার দেহসংযোগ বিচ্ছিন্ন হয় না বা আছার বিদেহী অন্তিছ সম্ভব নয়।
- (5) यिष श्रितांत छे९शांपन ना वांद्ध वदः लांकशः श्रा वांद्ध, তবে श्रितांत पाम वांद्ध; यिष लांकशः श्रा वांद्धलः श्रितांत पाम वांद्ध, তবে श्रितांत्रगांगी एपत नांच हम ; श्रितांत छे९शांपन वांद्ध ना ; ख्रुं जताः श्रितांत्रगांगी एपत नांख हम।
- (6) যদি আমর। জানি কোন কোন জিনিঘ সমান ও কোন কোন জিনিঘ অসমান, তবে আমরা জানি সমান্য কি; যদি প্রত্যক্ষের মধ্যে সমান্য বলে কিছু না থাকে, তবে আমরা, সমান্য কি তা জানতে পারি না বা সমান্যের জ্ঞান প্রত্যক্ষলক নয়; যদি সমান্যের জ্ঞান প্রত্যক্ষলক না হয় তবে কোন কোন জ্ঞান সহজাত; আমরা জানি কোন কোন জিনিঘ সমান ও কোন কোন জিনিঘ অসমান; প্রত্যক্ষের মধ্যে সমান্য বলে কিছু নেই; স্ত্রাং কোন কোন জ্ঞান আমাদের সহজাত।
- (7) আমার লটারীর টিকিটে প্রথম পুরস্কার উঠলে এক লক্ষ টাকা পাব, হিতীয় পুরস্কার উঠলে বিশ হাজার টাকা: পাব; আমি লাখ বিশহাজার কোনটাই পাই নি; স্মৃতরাং আমার লটারীর টিকিটে প্রথম বা হিতীয়: পুরস্কার কোনটাই উঠে নি।
- (8) যদি এলিস শেষ কোঠার দিকে না এপোত তবে সে শেষ কোঠাতে পৌছাত না ; এলিস রাণীছে অভিমিক্ত হতে পারে যদি এবং কেবল যদি সে শেষ কোঠাতে: পৌছার ; এলিস রাণীছে অভিমিক্ত হয়েছিল ; স্থতরাং এলিস শেষ কোঠার দিকে এগোচিছল।
- (9) পণ্য সরবরাহ কমলে দাম বাড়ে; প্রশাসনের পরিবর্তন হলে অর্থযোগানের উপর নিয়ম্বণ উঠে বাবে । যদি

মুদ্রাসফীতি চলতে থাকে তবে অর্থবোগানের উপর নিয়ন্ত্রণ উঠবে না ; যদি উৎপাদন বাড়ে তবে দাম বাড়ে না ; হয় উৎপাদন বাড়বে বা প্রশাসনের পরিবর্তন হবে ; স্থতরাং পণ্য সরবরাহ কমবে না বা মুদ্রাস্ফীতি থাকবে না ।

- ◄(10) যদি জগছরিবাবু ঘুরিয়ে ছিলেন এবং তার ছেলে কোলকাতায় ছিল না, তবে গাড়ীটা সে রাত্রে চালানো হয় নি; কিন্তু গাড়ীটা সে রাত্রে চালানো না হয়ে ধাকলে গাড়ীটাতে জমন টোল পড়ত না; সবাই দেবছে গাড়ীটাতে টোল পড়েছে; স্বতরাং যদি জগহরি-বাবু ঘুমিয়ে ছিলেন তবে তার ছেলে কোলকাতায়ই ছিল।
- র(11) যদি রাজ। ধর না বাঁধে এবং বড়ে এগিয়ে যায়, তবে হাতী বা নৌকা আটুকে যায়; যদি রাজ। ধর না বাঁধে, তবে হাতী আটুকে গেলে খেলা ডু হয়ে যাবে; হয় রাজা ধর বাঁধবে, নয় যদি নৌকা আটুকে যায় তবে আর স্থান পরিবর্তন সম্ভব হবে না; রাজ। ধর বাঁধল না এবং বড়ে এগিয়ে গেল; স্প্তরাং খেলা ডু হবে বা স্থান পরিবর্তন সম্ভব হবে না।
- থ(12) হয় প্রতিশোধ নেবার জন্য বা তার সম্পত্তির লোভে ছাতুরামবাবুকে হত্যা করা হয়েছে; য়িদ সম্পত্তির লোভে হত্যা করা হয়ে থাকে তবে বাবুলাল ও তার স্ত্রী হত্যা করেছে; য়িদ প্রতিশোধ নেবার জন্য করে থাকে, তবে হয় ছাতুরামের চাকর বা বাবুলালের ভাই হত্যা করেছে; বাবুলালের স্ত্রী এত ভীতু য়ে হত্যাকরার মত সাহস ভার নেই, এবং বাবুলালের ভাই হত্যাকাত্তের সময় নববীপে ছিল তার প্রমাণ আছে; স্থতরাং ছাতুরামবাবুর চাকর হত্যা করেছে।
 - (13) যদি অনুস্থান চলে তবে নুতন প্রমাণ হস্তগত হবে;

 যদি নুতন প্রমাণ হস্থগত হয় তবে অনেক উচ্চপদস্থ

 ব্যক্তি অভিত হয়ে পভ্বেন; যদি অনেক উচ্চপদস্থ

ব্যক্তি জড়িত হন তবে খবরের কাগজে অনুসন্ধানের বিবরণ প্রকাশিত হবে না; যদি অনুসন্ধান চললে খবরের কাগজে বিবরণ প্রকাশ বন্ধ হয় তবে নূতন প্রমাণ হস্তগত হলে বুঝাতে হবে অনুসন্ধান চলছে; অনুসন্ধান চলছে না; স্বতরাং নূতন প্রমাণ হস্তগত হচ্ছে না।

- (14) যদি আমি ন্যায়শান্ত পড়ি, তবে আমি প্রদত্ত প্রমাণ বিচার করতে পারব কিন্তু যে কোন ন্যায়ের প্রমাণ উদ্ভাবন করতে পারব না ; স্থতরাং যদি আমি ন্যায়-শান্ত পড়ি তবে আমি যে কোন ন্যায়ের প্রমাণ উদ্ভাবন করতে পারবে প্রদত্ত প্রমাণ বিচার করতে পারব।
- (15) যদি আমি ন্যায়শান্ত্র পড়ি, তবে যদি আমি যে কোন
 ন্যায়ের প্রমাণ উদ্ভাবন করতে পারি তবে প্রদন্ত প্রমাণ বিচার করতে পারব; যদি আমি প্রদন্ত প্রমাণ বিচার করতে পারি, তবে আমি পরীক্ষায় ভাল করব এবং পুরস্কৃত হব; স্থতরাং যদি আমি ন্যায়শান্ত্র পড়ি, তবে যদি আমি যে কোন ন্যায়ের প্রমাণ উদ্ভাবন করতে পারি তবে পরীক্ষায় ভাল করব।
- (16) যদি আমি রাজনীতি করি তবে দলনেতা হব ; যদি আমি রাজনীতি করি তবে ক্ষমতাশালী হব ; স্বতরাং যদি আমি রাজনীতি করি তবে আমি দলনেতা ও ক্ষমতাশালী হব।
- (17) যদি আমি ব্যবসা করি তবে ভাল উপার্জন করব; যদি রাজনীতি করি তবে ভাল উপার্জন করব; স্মৃতরাং ব্যবসা বা রাজনীতি করনে আমি ভাল উপার্জন করব।
- (18) যদি আমি পড়ান্তনা করি তবে জ্ঞানলাভ করব, এবং যদি পড়ান্তনা না করি তবে লীডার হব; আমি পড়ান্তনা করি বা করি না; কিন্তু যদি আমি পড়ান্তনা করি তবে লীডার হব না, এবং যদি আমি পড়ান্তনা না করি তবে জ্ঞানলাভ করব না; স্কুতরাং আমি লীডার হব যদি এবং কেবল যদি আমি জ্ঞানলাভ সা করি ।

- (19) যদি আমি পড়ান্ডন। করি তবে আমি জ্ঞানী হব, যদি আমি নকল করি তবে আমি চালাক হব; স্থতরাং যদি আমি পড়ান্ডন। বা নকল করি, তবে আমি জ্ঞানী বা চালাক হব।
- *(গ) नीटित न्यांब्रश्चलात श्रमान गर्यन क्वन।
 - (1) $p \supset (q \vee r)$ $\sim q$ $\sim r$ $\vdots \sim p$
 - $(2) \quad p \cdot (q \vee r) \\ p \supset \sim q \\ \hline \vdots \qquad r$
 - $(3) \quad p \supset (q \supset r)$ $\sim r$ p $\vdots \sim q$
 - $(4) p \supset (q \vee r)$ $q \supset s$ $r \supset s$ $s \supset \sim t$ t $\vdots \sim p$
 - $(5) p \supset (q \supset r)$ $q \supset (r \supset s)$ $\vdots p \supset (q \supset s)$
 - $(6) \sim p \supset \sim q$ $p \supset r$ $\sim r$ $|r| \sim r$

 $\frac{\sim q}{\therefore \sim r \, v \sim p}$

(8) $(p \cdot q) \supset r$ $\sim p \supset s$ $\sim (\sim p \cdot s)$ $\sim r$ $\vdots \sim q$

 $(9) \quad p \equiv q \\ q \equiv r$

 $p \equiv r$

(10) $(p \vee q) \supset (r \vee s)$ $[(r \vee s) \vee t] \supset (u \vee v)$ $(u \vee v) \supset \sim r$ $s \supset \sim u$ p $\vdots \qquad v$

(11) $p \supset q$

 $r \ v \sim q$ $\sim (\sim p \ v \ s)$

: *r*

 $(12) \quad p \supset q$ $p \lor q$

(ব) সংক্ষিপ্ত কৌশলে 1 (ব) এয় *(1), *(3), *(5)—(13), এবং 1 (গ)-এর (1)—*(12) ন্যারের বৈধতা প্রমাণ করুন।

*2 প্ৰাকম্লিক পদ্ধতিতে প্ৰবাৰ কক্ষৰ 1

3.9 অনুচ্ছেদের দাবা বেলাবিদয়ক ন্যার, 4.1 অনুচ্ছেদের
 (অ) ন্যার, 1 (४)-এর (1), (3), (4), (10), (14), (15)—(17), (19) এবং 1 (গ)-এর (5) ন্যার।

- (2) তুমি "ডংশন" শবেদর অর্ধ জান, বা যদি ভুমি "কংশন" শবেদর অর্ধ জান তবে তুমি আন্ত একটি গাবুচক্র; তুমি গাবুচক্র নও; স্থতরাং যদি তুমি "কংশন" শবেদর অর্ধ জান তবে "ডংশন" শবেদর অর্ধও জান ।
- (3) যদি আমর। পূজার বেড়াতে যাই তবে পুরী যাব ; যদি আমর। পূজার বেড়াতে যাই, তবে যদি পুরী যাই, তবে সমুদ্রস্থান করব ; যদি পুরী যাই, তবে যদি সমুদ্রস্থান করি তবে নুলিয়ার হাত ধরে সাঁতার কাটব ; স্বতরাং যদি আমর। পূজার বেড়াতে যাই, তবে নুলিয়ার হাত ধরে সাঁতার কাটব ।
- (4) যদি মৃত্যুর পরে মহাদ্বাদের সক্ষে দেখা হয় তবে আমি তাঁদের সক্ষে অধ্যাদ্বতদ্ব আলোচনা করব ; যদি আমি তাঁদের সক্ষে অধ্যাদ্বতদ্ব আলোচনা করি তবে যদি তাঁরা বিরক্ত না হন তবে অনেক গুপ্তরহস্য জানতে পারব ; যদি অনেক গুপ্ত রহন্য জানতে পারি, তবে অনস্তকাল ঐ সদ্ধানে কাটিয়া দেব এবং অনন্ত স্থখ উপভোগ করব ; স্কুতরাং যদি তাঁরা বিরক্ত না হন, তবে যদি মৃত্যুর পর মহাদ্বাদের সজে দেখা হয় তবে আমি অনন্ত স্থখ উপভোগ করব।
- (5) যদি গোলাপ লাগাও তবে বাগান স্থলর দেখাবে, এবং যদি গাঁগা। লাগাও তবে অনেক ফুল ফুটবে; স্থতরাং যদি গোলাপ ব। গাঁগা। লাগাও তবে বাগান স্থলর দেখাবে বা অনেক ফুল ফুটবে।
- (6) যদি তুমি আইনভক্ষ কর এবং দেশ পরিত্যাগ কর, তবে তোমার আত্মীয় ও বন্ধুরা অস্থবিধায় পড়বে ; যদি তুমি দেশ পরিত্যাগ কর, তবে যদি তুমি আইনভক্ষ করে থাক তবে দেশের শক্ত বলে গণ্য হবে ; স্থ্তরাং যদি দেশপরিত্যাগ করা আর আইনভক্ষ করা এক হয়, তবে যদি তুমি দেশ পরিক্তাগ কর তবে তুমি দেশের শক্ত বলে গণ্য হবে বা তোমার আত্মীয় ও বন্ধুরা অস্থবিধায় পড়বে।

- *3 পরোক্ষ পদ্ধতিতে প্রমাণ করুন।
 - 3 षनुभीननीत 9 (थ)-এत (3) ७ (4) नाम ।
 - 3 जनुगीननीत 9 (গ)-এর (3), (5) ও (10) नाग्र।
 - 1 (খ)-এর (5)-~(8), (12) ও (13) ন্যার ।
 - 1 (গ)-এর (1)—(4) ও (11) -(12) ন্যায় ।
 - 1 (অ)-এর (2)—(4), (5)—(7) ন্যায় I
- 4 প্রাকল্পিক পদ্ধতিতে নীচের সূত্রগুলো স্বতঃসত্য প্রমাণ করুন।
 - (1) $(p \supset q) \supset [p \supset (p.q)]$
 - (2) $(p \supset q) \supset [(q \supset r) \supset (p \supset r)]$
 - *(3) $p \supset (q \supset p)$
 - $(4) \quad [(p \supset q) \supset q] \supset (p \lor q)$
 - *(5) $[(p \supset q) \supset p] \supset p$
 - (6) $[(p\supset q).(p\supset r)]\supset [p\supset (q.r)]$
 - (7) $[(p\supset q)\cdot(p\supset r)]\supset [p\supset(q\vee r)]$
 - *(8) $(p\supset q)\supset [(p.r)\supset (q.r)]$
- 5 (ক) 2-এর ন্যায়গুলো নূতন আকারের প্রাকল্পিক পদ্ধতিতে প্রমাণ করুন। (*2, *6)
 - (খ) 3-এর ন্যায়গুলো সিদ্ধান্তের নিমেধককে অঙ্গীকার করে নূতন আকারের প্রাকল্পিক পদ্ধতিতে প্রশাণ করুন। (*3.9 (গ) (5))
- 6 (ক) নীচে তিনটি ন্যায়ের যুক্তিবচনগুলো দেওয়া আছে। এর। মিলিতভাবে সত্য কিনা বিচার করুন।
 - *(1) p. (q v r) $(p.r) \supset \sim (s v t)$ $(\sim s v \sim t) \supset \sim (p.q)$ $s \supset t$
 - *(2) $p. (p \ v \ q)$ $\sim q \supset \sim p$ $\sim r. \sim q$ $\sim (r \ v \ p)$

(3)
$$(p,q) \ vr$$

 $p \supset \sim q$
 s,q
 $r \supset \sim r$

- (थ) नीरहत नगांत्रश्रत्नात देवस्छा विहात ककन
 - (1) $p \supset q$ $\sim (\sim p . \sim q)$ $\therefore p \vee q$
 - $\begin{array}{c}
 \bullet(2) \cdot p \supset (q \ r) \\
 \sim q \\
 \vdots \sim p
 \end{array}$
 - $(3) \quad (p \cdot \sim q) \supset r$ $\sim q$
 - $\begin{array}{ccc}
 ^*(4) & \sim p \supset \sim q \\
 p & v & r \\
 \hline
 & \sim r \\
 \hline
 & & \\
 \end{array}$
 - $(5) \quad p \supset q$ $q \supset r$ $\sim q$ $\therefore \sim p v \sim r$
 - (6) $\sim p \supset \sim q$ r $r \supset \sim p$ $\therefore \sim q \cdot \sim p$
 - *(7) $\sim (p. \sim q)$ $\sim r \vee s$ $r \vee q$

*(8)
$$(p,q) \supset r$$

 $r \supset \sim r$
 $(s \supset p) \cdot (t \supset q)$

(9)
$$p \neq q$$

$$\sim [r \vee (s \vee t)]$$

$$\sim t \supset \sim q$$

$$p \supset r$$

$$\vdots \sim s$$

(10)
$$p \cdot (q \cdot r)$$

 $(q \equiv r) \supset \sim (\sim p \cdot \sim q)$
 $\therefore q \vee p$

- 8 নীচের বচনগুলোকে প্রতীকীরূপ দিন (মানকবদ্ধ বচনাপেকক রূপে)। প্রয়োজনস্থলে অভিধান দিয়ে নিন।
 - *(1) ন মে ভক্ত: প্রণশ্যতি।
 - (2) या मन्डलः न म श्रियः।
 - (3) যাদৃশী ভাবনা যস্য সিদ্ধি ভ্ৰবতি তাদৃশী।
 - (4) প্ৰব্যন্তান্তগহিত্য ।
 - *(5) वृद्धियंगा वनः छगा।
 - (6) সব মেরুদণ্ডী জীব উষ্ণশোণিত নয়।
 - (7) কোন কোন রাঞ্জনীতিক বুদ্ধিমান।
 - (8) এমন লোক আছে যাদের যোগ্যতা অমীকৃত।
 - (9) উত্তৰ খাদ্য তৃপ্তিদায়ক।
 - *(10) কোন কোন বচনের সত্যতা নিরূপণ অভিজ্ঞতাসাপেক 🛊
 - (11) বিলকু দুরস্ত কিন্তু পড়াশুনা করে।
 - (12) जरनक ছেলেই পড়াগুনা करत ना।
 - (13) ছেলের। উপস্থিত।
 - (14) কোন অতিথি খাওয়া পর্যন্ত অপেক্ষা করেন নি।
 - *(15) কোন কোন অতিথি খাওয়া পর্যন্ত অপেক্ষা করেন নি।
 - 16) খরের কোন জিনিম বাঁচেনি।
 - (17) ৰাহাই চক্চক্ করে তাহাই সোণা নয় ।
 - (18) উদ্যোগী পুরুষেরাই লক্ষ্মীলাভ করে।
 - (19) क्छ वर् इराउ भारत ना, यनि ना रा भित्रध्य करत ।
 - *(20) বৎসরের যে কোনদিন কারে। ন। কারে। জনমদিন।
 - (21) কোন কোন ছাত্র বৃদ্ধিমান ও পরিশ্রমী।
 - *(22) কোন কোন ঔষধ বেশীমাত্রায় খেলে বিপজ্জনক হয়।
- *9 নীচের ন্যায়গুলোর প্রমাণ গঠন করুন। প্রয়োজন স্থলে প্রাক্ষিক প্রমাণবিধি ব্যবহার করতে পারেন।

- (1) সব মানুষ (হয়) দার্শনিক, ঝণ্টু (হয়) মানুষ,
 - ∴ ঝণ্টু (হয়) দার্শনিক।
- (3) সৰ দাৰ্শনিক (হয়) পণ্ডিত, কোন কোন দাৰ্শনিক (হয়) ধুমপানকারী,
 - ∴ কোন কোন পণ্ডিত (হয়) ধুমপানকারী।
- (4) কোন রাজনীতিক নীতিসর্বস্ব নয়, কোন কোন লোক (হয়) নীতিসর্বস্ব,
 - .: কোন কোন লোক রাজনীতিক নয়।
- (5) কোন নীতিসর্বস্থ ব্যক্তি রাজনীতিক নর, সব দার্শনিক (হয়) নীতি স্বস্থ,
 - 😷 কোন দার্শনিক রাজনীতিক নয় ।
- (6) সব স্ত্রীর আঞ্জানুবর্তী স্বামী (হয়) সংস্থভাবসম্পন্ন, কোন সংস্থভাবসম্পন্ন স্বামী রাত্র্যাগমের পরে বাহিরে অবস্থান করে না,
 - কোন রাত্ত্যাগমের পরে বাহিরে অবস্থানকারী স্থামী স্ত্রীর আজানুবর্তী নয়।
- (7) কোন কোন ব্যবসায়ী কালোবাজারী নয়,সব ব্যবসায়ী (হয়) নিইভাষী,
 - .: (कान (कान विशेषाची वाक्ति कालावाबादी नव ।
- (৪) সব ভারতীয় (হয়) দার্শনিক, সব দার্শনিক (হয়) নিজৈগুণ্য, ভবশকর (হয়) ভারতীয়,
 - **ख्वमंद्रत (इग्र) निटेक्च**थना ।

- (9) সব ভারতীয় ও দার্শনিক (হয়) সত্যান্মেমী, ভবশঙ্কর (হয়) ভারতীয়,
 - ∴ ভবশন্ধর (হয়) সভ্যান্থেমী ।
- (10) সব ফল (হয়) সুস্বাদু,
 সব ফল (হয়) পুটকর,
 ∴ সব ফল (হয়) স্থাদু ও পুটকর।
- (11) जब ब्रांखा (इय) विनानी, जब बांगी (इय) विनानी,
 - ∴ नव बाजा ও बाबी (হয়) विनानी।
- (12) বুগরু (হয়) নিরীহ ও উপকারী, কোন কোন গরু (হয়) কৃষ্ণবর্ণ,
 - ∴ কোন কোন উপকারী ব্যক্তি (হয়) কৃঞ্চবর্ণ।
- (13) সব হন্তীদন্তনিষিত আসবাব (হয়) স্থলর ও মহার্ঘ, প্রাসাদের সব আসবাব (হয়) হন্তীদন্তনিষিত,
 - ∴ প্রাসাদের সব আসবাব (হয়) মহার্ঘ।
- (14) উপযাচকের। নির্বোধ বা শঠ হয়,
 নির্বোধের। সরল হয়,
 সব উপযাচক সরল নয়,
 - ∴ কোন কোন উপযাচক (হয়) শঠ।
- (15) সব নোবেল পুরন্ধার প্রাপক (হয়) প্রতিভাসম্পন্ন,
 কুরী একজন মহিলা,
 কুরী একজন নোবেল পুরন্ধারপ্রাপক,
 - ∴ কোন কোন মহিলা প্রতিভাসম্পন্ন।
- (16) সব পেট্রোল রপ্তানীকারী ও আমদানীকারী দেশ এই সম্মেলনে আমন্ত্রিত এবং সর্বসম্মতভাবে পেট্রোলের মূল্য

নিয়ন্ত্রণের উদ্দেশ্যে পরিকল্পন। দাখিল করার **জ**ন্য বিশেষভাবে আহত,

- ∴ গব পেট্রোল আমদানীকারী দেশ সর্বসন্মতভাবে পেট্রোলের মূল্য নিয়য়্রণের উদ্দেশ্যে পরিকয়ন। দাখিল করার জন্য বিশেঘভাবে আহৃত।
- *10 নীচের ন্যায়গুলোর অবৈধতা প্রমাণ করুন ৷
 - (1) গব ভারতীয় (হয়) দার্শনিক, সক্রেটিস (হয়) একজন দার্শনিক,
 - ∴ সক্রেটিস (হয়) একজন ভারতীয়।
 - (2) কোন কোন ভারতীয় (হয়) অবৈতবাদী, চার্বাক ভারতীয়,
 - ∴ চাৰ্বাক অহৈতবাদী।
 - (3) আলু আনারগ নয়,আনারগ সুস্বাদু,
 - .: আল সুস্থা**ৰ** নয়।
 - (4) সব রাজ। মানুঘ, সব মানুঘ নশুর,
 - .: কোন কোন নশুর ব্যক্তি রাজা।
 - (5) কোন মানুষ নয় দোষহীন, সব মানুষ নশুর,
 - ∴ কোন কোন নশুর ব্যক্তি নয় দোঘহীন।
 - (6) বেদনা ক্লান্তিকর, বেদনা কখনও ঈপ্সিত নয়.
 - ∴ ঈপ্সিত বস্তু কর্থনও ক্লান্তিকর নয়।
 - (7) কোন ছাত্র পণ্ডিত নয়,কোন কোন অধ্যাপক পণ্ডিত,
 - কোন ছাত্র প্রধ্যাপক নয়।

- (8) সৰ মানুষ ও তিমি স্তন্যপায়ী, কোন কোন প্ৰাণী স্তন্যপায়ী, কোন কোন প্ৰাণী স্তন্যপায়ী নয়,
 - ∴ नव मानुष थानी।
- (9) সব মান্ম (হয়) গোমবুক্ত, সব মানুম (হয়) প্রাণী,
 - ∴ কোন কোন প্রাণী (হয়) দাঘ্যুক্ত।

কয়েকটি নিৰ্বাচিত প্ৰধের সমাধান

2

9 (4) $\sim (p.q)$

(8) $\sim p \cdot \sim q$

(13) $(p \supset q) \cdot (q \supset p)$

(15) $p \supset [q.(r \vee s)]$

- (ব) (5) উৎপাদন বাড়বে. এবং জিনিষের দাম বাড়বে না, বা দুর্শুল্য ভাতা বাড়ানো হবে ।
 - (12) জিনিমের দাম বাড়বে না, বা দুর্মুল্য ভাতা বাড়ালেও সঞ্চয় বাড়বে না।

3

1 (5) $[(p \ v \ q) \ .r] \ .(\sim p \supset s)$

(8) $[p \ v \ (q.r)] \cdot (\sim p. \ r)$

2 (2) $p \sim p$ $p \sim p$ $p \cdot (p \vee p)$

T F T T F

অনিদিষ্টমান

শ্বত:শত্য

3 (季) (1) $q p \supset q \sim q$ p $p. \sim q \quad (p \supset q).(p. \sim q)$ T T T F F F T F F T T F \mathbf{F} T T \mathbf{F} F F F F T T F F শ্বতোৰিণ্যা

- (খ) (1) সত্য
 - (5) मिथा

(12) $p \ q \ r \ p.q \ p.r \ (p.q) \ v \ (p.r) \ q \ vr \ p.(q \ vr) \equiv (p.q) \ v \ (p.r)$

| TTTT | T | T | T | T | T | |
|------|---|-----|--------------|---|---------|--|
| TTFT | F | T | T | T | T | |
| TFTF | T | Т ' | T | T | T | |
| TFFF | F | F | F | F | T | |
| FTTF | F | F | T | F | T হুঁয় | |
| FTFF | F | F | T | F | T | |
| FFTF | F | F | \mathbf{T} | F | T | |
| FFFF | F | P | P | F | T | |

- (4) (1) (1) $\sim p \supset \sim q$
 - $(2) \sim (\sim p \cdot \sim \sim q)$
 - $(3) \sim (\sim p.q)$
 - $(4) \sim \sim p \ v \sim q$
 - (5) $p v \sim q$

- 1, সংজা
- 2, विनिध्यथ
- 3, ডি মরগ্যান
- 4. चिनिरम्थ

- ·5 (1) অবৈধ
 - (2), (3) বৈধ
 - (4) ष्ट्रेवश
 - (5) বৈধ

9 (গ) ও 4 अनुनीननीत (आ) प्रथ्न।

(5) $p \neq q \sim p \sim q \neq p \supset q \sim p \sim q \sim (\sim p \sim q) (p \supset q) \sim (\sim p \sim q) p \vee q$ TT F T T T F F T T Ť T F F T P F TF FT T T F T F FF T T T F F F বৈধ

| ·(4) (1) | p | q ~ | 7 P | v q | ~q⊃p |) (p | v | q).(~q⊃ | p).q | ~p |
|------------------|------|----------|-------|----------|---------------|---------|---|--------------------|---------------|----------------|
| | T | Г | F | Т | Т | | | | T | F |
| | T | | | T | T | | | | F | F |
| | F | Γ | F | T | T | | | | T | T |
| | F | F | T | F | F | | | | F | T |
| | | यटे | ₹4, | প্রথম স | ারি দে | र्न। | | | | |
| 7 (5) { | [(p. | $\sim q$ |)) (| (r v | s)]. | ~ (| ~ | $r\supset q^{(i)}$ |) C | p v s) |
| `, | | FT | | | T F | _ | F | T | T | T |
| | | FT | | TT | FF | _ | F | T | T | T |
| | | FT | | FT | TF | _ | T | T | T | T |
| 1 | | FT | T | | FF | _ | T | T | T | T |
| | TT | | T | | TF | | F | T | T | T |
| | _ | TF | T | | FF | _ | F | T | T | T |
| | - | TF | | | TT | T | T | F | T | T |
| | | TF | F | | FF | | T | . F | T | T |
| | _ | FT | _ | ТТ | TF | _ | F | T | T | T |
| | | FT | T | | FF | _ | F | T | T | F |
| | | FT | T I | _ | í F | F | T | T | T | T |
| | | FT | T | | FF | F | T | T | T | F |
| | _ | TF | _ | _ | TF | F | F | T | T | T |
| | FF | TF | _ | ТТ | FF | F | F | Ţ | T | F |
| | | TF | T | FT | TT | T | T | F | T | T |
| | r r | | | | r 1 রি দেখ | T न। | T | F | F | F |
| | | ,,,, | ., . | | | | | | | |
| 9 (季) (2) | T | . I | 3 | Ť | T | | | মূল সংযোগ | ক্ত েল | রে উপর |
| | ~ | - 1 | י | V | q | | | "v" 6 | হু আ | E i g |
| | Т | · | ; | Ť | T | বৈধ | | ছাড়াও দেখ | ্ন, কো | ন একটি |
| | _ | | | D | q | | | বর্ণেরও উপ | র "∿ | /" চিহ্ |
| | 7 | | | Ť | | œ | | দেওয়া রয়ে | | |
| | | | 7 | _ | T | T | | বিরুদ্ধ মা | | |
| | _ | · (^ | J | p | : | q) | | করলে যুগ | | |
| 4 | | É | 1 | | | , | | ভাবে সত্য, | সিদ্ধাৰ | जिथा |

(4) T T T T F

$$p \supset (q \supset \sim r)$$
 $\frac{1}{r}$
 r
 $T \stackrel{?}{F} F T$
 $\therefore q \supset \sim p$

(5)
$$T \stackrel{\uparrow}{T} F T T$$

$$p \supset (q \ v \ r)$$

$$T \stackrel{\downarrow}{T} F$$

$$\sim q$$

$$T \stackrel{\downarrow}{F} F T$$

$$\therefore r \supset \sim p$$

(4) (5)
$$F$$
 T T F F F T $\sim p \supset (q \ v \sim r)$

$$T F T T F$$

$$\sim p \cdot \sim q$$

$$F T$$

বৈধ

T F F T ∴ s ⊃ ~ t

- (व) (2 সূত্রটি মিধ্যা হোক্, অর্থাৎ অনুগ p মিধ্যা হোক, পূর্বগ p ⊃ p সত্য হোক। p মিধ্যা হলে p ⊃ p সত্য। স্বতঃসত্য নয়। p সত্য হলে সত্য। স্বতঃ। অনিদিইমান।
 - (7) সুত্রটি মিধ্যা হোক্, অর্ধাৎ পূর্বগৃ p সত্য হোক্, অনুগ p ⊃ (q v ~ p) মিধ্যা হোক্। p ⊃ (q v ~ p) মিধ্যা হতে হলে p সত্য, q v ~ p মিধ্যা হতে হবে। q মিধ্যা, p সত্য হলে q v ~ p মিধ্যা। স্বতঃসত্য নর। p, q দুই-ই সত্য হলে অনুগ এবং সুত্র দুই-ই সত্য হয়, স্বত্রাং অনিদিট্টমান।
- 1 (অ) 1) (1) $p \supset (q \supset r)$ (2) $\sim r$ 1: ~pv~q 1, Exp. (3) $(p.q) \supset r$ 3, 2, M. T. $(4) \sim (p.q)$ $(5) \sim p \ v \sim q$ 4, De M. $(2) (1) p \supset q$ (2) $(p \cdot q) \supset r$ $(3) \sim r$ /∴ ~ p 2, 3, M.T. $(4) \sim (p.q)$ 1, Abs. $(5) \quad p \supset (p \cdot q)$ 5, 4, M.T. $(6) \sim p$

প্রতীকী ন্যায়

```
(\mathfrak{A}) (2) (1) p \supset (q. \sim q) /: \sim p
              (2) \sim p \ v \ (q, \sim q)
                                                1, Imp.,
              (3) (\sim p \ v \ q) \cdot (\sim p \ v \sim q) \ 2, Dist.
              (1) (p \supset q).(p \supset \sim q), 3, Impl.
              (5) p \supset q
                                              4, Simp.
              (6) ~q ⊃~ p
                                              5, Trans.
              (7) \quad (p \supset \sim q).(p \supset q)
                                              4, Com.
                                              7, Simp.
              (8) p \supset \sim q
              (9) p \supset \sim p
                                              8, 6, H.S.
             (10) \sim p \ v \sim p
                                               9, Impl.
             (11) \sim p
                                               10, Taut.
       (3)
              (1) p \supset (q.r)
              (2) q \supset s
              (3) \sim s
                                          /:. ~ p
              (4) \sim q
                                               2, 3, M.T.
                                               4, Add.
              (5) \sim q v \sim r
              (6) \sim (q.r)
                                               5, De M.
              (7) \sim p
                                                1, 6, M.T.
       (5)
              (1) \sim p \supset (q \ v \sim r)
              (2) \sim p. \sim q
              (3) \sim p
                                                  1, Simp.
              (4) \quad q \quad v \sim r
                                                 1, 3, M. P.
              (5) \sim q. \sim p
                                                 2, Com.
              (6) \sim q
                                                 5, Simp.
              (7) \sim r
                                                 4, 6, D.S.
(2)
       (2)
              (1) \sim p v q
              (2) \sim p \supset q
              (3) \sim (\sim p.q)
                                             /:. p
              (4) \quad p \supset q
                                            1, Impl.
              (5) \sim q \supset \sim p
                                           4, Trans.
              (6) \sim q \supset q
                                            5, 2, H.S.
              (7) \sim \sim q v q
                                           6, Impl.
              (8) q v q
                                           7, D.N.
              (9) q
                                            8, Taut.
```

(10) ~~ 9

9, D.N.

(11)
$$\sim \sim p \ v \sim q$$
 3, De M.
(12) $p \ v \sim q$ 11, D.N.
(13) $\sim q \ v \ p$ 12, Com.
(14) p 13, 10, D.S.

(3) (1) $(p \supset q) \cdot (p \supset r)$
(2) p /:. $q \lor r$
(3) $p \supset q$ 1, Simp.
(4) q 3, 2, M.P.
(5) $q \lor r$ 4, Add.

(4) (1) $p \supset (q \supset \sim r)$
(2) r /.. $q \supset \sim p$
(3) $(p \cdot q) \supset \sim r$ 1, Exp.
(4) $\sim \sim r$ 2, D. N.
(5) $\sim (p \cdot q)$ 3, 4, M.T.
(6) $\sim p \ v \sim q$ 5, De M.
(7) $\sim q \ v \sim p$ 6, Com.
(8) $q \supset \sim p$ 7, Impl.

(4) (2) (1) $p \cdot q$ 2, 5, D.S.
(6) r 2, 5, D.S.
(7) $r \ v \sim s$ 6, Add.

(3) (1) $(p \cdot q) \supset r$
(2) p
(3) $p \supset q$ /.. r
(4) q 3, 2, M.P.
(5) $p \cdot q$ 2, 4, Conj.
(6) r 1, 5, M.P.
(4) (1) $p \supset (q \lor r)$
(2) $\sim q$
(3) $\sim p \ v \sim r$
(4) $\sim r \ v \sim p$ 3, Com.

| (5) | $r \supset \sim p$ | 4, Impl. |
|---------------------------|---|--------------------|
| • • | $p\supset (\sim \sim q v r)$ | 1, D.N. |
| | $p\supset (\sim q\supset r)$ | 6, Impl. |
| | $(p. \sim q) \supset r$ | 7, Exp. |
| | $(p. \sim q) \supset \sim p$ | 8, 5, H.S. |
| | $\sim (p, \sim q) \ v \sim p$ | 9, Impl. |
| (11) | | 10, De M. |
| (12) | | 11, D.N. |
| (12) | $(\sim p \ v \ q) \ v \sim p$ | 12, Com. |
| (13) | $\sim p \ v \ (\sim p \ v \ q)$ $(\sim p \ v \sim p) \ v \ q$ | 13, Assoc. |
| | • | 14, Taut. |
| (15) | $\sim p \vee q$ | 15, Impl. |
| | $p \supset q$ $\sim p$ | 16, 2, M.T. |
| (17) | $\sim p$ | 10, 2, M.1. |
| (*) (7) (1) | $(p,q)\supset r$ | |
| | $r \supset \sim r$ | |
| | | /:. s > ~ t |
| - | $\sim r v \sim r$ | 2, Impl. |
| | $\sim r$ | 4, Taut. |
| • | $\sim (p.q)$ | 1, 5, M.T. |
| | $\sim p v \sim q$ | 6, De M. |
| | $s\supset p$ | 3, Simp. |
| | $\sim p \supset \sim s$ | 8, Trans. |
| | $(t\supset q)\cdot (s\supset p)$ | 3, Com. |
| | $t \supset q$ | 10, Simp. |
| | $\sim q \supset \sim t$ | 11, Trans. |
| | $(\sim p \supset \sim s) \cdot (\sim q \supset \sim t)$ | |
| | ~ s v ~ t | 13, 7, C.D. |
| (15) | $s \supset \sim t$ | 14, Impl. |
| (8) (1) | $(p\supset q)\cdot (r\supset s)$ | |
| | $(q \ v \ s) \supset t$ | |
| | | $/:. \sim (p v r)$ |
| (4) | $\sim (q \ v \ s)$ | 2, 3, M.T. |
| | $\sim q. \sim s$ | 4, De M. |
| | $p \supset q$ | 1, Simp. |
| | ~q | 5, S imp. |
| | | |

| (8) | ~p | 6, 7, M.T. |
|--------------------|--|------------------------|
| | $(r\supset s).(p\supset q)$ | I, Com. |
| | 708 | 9, Simp |
| | $\sim s \cdot \sim q$ | 5, Com. |
| _ | ~ s | 11, Simp. |
| | ~ r | 10, 12, M.T. |
| (14) | $\sim p. \sim r$ | 8, 13, Conj. |
| (15) | $\sim (p \ v \ r)$ | 14, De M. |
| (4) (1) (1) | $n \supset a$ | |
| | ~17~9 | |
| | $r \supset s$ | /∴ p⊃s |
| | $q \supset r$ | 2, Trans. |
| | $p \supset r$ | 1, 4, H.S. |
| | $p\supset s$ | 5, 3, H.S. |
| (2) (1) | $(p,q)\supset (r\supset \sim s)$ | |
| | $(p,q) \supset (r \supset \sim s)$ p,q | /∴ s ⊃ ~ r |
| | $r \supset \sim s$ | 1, 2, M.P. |
| | ~~s>~r | 3, Trans. |
| | $s \supset \sim r$ | 4, D.N. |
| (3) (1) | | ., 21.11 |
| | $(\sim q \cdot \sim p) \supset r$ | |
| | $p \supset \sim r$ | $/:. \sim q \supset p$ |
| | ~1 | 3, 1, M.P. |
| | $\sim (\sim q.\sim p)$ | 2, 4, M.T. |
| | $\sim q \supset p$ | 5, সংভা |
| - | $p\supset (q\supset r)$ | /:. ~r⊃(~p v ~q) |
| | $(p.q) \supset r$ | 1, Exp. |
| | $\sim r \supset \sim (p.q)$ | 2, Trans. |
| | $\sim r \supset (\sim p \ v \sim q)$ | |
| | $(\sim p.q)\supset r$ | |
| , , , , | $(\sim p,q)\supset r$ $(q\supset r)\supset s$ | . – |
| | ~ p | /A 8 |
| | $\sim p \supset (q \supset r)$ | 1, Exp. |
| | | 4,-3, M.P. |
| (6) | - | 2, 5, M.P. |
| , 0, | = | |

(6) (1)
$$p \supset q$$

(2) $\sim r \supset (\sim q v \sim s)$
(3) $\sim s \supset t$
(4) p
(5) $\sim r$
(6) q
(7) $\sim q v \sim s$
(8) $\sim \sim q$
(9) $\sim s$
(10) t
(7) (1) $(p \supset q) \cdot (r \supset s)$
(2) $\sim q \cdot \sim s$
(3) $p \supset q$
(4) $\sim q$
(5) $\sim p$
(6) $(r \supset s) \cdot (p \supset q)$
(7) $r \supset s$
(8) $\sim s \cdot \sim q$
(9) $\sim s$
(10) $\sim r$
(11) $\sim p \cdot \sim r$
(2) $\sim q \cdot \sim s$
(3) $p \supset q$
(4) $\sim q$
(5) $\sim p$
(6) $\sim s \cdot \sim q$
(7) $\sim s \cdot \sim q$
(8) $\sim s \cdot \sim q$
(9) $\sim s$
(10) $\sim r$
(11) $\sim p \cdot \sim r$
(11) $\sim p \cdot \sim r$
(11) $\sim p \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim s$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim r \cdot \sim q$
(6) $\sim r \cdot \sim q$
(7) $\sim p \cdot \sim q$
(8) (1) $\sim p \cdot \sim q$
(1) $\sim p \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim q$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(6) $\sim q \cdot \sim q$
(7) $\sim p \cdot \sim q$
(8) (1) $\sim p \cdot \sim q$
(9) (1) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim q$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(6) $\sim q \cdot \sim q$
(7) $\sim p \cdot \sim q$
(8) $\sim q \cdot \sim q$
(9) (1) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim q$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(6) $\sim q \cdot \sim q$
(7) $\sim p \cdot \sim q$
(8) $\sim q \cdot \sim q$
(9) (1) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim q$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(6) $\sim q \cdot \sim q$
(7) $\sim q \cdot \sim q$
(8) $\sim q \cdot \sim q$
(9) (1) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim q$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(6) $\sim q \cdot \sim q$
(7) $\sim q \cdot \sim q$
(8) $\sim q \cdot \sim q$
(9) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim q$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(6) $\sim q \cdot \sim q$
(7) $\sim q \cdot \sim q$
(8) $\sim q \cdot \sim q$
(9) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim q$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(6) $\sim q \cdot \sim q$
(7) $\sim q \cdot \sim q$
(8) $\sim q \cdot \sim q$
(9) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim q$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(6) $\sim q \cdot \sim q$
(7) $\sim q \cdot \sim q$
(8) $\sim q \cdot \sim q$
(9) $\sim q \cdot \sim q$
(1) $\sim q \cdot \sim q$
(2) $\sim q \cdot \sim q$
(3) $\sim q \cdot \sim q$
(4) $\sim q \cdot \sim q$
(5) $\sim q \cdot \sim q$
(7) $\sim q \cdot \sim q$
(8) $\sim q \cdot \sim q$
(9) $\sim q \cdot \sim q$

4, 6, H.S.

(7) u >~p

ক্ষেকটি নিৰ্বাচিত প্ৰণ্যের স্মাধান

| (8) $\sim \sim s \supset \sim t$ (9) $s \supset \sim t$ (10) $r \supset \sim t$ (11) $(u \supset \sim p) \cdot (r \supset \sim t)$ (12) $\sim p v \sim t$ | 3, Trans 8, D.N. 2, 9, H.S. 7, 10, Conj 11, 5, C.D. |
|--|--|
| (10) (1) $(p. \sim q) \supset \sim r$ (2) $\sim r \supset \sim s$ (3) s (4) $s \supset r$ (5) r (6) $\sim \sim r$ (7) $\sim (p. \sim q)$ (8) $p \supset q$ | /∴ p ⊃ q 2, Trans. 4, 3, M.P. 5, D.N. 1, 5, M.T. 7, সংভা |
| (11) (1) $(\sim p \cdot q) \supset (r \vee s)$ (2) $\sim p \supset (r \supset t)$ (3) $p \vee (s \supset \sim u)$ (4) $\sim p \cdot q$ (5) $\sim p$ (6) $r \supset t$ (7) $s \supset \sim u$ (8) $(r \supset t) \cdot (s \supset \sim u)$ (9) $r \vee s$ (10) $t \vee \sim u$ | /:. tv ~ u 4, Simp. 2, 5, M.P. 3, 5, D.S. 6, 7 Conj. 1, 4, M.P. 8, 9, C.D. |
| (12) (1) $p v q$ (2) $q \supset (r \cdot s)$ (3) $p \supset (t v u)$ (4) $\sim s \cdot \sim u$ (5) $\sim s$ (6) $\sim s v \sim r$ (7) $\sim r v \sim s$ (8) $\sim (r \cdot s)$ (9) $\sim q$ (10) $q v p$ (11) p 12) $t v u$ | /:. t 4, Simp. 5, Add. 6, Com. 7, De.M. 2, 8, M.T. 1, Com. 10, 9, D.S. 3, 11, M.P. |

```
(13) uvt
                                                . 12, Com.
         (14) ~u.~s.
                                                  4, Com.
        (15) \sim u
                                                14, Simp.
         (16) t
                                                  13, 15, D.S.
    (13) (1) p \supset q
           (2) q \supset r
          (3) r > ~ s
          (4) (p \supset \sim s) \supset (q \supset p)
        (5) \sim p
                                                 1:. ~ q
         (6) p \supset r
                                                 1, 2, H.S.
          (7) \quad p \supset \sim s
                                                 6, 3, H.S.
        (8) q \supset p
                                                 4, 7, M.P.
         (9) \sim p \supset \sim q
                                                8. Trans.
         (10) \sim q
                                                 9, 5, M.P.
   (14) \quad (1) \quad p \supset (q \cdot \sim r)
                                               /: p \supset (r \supset q)
          (2) \sim p \ v (q . \sim r)
                                                1, Impl.
          (3) (\sim p \ v \ q) \cdot (\sim p \ v \sim r) 2, Dist.
          (4) \sim p \vee q
(5) (\sim p \vee q) \vee \sim r
                                                  3, Simp.
                                               4, Add.
         (6) \sim p \ v \ (q \ v \sim r)
                                                 5, Assoc.
          (7) \sim p v (\sim r v q)
                                                 6, Com.
          (8) p \supset (\sim r \vee q)
                                                 7, Impl.
          (9) p\supset (r\supset q)
                                                  8, Impl.
V(\tilde{1}5) (1) p\supset (q\supset r)
          (2) \quad r \supset (s.t)
                                                 1: p \supset (q \supset s)
          (3) (p \cdot q) \supset r
                                                1, Exp.
          (4) (p \cdot q) \supset (s \cdot t)
                                                3, 2, H.S.
          (5) \sim (p.q) v(s.t)
                                              4, Impl.
          (6) [\sim (p \cdot q)v s] \cdot [\sim (p \cdot q)v s] 5.Dist.
          (7) \sim (p \cdot q) v s
                                                6, Simp.
          (8) (p \cdot q) \supset s
                                                 7, Impl.
         (9) \quad p \supset (q \supset s)
                                                8, Exp.
   (16) (1) p \supset q
          (2) p \supset r
                                                /:.p\supset (q.r)
```

| (3) | $\sim p v q$ | 1, Impl. |
|----------|--|--|
| | $\sim p \ v \ r$ | 2, Impl. |
| | $(\sim p \ vq) \cdot (\sim p \ vr)$ | 3, 4, Conj. |
| | $\sim p \ v(q \cdot r)$ | 5, Dist. |
| | $p\supset (q\cdot r)$ | 6, Impl. |
| | | |
| (17) (1) | | |
| | $r\supset q$ | $/:.(p \vee r) \supset q$ |
| | $\sim p v q$ | 1, Impl. |
| | $\sim r v q$ | 2, Impl. |
| (5) | $q v \sim p$ | 3, Com. |
| | $q v \sim r$ | 4, Com. |
| | $(q \ v \sim p) \cdot (q \ v \sim r)$ | 5, 6, Conj. |
| (8) | $q v (\sim p \cdot \sim r)$ | 7, Dist. |
| (9) | $(\sim p \cdot \sim r) v q$ | 8, Com. |
| (10) | $\sim (p \ v \ r) \ v \ q$ | 9, De M. |
| (11) | $(p \vee r) \supset q$ | 10, Impl. |
| / | | • |
| | $(p\supset q)\cdot (\sim p\supset i)$ | |
| | $p \ v \sim p$ | |
| | $(p\supset \sim r) \cdot (\sim p\supset \sim q)$ | |
| | $\sim r v \sim q$ | 3, 2, C.D. |
| | $r \supset \sim q$ | 4, Impl. |
| | q v r | 1, 2. C.D. |
| (7) | $\sim \sim q v r$ | 6, D.N. |
| (8) | $\sim q \supset r$ | 7, Impl. |
| (9) | $(r\supset \sim q).(\sim q\supset r)$ | 5, 8, Conj. |
| (10) | $r \equiv \sim q$ | 9, Equiv. |
| (19) (1) | $(p\supset q)\cdot (r\supset s)$ | $/ \stackrel{*}{\sim} (p \vee r) \supset (q \vee s)$ |
| | $p\supset q$ | 1, Simp. |
| | $\sim p \vee q$ | 2, [mpl. |
| | $(\sim p \ v \ q) \ v \ s$ | 3, Add. |
| | $\sim p v (q v s)$ | 4, Assoc. |
| | $(q \ v \ s) \ v \sim p$ | 5, Com. |
| | $(r\supset s)\cdot (p\supset q)$ | 1, Com. |
| | $r \supset s$ | 7, Simp. |
| (9) | ~ 7 7 6 | 8, Impl. |

| | | /10> | (| 9, Add. |
|-----|-----|------------|---|-------------|
| | | | $(\sim r v s) v q$ | |
| | | | $\sim r v (s v q)$ | 10, Assoc. |
| | | - | $\sim r \ v (q \ v \ s)$ | 11, Com. |
| | | | $(q \ v \ s) \ v \sim r$ | 12, Com. |
| | | | $[(q \vee s) \vee \sim p] \cdot [(q \vee s) \vee \sim r]$ | |
| | | | | 14, Dist. |
| | | | | 15, Com. |
| | | | $\sim (p v r) v (q v s)$ | 16, De M. |
| | | (18) | $(p \ v \ r) \supset (q \ v \ s)$ | 17, Impl. |
| (1) | (1) | | $p\supset (q \ v \ r)$ | |
| | | | $\sim q$ | |
| | | | | / 2. ~ p |
| | | | | 2, 3, Conj. |
| | | (5) | $\sim (q \ ^{v} \ r)$ | 4, De M. |
| | | (6) | ~ p | 1, 5, M.T. |
| | (2) | | $p \cdot (q v r)$ | |
| | | | - | /:. r |
| | | (3) | P | 1, Simp. |
| | | (4) | $\sim q$ | 2, 3, M.P. |
| | | (5) | $(q v r) \cdot p$ | 1, Com. |
| | | (6) | q v r | 5, Simp. |
| | | (7) | <i>r</i> | 6, 4, D.S. |
| | (3) | (1) | $p\supset (q\supset r)$ | |
| | | | ~ r | |
| | | (3) | - | 12. ~9 |
| | | (4) | $q\supset r$ | 1, 3, M.P. |
| | | (5) | ~ q | 4, 2, M.T. |
| | (4) | | $p\supset (q \vee r)$ | • |
| | | (2) | $q\supset s$ | |
| | | - | $r\supset s$ | |
| | | | $s \supset \sim t$ | |
| | | (5) | <i>t</i> | $/:.\sim p$ |
| | , | (6) | ~~; | 5, D.N. |
| | * | (7) | ~ s | 4, 6, M.T. |
| | | | | |

| (8) | ~ q | 2, 7, M.T. |
|--------------------|---|--------------------------------|
| | ~ r | 3, 7, M.T. |
| | $\sim q \cdot \sim r$ | 8, 9, Conj. |
| | $\sim (q v r)$ | 10, De M. |
| | $\sim p$ | 1, 11, M.T. |
| (- - -/ | • | -,, |
| Van in | - (-) | |
| | $p\supset (q\supset r)$ | |
| | $q\supset (r\supset s)$ | $/: p \supset (q_i \supset s)$ |
| | $(p \cdot q) \supset r$ | 1, Exp. |
| | $\sim q \ v \ (r \supset s)$ | 2, Impl. |
| | $\sim q v (\sim r v s)$ | 4, Impl. |
| | $(\sim q \ v \sim r) \ v \ s$ | 5, Assoc. |
| | $(\sim r \ v \sim q) \ v \ s$ | 6, Com. |
| , (8) | $\sim r v (\sim q v s)$ | 7, Assoc. |
| (9) | $r\supset (\sim q \ v \ s)$ | 8, Impl. |
| (10) | $r\supset (q\supset s)$ | 9, Impl. |
| (11) | $(p \cdot q) \supset (q \supset s)$ | 3, 10, H. S. |
| | $[(P \cdot q) \cdot q] \supset s$ | 11, Exp. |
| | $[(p \cdot (q \cdot q)] \supset s$ | 12, Assoc. |
| | $(p \cdot q) \supset s$ | 13, Taut. |
| | $p\supset (q\supset s)$ | 14, Exp. |
| | | |
| (6) (1) | $\sim p \supset \sim q$ | |
| | p > r | |
| | ~ r | 1:. ~ q |
| • • | ~ p | 2, 3, M.T. |
| | ~ 9 | 1, 4, M.P. |
| (-) | 1 | -, -, -, |
| (7) (1) | $p\supset (\sim q\supset \sim r)$ | • • |
| | ~ q | 1:. ~ r v ~ p |
| | $\sim p \ v (\sim q \supset \sim r)$ | 1, Impl. |
| | $\sim p v (\sim \sim q v \sim r)$ | 3, Impl. |
| | $\sim p \vee (\sim \sim q \vee \sim 1)$ | 4, D.N. |
| | $(q \ v \sim r) \ v \sim p$ | 5, Com. |
| | $q \vee (\sim r \vee \sim p)$ | |
| | | 6, Assoc. |
| (0) | $\sim r v \sim p$ | 7, 2, D.S. |

```
(8) (1) (p \cdot q) \supset r
        (2) \sim p \supset s
        (3) \sim (\sim p \cdot s)
                                                  12 ~ 9
        (4) \sim r
                                                   3, Com.
        (5) \sim (s \cdot \sim p)
                                                   5, সংভা
        (6) s \supset p
                                                   2, 6, H.S.
         (7) \sim p \supset p
                                                    7, Impl.
         (8) \sim \sim p \vee p
                                                    8, D.N.
         (9) p v p
                                                    9. Taut.
       (10) p
                                                    10, D.N.
       (11) \sim \sim P
                                                     1, 4, M.T.
        (12) \sim (p \cdot q)
                                                    12, De M.
        (13) \sim p v \sim q
                                                     13, 11, D.S.
        (14) \sim q
\checkmark (9) (1) p \equiv q
                                                    1:p \equiv r
          (2) q \equiv r
                                                     1. Equiv.
          (3) \quad (p\supset q)\cdot (q\supset p)
                                                     3, Simp.
          (4) p \supset q
                                                     2, Equiv.
          (5) \quad (q\supset r) \cdot (r\supset q)
                                                     5, Simp.
          (6) q \supset r
                                                     4, 6, H.S.
          (7) p \supset r
                                                      5, Com.
          (8) \quad (r\supset q)\cdot (q\supset r)
                                                      8, Simp.
          (9) r \supset q
                                                      3, Com.
         (10) \quad (q \supset p) \cdot (p \supset q)
                                                      10, Simp.
         (11) q \supset p
                                                      9, 11, H.S.
         (12) \quad r \supset p
                                                      7, 12, Conj.
         (13) \quad (p \supset r) \cdot (r \supset p)
                                                      13, Eqviv.
         (14) p \equiv r
   (10) (1) (p v q) \supset (r v s)
           (2) \quad [(r \ v \ s) \ v \ t] \supset (u \ v \ v)
           (3) (u \vee v) \supset \sim r
           (4) s \supset \sim u
                                                       /:. v
           (5) \quad p
                                                        5, Add.
            (6) p v q
                                                        1, 6, M.P.
```

. (7) rvs

(8) (r v s) v t (9) uvv $(10) \sim r$ (11) s $(12) \sim u$ (13)v (11) (1) $p \supset q$ (2) $rv \sim q$ $(3) \sim (\sim p \ v \ s)$ $(4) \sim \sim p \cdot \sim s$ (5) $p. \sim s$ (6) p(7) q (8) $\sim \sim q$ (9) $\sim q v r$ (10)(12) (1) $p \supset q$ (2) p v q(3) q v p $(4) \sim \sim q v p$ (5) $\sim q \supset p$ (6) $\sim q \supset q$ $(7) \sim \sim q v q$ (8) q v q(9) q (句) 1(句)(1) F T F

F

7, Add. 2, 8, M.P. 3, 9, M.P. 7, 10, D.S. 4, 11, M.P. 9, 12, D.S.

- r
 pe M.
 D.N.
 Simp.
 6, M.P.
 D.N.
 Com.
 8, D.S.
- q
 Com.
 D.N.
 Impl.
 I, H.S.
 Impl.
 John
 Taut.

1 (%) (12)

2 (1)

3.9 (1)
$$(p v q) \supset \sim r$$

$$(2) \sim r \supset \sim s$$

(3)
$$(\sim p \cdot \sim q) \supset (t \supset u)$$
 /: $(t \cdot \sim u) \supset \sim s$

(4)
$$t \sim u$$
 /:. $\sim s$ (C.P.)

| (5) | $\sim \sim (t \cdot \sim u)$ | 4, D.N. |
|------------------|--------------------------------|------------------------|
| (6) | $\sim (t \supset u)$ | 5 , সং ভা |
| (7) | $\sim (\sim p \cdot \sim q)$ | 3, 6, M.T. |
| | pvq | 7, De M. |
| | ~ r | 1, 8, M.P. |
| | ~ s | 2, 9, M.P. |
| 4·1 (u) | | |
| (1) | $p \vee (q \supset r)$ | |
| (2) | $\sim s \supset (r \supset t)$ | |
| (3) | $p\supset s$ | |
| | ~ s | $/: q \supset t$ |
| (5) | q | f: t (C.P.) |
| | ~ p | 3, 4, M.T. |
| | $q\supset r$ | 1, 6, D.S. |
| | $r \supset t$ | 2, 4, M.P. |
| | $q\supset t$ | 7, 8, H.S. |
| (10) | t | 9, 5, M.P. |
| 1.(4)(1) | | |
| (1) | $p\supset q$ | |
| | $\sim r \supset \sim q$ | |
| | $r\supset s$ | $/:. p \supset s$ |
| | p | /:. s (C.P.) |
| (5) | q | 1, 4, M.P. |
| (6) | 9 > r | 2, Trans. |
| | $q\supset s$ | 6, 3, H.S. |
| (8) | | 7, 5, M.P. |
| (3) (1) | D | |
| | $(\sim q.\sim p)\supset r$ | • |
| | $p \supset \sim r$ | $/:. \sim q \supset p$ |
| | ~9 | /:. p (C.P.) |
| | ~ r | 3, 1, M.P. |
| | $\sim (\sim q.\sim p)$ | 2, 5, M.T. |
| | qvp | 6. De M. |
| (8) | • - | 7, 4, D.S. |
| | - | , -, |

| (3) p (4) q (5) r (6) q.r | /∴ q . r (C.P.) 1, 3, M.P. 2, 3, M.P. 4, 5, Conj. |
|--|--|
| (17) (1) $p \supset q$ (2) $r \supset q$ (3) $p \vee r$ (4) $(p \supset q) \cdot (r \supset q)$ (5) $q \vee q$ (6) q | /∴ (p v r) → q /∴ q (C.P.) 1, 2, Conj. 4, 3, C.D. 5, Taut. |
| (19) (1) $(p \supset q) \cdot (r \supset s)$ (2) $p \vee r$ (3) $q \vee s$ | /: $(p \vee r) \supset (q \vee s)$ /: $q \vee s$ (C.P.) 1, 2, C.D. |
| 1 (4) (5) | |
| (1) $p \supset (q \supset r)$ (2) $q \supset (r \supset s)$ (3) p (4) q (5) $q \supset r$ (6) $r \supset s$ (7) $q \supset s$ (8) s | /∴ p ⊃ (q ⊃ s) /∴ q ⊃ s (C.P.) /∴ s (C.P.) 1, 3, M.P. 2, 4, M.P. 5, 6, H.S. 7, 4, M.P, |
| (2) (1) $p \vee (q \supset r)$ (2) $\sim r$ (3) q (4) $q \cdot \sim r$ (5) $\sim \sim (q \cdot \sim r)$ (6) $\sim (q \supset r)$ (7) $(q \supset r) \vee p$ (8) p | /∴ q ⊃ p /∴ p (C.P.) 3, 2, Conj. 4, D.N. 5, সংভা 1, Com. 7, 6, D.S. |
| (3) (1) $p \supset q$ (2) $p \supset (q \supset r)$ (3) $q \supset (r \supset s)$ (4) p | /∴ p ⊃ s /∴ s (C.P.) |

(5)
$$q \supset r$$
(6) q
(7) r
(8) $r \supset s$
(9) s

*

(4) (1) $p \supset q$
(2) $q \supset (\sim r \supset s)$
(3) $s \supset (t \cdot u)$
(4) $\sim r$
(5) p
(6) q
(7) $\sim r \supset s$
(8) s
(9) $t \cdot u$
(10) $u \cdot t$
(11) u

(5) (1) $(p \supset q) \cdot (r \supset s)$
(2) $p \lor r$
(3) $q \lor s$

(6) (1) $(p \cdot q) \supset r$
(2) $q \supset (p \supset s)$
(3) $q \not \equiv p$
(4) q
(5) $(q \supset p) \cdot (p \supset q)$
(6) $(q \supset p) \cdot (p \supset q)$
(7) p
(8) $p \supset (q \supset r)$
(9) $q \supset r$
(10) $p \supset s$
(11) $q \supset s$
(12) $(q \supset s) \cdot (q \supset r)$
(13, 4, M.P.

1, 4, M.P.

1, 4, M.P.

1, 5, 6, M.P.

1, $p \supset u$

(13) q v q

(14) syr

 $/: \sim r \supset (p \supset u)$ $/:. p \supset u$ (C.P.) /:. u (C.P.) 1, 5, M.P. 2, 6, M.P. 7, 4, M.P. 3, 8, M.P. 9, Com. 10, Simp. $/: (p v r) \supset (q v s)$ / : q v s (C.P.) 1, 2, C.D. $|: (q \equiv p) \supset [q \supset (s \vee r)]$ $/: q \supset (s \vee r) (C.P.)$ /:. s v r (C.P.) 3. Equiv. 5, Simp. 6, 4, M.P. 1, Exp. 8, 7, M.P. 2, 4, M.P. 6, 10, H.S. 11, 9, Conj. 4, Taut. 12, 13, C.D.

```
3 3.9 (4) (3)
        r(1) (p,q) \supset r
         (2) p
                                        1: r
         (3) \quad p \supset q
                                        I.P.
         (4) \sim r
                            1. 4, M.T.
       (5) \sim (p \cdot q)
                                       3, 2, M.P.
         (6) q
                                         2, 6, Conj.
         (7) p.q
         (8) (p \cdot q) \cdot \sim (p \cdot q) . 7, 5, Conj.
.3.9 (4) (4)
         (1) \quad p \supset (q \vee r)
          (2) \sim q
         (3) \sim p v \sim r
                                        /:. \sim p.
         (4) \sim \sim p
                                         I.P.
                                         4, D.N.
         (5) p
                                         1, 5, M.P.
         (6) q v r
          (7) \sim r
                                          3, 4, D.S.
          (8) r
                                          6, 2, D.S.
          (9) r. \sim r
                                         8, 7, Conj.
 3.9 (1) (3)
       (1) p\supset (q.r)
        (2) q \supset s
                                    1: ~p
        (3) \sim s
                                          I. P.
       (4) \sim \sim p
        (5) p
                                          4, D. N.
        (6) q.r
                                          1, 5, M. P.
       (7) q
                                         6, Simp.
                                         2, 7, M. P.
       (8) s
      (9) s.\sim s
                                        8, 3, Conj.
```

3.9 (1) (5)

(1)
$$\sim p \supset (q \ v \sim r)$$

$$(2) \sim p \cdot \sim q \qquad \qquad - f \cdot \cdot \sim r$$

প্রতীকী ন্যার

1 (4) (6)

(1) $p \supset q$

(2) ~r > (~ q v ~ s)

```
(3) \sim s \supset t
      (4) p
                                         1:. 1
      (5) \sim r
                                              I. P.
      (6) \sim t
      (7) \sim \sim s
                                              3, 6, M. T.
                                            2, 5, M. P.
      (8) \sim q v \sim s
       (9) \sim s v \sim q
                                            8. Com.
                                            9, 7, D.S.
     (10) \sim q
     (11) q
                                            1; 4, M. P.
     (12) q.\sim q
                                             11, 10, Conj.
1 (4) (7)
       (1) (p \supset q) \cdot (r \supset s)
                                        /:. ~p.~r
       (2) \sim q. \sim s
                                              I. P.
       (3) \sim (\sim p. \sim r)
                                              3. De. M.
       (4) pvr
                                           • 1, 4, C. D.
       (5) q v s
                                             2, De. M.
       (6) \sim (q v^{2}s)
       (7) \quad (q \ v \ s) \cdot \sim (q \ v \ s)
                                              5, 6, Conj.
1 (4) (8)
       (1) \sim p \supset \sim q
       (2) (r \supset q) \cdot (q \supset r)
                                         /: P
       (3) r
                                              I. P.
       (4) \sim p
                                              1. 4, M, P.
       (5) \sim q
                                             2, Simp.
       (6) r \supset q
                                           6. 3, M. P.
       (7) q
                                              7, 5, Conj.
       (8) q \cdot \sim q
1 (4) (12)
       (1) p v q
       (2) q \supset (r.s)
       (3) p \supset (t \vee u)
        (4) ~ s.~ u
                                           1:. "
                                               I. P.
```

 $(5) \sim t$

· " 8 %

প্রতীকী ন্যান

| (6) $\sim u \cdot \sim s$ | 4, Com. |
|---|-----------------------|
| $(7) \sim u$ | 6, Simp. |
| $(8) \sim t \cdot \sim u$ | 5, 7, Conj. |
| $(9) \sim (t \vee u)$ | 8, De M. |
| $(10) \sim p$ | 3, 9, M. T. |
| (11) q | 1, 10, D, S. |
| $(12) r \cdot s$ | 2. 11, M. P. |
| $(13) s \cdot r$ | 12, Com. 13, Simp. |
| (14) s | 4, Simp. |
| $(15) \sim s$ | 14, 15, Conj. |
| $(16) s. \sim s$ | 14, 15, Conj. |
| 1 (4) (13) | |
| $(1) p \supset q$ | |
| $(1) p \supset q$ $(2) q \supset r$ | |
| (2) 4 3 · (3) r ⊃ ~ s | |
| $(4) (p\supset \sim s)\supset (q\supset p)$ | |
| $(4) (p \leq 1 \leq p) \leq (1 \leq 1)$ $(5) \sim p$ | 1:. ~ q |
| $(6) \sim \sim q$ | I. P. |
| (7) q | 6, D. N, |
| $ \begin{array}{ccc} (7) & q \\ (8) & p \supset r \end{array} $ | 1, 2, H. S. |
| $(9) p \supset \sim s$ | 8, 3, H. S. |
| $(10) q \supset p$ | 4, 9, M. P. |
| $ \begin{array}{ccc} (10) & 4 & 2 & 7 \\ (11) & p \end{array} $ | 10, 7, M. P. |
| $(12) p \cdot \sim p$ | 11, 5, Conj. |
| 1 [T) (1) | |
| $(1) p \supset (q \ v \ r)$ | |
| $(2) \sim q$ | 1 |
| $(3) \sim r$ | $/:. \sim p$ I. P. |
| $(4) \sim p$ | 4, D, N. |
| (5) p | 1, 5, M. P. |
| (6) q v r | |
| (7) r | 6, 2, D. S. |
| (8) r.~r | 7, 3, Conj. |

| | TUNTIP 1- |
|--------------------------|--|
| (5) (6) (7) (8) | $p \cdot (q \vee r)$ $p \supset \sim q$ $\sim r$ $(q \vee r) \cdot p$ $q \vee r$ $r \vee q$ q p $\sim q$ |
| 1 (4) (3) | |
| | $p\supset (q\supset r)$ |
| • (2) | ~ 1 |
| (3) | p |
| (4) | ~~ q |
| (5) | • |
| | $q \supset r$ |
| (7) | |
| (8) | |
| 1 (9) (4) | |
| (1) | $p\supset (q v r)$ |
| (2) | $q\supset s$ |
| (3) | $r\supset s$ |
| (4) | $s \supset \sim t$ |
| (5) | t |
| (6) | $\sim \sim p$ |
| (7) | p |
| (8) | qvr |
| (9) | ~~ t |
| (10) | ~ s |
| (11) | ~ r |

 $(12) \sim q$

(14) $r \cdot \sim r$

(13) r

13, 11, Conj.

1 (4) (11) (1) $p \supset q$ (2) $r v \sim q$ 13 r $(3) \sim (\sim p \ v \ s)$ $(4) \sim r$ I. P. 2, 4, D. S. $(5) \sim q$ (6) $\sim p$ 1, 5, M. T. (7) $p \cdot \sim s$ 3, De M. (8) p7, Simp. (9) $p \cdot \sim p$ 8, 6, Conj. 1 (4) (12) (1) $p \supset q$ (2) p v q/:. q $(3) \sim q$ I. P. 1. 3, M. P. $(4) \sim p$ 2, 4, D. S. (5) q5, 3, Conj. (6) $q \cdot \sim q$ 1 (匈) (2) $(1) \quad p\supset q$ (2) $(p.q) \supset r$ $(3) \sim r$ 1:. ~ p (4) $\sim \sim p$ I. P. 4, D. N. (5) p (6) q1, 5, M. P. 5, 6, Conj. $(7) \quad p \cdot q$ (8) r2, 7, M, P. 8, 3, Conj. (9) $r.\sim r$ 1 (आ) (3) (1) $p \supset (q \supset r)$ $(2) \quad (s\supset q)\supset p$ (3) 'q /:. r

 $(4) \sim r$

(5) $(p \cdot q) \supset r$

J. P.

1, Exp.

| ₹ 6) | $\sim (p \cdot q)$ | 5, 4, M. T. |
|-------------|-----------------------------------|--------------|
| (7) | $\sim p v \sim q$ | 6, De M. |
| (8) | $\sim q v \sim p$ | 7, Com. |
| (9) | ~~9 | 3, D. N. |
| (10) | ~ p | 8, 9, D. S. |
| (11) | $\sim (s\supset q)$ | 2, 10, M. T. |
| | $\sim \sim (s. \sim q)$ | 11, সংভা |
| (13) | $s \sim q$ | 12, D. N. |
| (14) | $\sim q \cdot s$ | 13, Com. |
| (15) | $\sim q$ | 14, Simp. |
| (16) | $q \cdot \sim q$ | 3, 15, Conj. |
| 1 (4) | | |
| (1) | p v (q v r) | |
| | $(q\supset s)\cdot (r\supset t)$ | |
| (3) | $(s \ v \ t) \supset (p \ v \ r)$ | |
| | ~ p | /:. r* |
| (5) | ~ r | I. P. |
| (6) | q v r | 1, 4, D. S. |
| (7) | s v t | 2, 6, C. D. |
| (8) | p v r | 3, 7, M. P. |
| (9) | r v p | 8, Com. |
| (10) | p | 9, 5, D. S. |
| (11) | $p.\sim p$ | 10, 4, Conj. |
| 1 (W) (5) | | |
| (1) | $(p \cdot q) \supset r$ | |
| | $\sim (s \ v \ r)$ | |
| (3) | p | 1: ~ q |
| (4) | $\sim \sim q$ | I. P. |
| (5) | $oldsymbol{q}$ | 4, D. N. |
| (6) | $p \cdot q$ | 3, 5, Conj. |
| (7) | r | 1, 6, M. P. |
| | ~s.~r | 2, De M. |
| (9) | ~r.~s | 8, Com. |
| (10) | ~ r | 9, Simp. |
| Z111 | | 7 10 Cari |

7, 10, Conj.

(11) $r. \sim r$

```
1 (4) (6)
       (1) p v q
       (2) \sim [r \vee (s.t)]
       (3) \sim t \supset \sim q
       (4) p \supset r
                                            I. P.
       (5) \sim \sim s
                                             2, De M.
       (6) \sim r. \sim (s.t)
                                             6, Simp.
       (7) \sim r
                                             4, 7, M. T.
       (8)
            \sim p
                                             1, 8, D. S.
       (9)
            \boldsymbol{q}
                                             3, Trans.
      (10) q \supset t
                                             10, 9, M. P.
      (11) t
                                             6, Com.
      (12) \sim (s.t). \sim r
                                             12, Simp.
      (13) \sim (s.t)
                                             13, De M.
      (14) \sim s v \sim t
                                             14, 5, D. S.
       (15) \sim t
                                             11, 15, Conj.
              t. \sim t
       (16)
 1 (可) (7)
        (1) p_i \supset q
        (2) r \supset s
        (3) \sim q v \sim s
        (4) \sim \sim p
                                        /:. \sim (t.u)
        (5) (t.u) \supset r
                                              I. P.
         (6) \sim \sim (t.u)
                                              6, D. N.
         (7) t.u
                                              5, 7, M. P.
        (8) r
                                              2, 8, M. P.
        (9) s
                                              9, D. N.
       (10) \sim \sim s
                                              3, Com.
       (11) \sim s v \sim q
                                              11, 10, D.S.
       (12) \sim q
                                              1, 12, M. T.
       (13) \sim p
                                              13, 4, Conj.
        (14) \sim p. \sim p
                                        12. 9 DP
                                                          (C. P.)
   (3) (1) p
                                              1, Add.
        (2)^- p v \sim q
                                              2, Com.
         (3) \sim q v p
```

 $(4) \quad q \supset p$

3, Impl.

```
it (C. Pa)
       (5) \quad (1) \quad (p \supset q) \supset p
                                                             1, Impl.
              \begin{array}{ll} (2) & \sim (p \supset q) \ v \ p \\ (3) & \sim \sim (p \cdot \sim q) \ v \ p \end{array}
                                                             2. সংভা
              (4) (p \cdot \sim q) v p

(5) p v (p \cdot \sim q)

(6) (p v p) \cdot (p v \sim q)
                                                             3. D. N.
                                                             4, Com.
                                                             5, Dist.
                                                             6, Simp.
                   p v p
                                                             7, Taut.
                    p
                                                             (p.r)\supset (q.r) (C.P.)
       (8)
             (1) p \supset q
                                                            q.r
2, Simp.
                   p.r
                   P
                                                             1, 3, M. P.
                                                             2, Com.
                                                             5, Simp.
                                                            4, 6, Conj.
5 (季) 2 (2)
              (1)
                   p v (q \supset r)
                                                        1: q > p
         A (4)
                                                            3, 2, Conj.
                   \sim \sim (q \cdot r)
         A(5)
                                                            4. D. N.
                                                            5, সংভা
         A (6)
                  \sim (q \supset r)
                   (q \supset r) \vee p
                                                            1, Com.
          A (7)
                                                             7, 6, D. S.
         A(8)
         A (9)
                                                             3-8, C. P.
                (1) \quad (p \cdot q) \supset r
 2 (6)
                (2) \quad q \supset (p \supset s)
                                                   /: (q \equiv p) \supset [q \supset (s \vee r)]
            \Rightarrow (3) (q \equiv p)
            \rightarrow (4) q
                                                             3, Equiv.
               (5) (q \supset p) \cdot (p \supset q)
               (6) q \supset p
                                                              5, Simp.
               (7) p
                                                              6, 4, M. P.
               (8) p\supset (q\supset r)
                                                              1, Exp.
                                                              8, 7, M. P.
               (9)
                      q \supset r
                                                              2, 4, M.P.
               (10)
                                                             6, 10, H. S.
               (11)
                       q \supset s
                                                              11, 9, Conj.
                       (q\supset s)\cdot (q\subset r)
                                                             4, Taut.
                                                             12, 13, C.D.
              (14)
                       SVT
                                                            4—14, C. P.
              (15)^{\sim} q \supset (s \vee r)
                                                       3—15, C. P.
```

- $(1) \cdot \sim p \supset (q \ v \sim r)$
- 1:. ~r
- $(2) \sim p \cdot \sim q$ $(3) \sim r$ $(4) \sim q \cdot \sim p$ $(5) \sim q$ $(6) \sim q \cdot \sim \sim r$ $(7) \sim (q \ v \sim r)$ $(8) \sim \sim p$ $(9) \sim p$ $(10) \sim p \cdot \sim \sim p$ $(11) \sim p \ v \sim r$ $(12) \sim r$

 - (14) $r \supset \sim r$
 - (15) $\sim r v \sim r$
 - $(16) \sim r$

- - 2, Com.
 - 4, Simp.
 - 5, 3, Conj. 6, De M.
 - 1, 7, M. T.
 - 2, Simp.
 - 9, 8, Conj.
 - 9, Add.
 - 11, 8, D. S. 3-12, C. P.
 - 13, D. N.
 - 14, Impl.
 - 15, Taut.
- 46 (क) (1) প্रथमि गः रोगिक वहन। p 49 q v r मुदेरे गठा द्राउ द्राव । ধরা যাক্, p সভা, q মিধ্যা, r সভা। হতে পারে।

$$\frac{p \cdot (q \cdot r)}{T \cdot T \cdot F \cdot T \cdot T}$$

$$(p \cdot r) \supset \sim (s \ v \ t)$$

TTT TT FFF

$$(\sim s \ v \sim t) \supset \sim (p \ . \ q)$$

TFTTFT TFF

- (2) ना।
 - (1) $p \cdot (p \vee q)$
 - (2) $\sim q \supset \sim p$

- (4) $\sim (r \ v \ p)$
- (5) p
- (6) $\sim q. \sim r$
- $(7) \sim q$
- $(8) \sim p$
- (9) $p \cdot \sim p$

- 1, Simp.
- 3, Com.
- 6, Simp.
- 2, 7, M. P.
- 5, 8, Conj.

(খ) (2) বৈধ

- $(1) \quad p \supset (q.r)$
- $(2) \sim q$
- $(3) \sim \sim p$
- $(4) \quad p$
- (5) q.r
- (6) q
- (7) $q \cdot \sim q$

- /:. ~ p
 - 1. P.
 - 3, D. N.
 - 1, 4, M. P.
 - 5, Simp.
 - 6, 2, Conj.

(4) ভাবেধ

(7) অবৈধ

- (৪) বৈধ
 - (1) $(p.q) \supset r$
 - (2) $r \supset \sim r$
 - $(3) (s \supset p) \cdot (t \supset q)$
 - $(4) \sim r v \sim r$
 - $(5) \sim r$
 - (6) $\sim (p.q)$
 - $(7) \sim p \ v \sim q$
 - (8) $s \supset p$
 - $(9) \sim p \supset \sim s$
 - (10) $(t\supset q) \cdot (s\supset p)$

- 1:. s > ~ t
 - 2, Impl.
 - 4, Taut.
 - 1, 5, M. T.
 - 6, De M.
 - 3, Simp.
 - 8, Trans.
 - 3, Com.

(11) $t \supset q$ 10, Simp. (12) $\sim q \supset \sim t$ 11, Trans. (13) $(\sim p \supset \sim s) \cdot (\sim q \supset \sim t)$ 9, 12, Conj. (14) $\sim s \ v \sim t$ 13, 7, C. D. (15) $s \supset \sim t$ 14, Impl.

5

1 (1) অভিধান— Bx # x (হয়) আমার ভক্ত Px # x প্রণট হয়

(x) $(Bx \supset \sim Px)$

(5) জভিধান— Bx # x (হয়) বুদ্ধিমান
S'x # x (হয়) শক্তিমান (বলবান)
(x) (Bx ⊃ S'x)

(10) অভিধান— Bx # x (হয়) বচন
Ax # x (হয়) এমন বচন যার সত্যত৷ নি**রূপণ**অভিজ্ঞতাসাপেক

 $(\exists x)(Bx \cdot Ax)$

(15) অভিধান— Ax # x (হয়) অতিথি

Kx # x (হয়) এমন ব্যক্তি যিনি খাও**য়া প্ৰৰ্যন্ত**অপেকা করেছেন

 $(\exists x) (Ax \cdot \sim Kx)$

(20) অভিধান— Dx # x (হয়) বৎসরের একটি দিন

Jx # x (হয়) কারে। না কারো জন্মদিন

(x) (Dx ⊃ Jx)

্রিই বচনটির প্রকৃত জর্থ একাধিক মাণক ব্যবহার করলে পরিস্ফুট হয়। গ্রন্থান্তরে প্রতীকী ন্যায়ের পরবর্তী পাঠে একাধিক নাণকবদ্ধ বচনের আলোচনা করা হবে। এখানে মোটামুটি একটা প্রতীকীরূপ দেওয়া হরেছে

(11) $(\pi x)(Lx. \sim Rx)$

10, EG

```
(5) (1) (x)(Nx \supset \sim Rx)
                                  /: (x)(Dx \supset \sim Rx)
     (2) (x)(Dx \supset Nx)
     (3) Dy > Ny
                                        2, UI
                                        1. UI
     (4) Ny \supset \sim Ry
                                        3, 4, H. S.
     (5) Dy \supset \sim Ry
     (6) (x)(Dx \supset \sim Rx)
                                        5. UG
(6) অভিধান— Ax 🕏 x (হয়) ন্ত্রীর আঞ্জানুবর্তী স্বামী
                 Sx # x (হয়) সংস্বভাবসম্পন্ন
                Rx # x (হয়) রাত্র্যকামের পর বাহিরে অবস্থান
                       ু কারী ব্যক্তি
     (1) (x)(Ax\supset Sx)
     (2) (x)(Sx \supset \sim Rx) /: (x)(Rx \supset \sim Ax)
     (3) Ay \supset Sy
                                        1, UI
     (4) Sy \supset \sim Ry
                                        2, UI
     (5) Ay \supset \sim Ry
                                       3, 4, H. S.
     (6) \sim \sim \Re y \supset \sim Ay
                                       5, Trans.
     (7) Ry \supset \sim Ay
                                       6, D. N.
     (8) (x)(Rx\supset \sim Ax)
                                        7. UG
(7) (1) (\exists x)(Bx \cdot \sim Kx)
     (2) (x)(Bx \supset Mx)
                                  /:. (gx)(Mx. \sim Kx)
     (3) Bw.~ Kw
                                        1. EI
                                        3, Simp.
     (4) Bw
                                        2, UI
     (5) Bw > Mw
     (6) Mw
                                        5, 4, M. P.
     (7) \sim Kw \cdot Bw
                                        3, Com.
     (8) \sim Kw
                                        7, Simp.
     (9) Mw. \sim Kw
                                      6, 8, Conj.
    (10) (\exists x) (Mx \cdot \sim Kx)
                                       9, EG
(8) (1) (x)(Bx \supset Dx)
     (2) (x)(Dx \supset Nx)
     (3) Bb
                                  1:. Nb
     (4) Bb \supset Db
                                       1, UI
     (5) Db > Nb
                                       2, UI
     (6) Bb \supset Nb
                                      4, 5, H. S.
     (7) Nb
                                        6, 3, M. P.
```

```
(9) (1) (x)[(Bx \lor Dx) \supset Sx]
                                 /:. Sb
     (2) Bb
                                      1, UI
     (3) (Bb \vee Db) \supset Sb
     (4) Bb v Db
                                       2, Add.
                                       3, 4, M. P.
     (5) Sb
(10) (1) (x)(Fx \supset Sx)
     (2) (x) (Fx \supset Px)
                                      (x) [Fx \supset (Sx . Px)]
                                 /:.
                                       1, UI
      (3) Fy \supset Sy
     (4) Fy \supset Py
                                       2. UI
         Fy
     →(5)
         Sy
                                       3, 5, M. P.
                                      4, 5, M. P.
          Py
      (8) Sy. Py
                                       6, 7, Conj.
     (9) Fy \supset (Sy \cdot Py)
                                       5-8, C. P.
    (10) (x) [Fx \supset (Sx . Px)] 9, UG
(11) অভিধান— Nx # x (হয়) রাণী
     (1) (x) Rx \supset Bx)
     (2) (x)(Nx \supset Bx)
                                  /:. (x)[(Rx v Nx)-Bx]
     (3) Ry \supset By
                                        1, UI
     (4) Ny \supset By
                                        2, UI
   → (5) Ry v Ny
     (6) ~ ~ Ry v Ny
                                       5, D. N.
     (7) \sim Ry \supset Ny
                                       6, Impl.
     (8) \sim Ry \supset By
                                       7, 4, H. S.
     (9) \sim By \supset \sim Ry
                                      3, Trans.
    (10) \sim By \supset By
                                       9, 8, H. S.
    (11) \sim \sim By \vee By
                                       10, Impl.
                                      11, D. N.
    (12) By v By
                                       12, Taut.
    (13) By
     (14) (Ry \vee Ny) \supset By
                                       5—13, C. P.
                                     14, UG
    (15) (x) [(Rx \vee Nx) \supset Bx]
(12) (1) (x) [Gx \supset (Nx . Ux)]
      (2) (gx)(Gx.Kx)
                                   /:. (gx)(Ux.Kx)
      (3) Gw. Kw
                                        2, EI
      (4) Gw
                                        3, Simp.
```

OLC

*

थेडीकी नाम

```
1, UI
      (5) Gw \supset (Nw \cdot Uw)
                                      5, 4, M. P.
      (6) Nw. Uw
      (7) Uw. Nw
                                      6, Com.
      (8) Uw
                                      7, Simp.
                                      3, Com.
      (9) Kw. Gw
     (10) Kw
                                      9, Simp.
     (11) Uw. Kw
                                      8, 10, Conj.
     (12) (\mathfrak{g}x)(Ux \cdot Kx)
                                      11, EG
                Ax # x (হয়) আসবাব
                Sx 🔹 x (হয়) স্থন্দর
                Mx # x (इय्र) यहार्च
                 Px # x (श्य) श्रीनापश
     (1) (x)[(Hx.Ax)\supset (Sx.Mx)]
     (2) (x)[(Px.Ax)\supset Hx] /: (x)[(Px.Ax)\supset Mx]
     (3) (Py \cdot Ay) \supset Hy
                                      2, UI
    \rightarrow (4) Py. Ay
                                       3, 4, M. P.
      (5) Hy
     (6) Ay . Py
                                      4, Com.
                                      6, Simp.
     (7) Ay
     (8) Hy. Ay
                                      5, 7, Conj.
     (9) (Hy Ay) \supset (Sy . My)
                                    ı, UI
                                     9, 8, M. P.
    (10) Sy. My
                                     10, Com.
    (11) My. Sy
    (12) My
                                      11, Simp.
    (13) (Py \cdot Ay) \supset My
                                     4-12, C. P.
    (14) (x) [(Px . Ax) \supset Mx)
                                   13, UG
(14) (1) (x) [Ux \supset (Nx \vee S'x)]
     (2) (x)(Nx \supset Sx)
     (3) (\exists x)(Ux \cdot \sim Sx) /: (\exists x)(Ux \cdot S'x)
     (4) Uw. ~ Sw
                                     3, EI
                            8, Simp.
     (5) Uw
     (6) Uw ⊃ (Nw v S'w)
                                     1, UI
                                    6, 5, M. P.
     (7) Nw V S'w
                                     2, UI
     (8) Nw > Sw
```

কয়েকটি নিৰ্বাচিত প্ৰশ্ৰের সমাধান

```
(9) \sim Sw \supset \sim Nw
                                          8, Trans.
        (10) ~ Sw. Uw
                                          4, Com.
                                          10, Simp.
        (11) ~ Sw
                                           9, 11, M. P.
        (12) \sim Nw
                                          7, 12, D. S.
        (13) S'w
        (14) Uw. S'w
                                          5, 13, Conj.
        (15) (\exists x)(Ux \cdot S'x)
                                          14, EG
         (1) (x)(Nx \supset Px)
         (2) Mc
         (3) Nc
                                     /:. (3x) (Mx. Px)
         (4) Nc \supset Pc
                                          1, UI
                                           4, 3, M. P.
         (5) Pc
                                           2, 5, Conj.
         (6) Mc. Pc
                                           6. EG
         (7)
              (\pi x) (Mx \cdot Px)
    (16) अভिशान— Rx # x (श्रा) (পট্টোল রপ্তানীকারী দেশ
                    Ax \# x (হয়) পেটোল আমদানীকারী দেশ
                     Sx # x (হয়) সম্মেলনে আমন্ত্রিত
                     Px 👪 x (হয়) সর্বসন্মতভাবে পেট্রোলের মূল্য
                             নিয়ন্ত্রণের উদ্দেশ্যে পরিকল্পনা দাখিল
                             করার জন্য বিশেষভাবে আহত
          (1) (x) [(Rx \lor Ax) \supset (Sx.Px)] /: (x) (Ax \supset Px)
       :→(2) Ay
                                                 1, UI
         (3) (Ry \vee Ay) \supset (Sy \cdot Py)
         (4) Ay v Ry
                                                 2, Add.
                                                 4, Com.
         (5) Ry v Ay
                                                 3, 5, M. P.
         (6) Sy. Py
         (7) Py. Sy
                                                6. Com.
         (8) Py
                                                 7, Simp.
         (9) Ay \supset Py
                                                2-8, C. P.
                                                9, UG
         (10) (x) (Ax \supset Px)
.3 (1)
             (x) (Bx \supset Dx)
             Ds
            : Bs
```

একটি মাত্র ব্যক্তি, s, আছে, এমন ছগতের ক্ষেত্রে উক্ত ন্যাঞ্চ নীচের ন্যায়ের সমমান.

Bs মিথাা, Ds সতা হলে ৰুজিবচন দুটি সতা হয়েও শিদ্ধান্ত মিথা। হয়,

(2)
$$(\exists x) (\exists x \cdot Ax)$$

$$\exists c$$

$$\therefore Ac$$

(3)
$$(x) (Ax \supset \sim Nx)$$

 $(x) (Nx \supset Sx)$
 $\therefore (x) (Ax \supset \sim Sx)$

(4)
$$(x) (Rx \supset Mx)$$

 $(x) (Mx \supset Nx)$
 $\therefore (\exists x) (Nx \cdot Rx)$

a

Ma Na Ra
T T F

(5)
$$(x) (Mx \supset \sim Dx)$$

 $(x) (Mx \supset Nx)$
 $(\exists x) (Nx . \sim Dx)$

$$A$$

$$Ma \supset \sim Da$$

$$Ma \supset Na$$

$$Da$$

$$Na . \sim Da$$

$$T$$

$$T$$

$$T$$

(6)
$$(x) (Bx \supset Kx)$$

 $(x) (Bx \supset \sim Ix)$
 $\therefore (x) (Ix \supset \sim Kx)$

 $Ba \supset Ka$ $Ba \supset \sim Ia$ $Ia \quad Ba \quad Ka$ $T \quad F \quad T$

(7)
$$(x) (Cx \supset \sim Px)$$

 $(\exists x) (Ax \cdot Px)$
 $\therefore (x) (Cx \supset \sim Ax)$

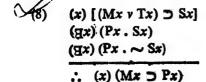
$$(Ca \supset \sim Pa) \cdot (Cb \supset \sim Pb)$$

 $(Aa \cdot Pa) \cdot (Ab \cdot Pb)^T$
 $\therefore (Ca \supset \sim Aa) \cdot (Cb \supset \sim Ab)$
 \Rightarrow

$$Aa \quad Ab \quad Ca \quad Cb \quad Pa \quad Pb$$

$$T \quad T \quad F \quad F \quad T$$

a, b, c



প্রতীকী ন্যায়

[(Ma v Ta) \supset Sa]. [(Mb v Tb) \supset Sb]. [(Mc v Tc) \supset Sc] (Pa . Sa) v (Pb . Sb) v (Pc . Sc) (Pa . \sim Sa) v (Pb . \sim Sb) v (Pc . \sim Sc)

 \therefore (Ma \supset Pa). (Mb \supset Pb). (Mc \supset Pc)

Ma Mb Mc Pa Pb Pc Sa Sb Sc Ta Tb Tc

F T T T T F F T T F T T

 $(9) \quad (x) (Mx \supset Dx) \qquad Ma \supset Da$ $(x) (Mx \supset Px) \qquad a \qquad Ma \supset Pa$ $\therefore (\exists x) (Px \cdot Dx) \qquad a \qquad Pa \cdot Da$

বা

| Ma | Da | Pa | |
|----|----|----|--|
| F | F | T | |
| F | T | F | |

এম্বপঞ্জী

প্রারম্ভিক পার্চের জন্য :

(1) Copi, Irving—An Introduction to Logic, Fourth Edition, 1972.

विर्णेष পोर्छत्र कना:

- (1) Ambrose and Lazerowitz—Fundamentals of Symbolic Logic, Holt, Rinehart and Winston, Chs. I-VII, IX.
- •(2) Peter Alexander—An Introduction to Logic, Unwin-University Books, 1969, Chs. I-IV.
 - (3) Copi, Irving—Symbolic Logic, Fourth Edition, The Macmillan Company, New York, 1973, Chs. I-III, Ch. IV—Sec. 1-3.
 - (4) Hughes and Londey—The Elements of Formal Logic, B. I. Publications, Pt. I.
 - (5) Quine, W. V. O.—Elementary Logic, Revised Edition, 1965.
 - (6) Quine, W. V. O.—Methods of Logic, Routledge and Kegan Paul, 1970, Pts. I and II.
 - (7) Reichenbach, Hans.—Elements of Symbolic Logic,
 The Macmillan Company, New York, Chs. I-III.
 - (8) Strawson, P. F.—Introduction to Logical 'Theory, Methuen and Co. Ltd., 1971, Chs. I-III, V-VI.
 - (9) Pattrick Suppes—Introduction to Logic, Affiliated East-West Press Pvt. Ltd., 1969, Chs. I-IV.
 - প্রাচীন ন্যায় সম্বন্ধে সবিশেষ আলোচনার জন্য নিম্নোক্ত গ্রন্থ উপযোগী:

- (1) Joseph, H. W. B.—An Introduction to Logic, Oxford, 1970.
 - প্রাচীন ন্যায় থেকে নব্যন্যায়ে পরিবৃত্তি সম্বন্ধে আলোকপাতের জন্য নিমুলিখিত গ্রন্থ বিশেষ উপযোগী:
- (1) Stebbing, L. S.—A Modern Elementary Logic, Methuen and Co., 1969.
- (2) Stebbing, L. S.—A Modern Introduction to Logic.
- (3) Cohen and Nagel—An Introduction to Logic and Scientific Method, Routledge and Kegan Paul, 966.
- (4) Lukasiewicz, J.—Aristotle's Syllogistic from the Standpoint of Modern Formal Logic, Oxford, 1957.

পবিভাষা •

অঙ্গীকার—Assumtion অধিন্যায়—Meta-Logic অনস্বীকার্যতা—Necessity অনিদিষ্টমান—Contingent অনুগ—Consequent অনুধারণ (করা)—(to)Imply অনুধার্য-Implicate अनुगान-Inference यानाना वाखव প্রাকল্পিক (বচন)—Biconditional অপনয়ন—Elimination অপেকক—Function নিষেধক— Negative— প্রাকল্লিক— —Implicative— বৈকল্পিক — Disjunctive — সংযৌগিক— —Conjunctive— অবরোহ—Deduction, Deductive অবরোহণ-Deduction স্বাভাবিক- -Natural-অবস্থান বিনিময়—Commutation অবিদংবাদী-Non-exclusive অবৈধ—Invalid —তা— —ity বোষণা—Assertion অভিজ্ঞতা-নিরপেক্স—A priori অভিজ্ঞতাসাপেক—Empirical. তত্তीय-Pure তৰ্ক-Indirect Proof Contingent

আকার—Form —গত— —al —গত সত্যতা— —al Truth, a priori Truth —গত নিখ্যাত্য— —al Falsity, a priori falsity বিশেষ— — Specific— আন্থীকরণ-Absorption উক্ত ভাষণ—Tautology উক্তি-Statement উপাত্ত-Datum, Data কটাভাগ—Paradox কট ন্যায়—Dilemma গ্রাহকপ্রতীক—Variable গুণনাম— Predicate— ৰচন— Propositional— বছ- -Bound-ব্যক্তিনাম - Individual-मुख्---Free--

ৰিনিষেশ—Double Negation
বিবোধী—Diadic
দুইন্ড—Substitution Instance
—ন্যান— —of an argument
form
—বচন— —of a statement

—বচন— —of a statement form, —of a propositional function

ধাৰ্যনান—Implicans
ধ্ৰুবক—Constant
গুণ— —Predicate—
ন্যায়— —Logical—
ব্যক্তি— —Individual—

নিদৰ্শন—Instantiation

সন্তা— —Existential—

সাবিক— —Universal—

নিংসত হওয়া, ন্যায়তঃ—(to)

Follow, logically, formally
নির্গমন—Exportation
নিমেধ(ক)—Negation, Negative
ন্যায়—Argument, Syllogism

প্রাকল্পিক— —Hypothetical—
বৈকল্পিক— —Disjunctive—

ন্যায়বচন—Argument proposition

পকান্তর—Transposition পরিধি (সংযোজকের) Scope

ন্যায়াকার—Argument form

ন্যায়শাল্প, ন্যায়—Logic

প্রোক প্রমাণ—Indirect proof
পূর্বগ—Antecedent
প্রতিষ্কী—Corresponding
প্রতিষ্কাপন—Substitution,
Replacement

প্রতীক—Symbol
ব্যক্তি— —Individual—
প্রতীকী—Symbolic
—করণ—Symbolization
প্রভাব (সংযোজকের)—Scope
প্রমাণবাধিতার্থপ্রসঙ্গ—Reductio ad
absurdumপ্রযুক্তিকৌশন—Technique

প্রযুক্তিকৌশল—Technique প্রাকল্পিক প্রমাণ—Conditional proof

ৰজব্য—Statement
বচন—Proposition
উপাদান— —Component—
নিমেধক— —Negative—
প্রাকল্পিক— —Hypothetical,
Conditional,
Implicative—
বিশিষ্ট— —Singular—

বিশিষ্ট— —Singular— বিশেষ— —Particular— বৈক্লিক— —Disjunctive, Alternative—

যৌগিক— —Compound—

गরল— —Simple—

गামান্য— —General—

गাবিক— —Universal—

সংযৌগিক — Conjunctive —

ৰচনাকার-Statement form. Form of a (Compound) proposition বচনাপেক্ক—Propositional function বণ্টন—Distribution जानी-Brackets লমু- -Parentheses বলয় (ধনু:)— -Braces প্রকু— —Brackets ₹5—Letter বাক্য-Sentence বাচনিক—Propositional —অপেক্ক— —Function —नाग्न (भाज)— —Logic —河西— —Schema বান্তব প্রকল্প-Material implication বিকল্প—Disjunct —যোজন—Addition विरुपय नाग्य-Predicate Logic বিশ্র্ত-Abstract বিরোধিতা - Opposition অধীন বিপরীত- -Sub-Contrary— অধীন বিরোধী- -Subaltern-বিপরীত— —Contrary— বিৰুদ্ধ -- Contradictory-বিশিষ্ট-Particular বিসংবাদী—Exclusive

₹ Valid

বৈধতা—Validity ব্যবহারিক—Empirical मानक—Quantifier সতা— — Existential— সাবিক - Universal--পরিবর্তন- - Exchange —বদ্ধ—Ouantified —বদ্ধকরণ—Quantification गांधागान्यान-Syllogism मान-Value —বিশ্রেষণ—Truth-value analysis. —শর্ত্-Truth-Condition মিপা। — False মিপ্যাত্ব—Falsity মৌলিক—Elementary युष्डि-Reason, argument —বচন—Premise

সঙ্গান্তর—Association
সত্য—True
—তা—Truth
সত্যসারণী—Truth-table
সত্যাপেক—Truth-functional
—সংযোজক——Connective—যৌগিক বচন——(ly)

Compound proposition
সত্যাপেকক—Truth-function
সত্যাপৌ—Truth-candidate

সম্মান-Equivalent বাস্তব— —Materially— ন্যায়ত: - Logically-সরলীকরণ—Simplification गाधनी—Tool गांगा-General সামান্যীকরণ-Generalization স্তা— —Existential— সাবিক— —Universal— সামান্যীকৃত—Generalized সিদ্ধান্ত—Conclusion গ্ৰ-Schema সংযোগী—Conjunct সংযোজক—Connective সংযৌগিক—Conjunctive সংস্থাপন—Substitution, Replacement

नाम-Substitution সংস্থাপিত instance of an argument form. সংস্থাপিত বচন—Substitution insof a statement tance form. স্থ্ৰামলক—Intuitive স্বতোমিখ্যা —Contradictory —▼—Contradiction স্বতঃসত্য—Tautologous, Necessarily true —প্রকল্পন—Tautologous implication স্ববিরোধ—Contradiction স্ববিরোধী—Contradictory স্বীকার্য-Postulate, Axiom — गुलक—Axiomatic

অন্তক্রমণী

| অদীকার 111, 118- | আকার 9- |
|--|-------------------------------|
| অথবা 40 | —গ ত 8- |
| অধিকন্ত 36 | — —সভ্যতা 6 |
| অনিদিট্যান (বচন, সূত্র) 64- | — — বিথ্যাত্ব 6 |
| অনুগ 52- | বিশেষ—63 |
| অনুগনিষেধভিত্তিক পূর্বগনিষেধ | আত্মীকরণ 103 |
| 56, 81, 102 | আর 32- |
| অনুধারণ 52 | |
| অনুধায 52 | উক্তভাষণ 105 |
| अनु र्यान 1- | উক্তি 3 |
| অনুমানবিধি 87-, 102, 105 | উদ্দেশ্যপদ 128- |
| মাণকনিয়ামক—154- | |
| অন্যোন্যবান্তবপ্রাকল্পিক বচন 72- | ও 33 |
| অপনয়ন 108 | |
| অপেক্ষক 30-, 62 | এবং 28, 33- |
| নিষেধক—45- | এরিটট্ল্ (Aristotle) 26 |
| প্রাকল্পিক—51- | কিংবা 40 |
| বৈকল্পিক—40 | কিন্ত 23, 36 |
| সম্মান—71 | |
| সংযৌগিক—33 | কূটন্যায় 102 কেৰল যদি 59- |
| অবরোহ 13, 18 | |
| অবরোহণ 13 | কেরল, লুই (Lewis Caroll) 2 |
| স্বাভাবিক—97- | গ্রাহকপ্রতীক 32- |
| অবস্থানবিনিময় 105 | গুণনাম—141- |
| অবৈধতা 6- | বচন—33 |
| বাচনিক ন্যায়ের—প্রমাণ 122- | ব্যক্তিনাম—131- |
| ^{- •} ণ ক বদ্ধ বচনগঠিত ন্যায়ের—প্রমাণ | |
| 165- | ডি মরগ্যানের উপপাদ্য 75 |

প্রতীকী ন্যায়

| তথাপি 36 | नगांत्रभाख, नगांत्र 13-, 21 |
|--------------------------------|-------------------------------------|
| তবুও 36 | —আদৰ্শনিষ্ঠ বিজ্ঞান 20 |
| ভৰ্ক 113- | — নিয়ামক বিজ্ঞান 20- |
| • | —বিমূর্ত বিজ্ঞান 13- |
| ি বিনিষেধ 73-, 105 | —এর সংজ্ঞা 13-, 18- |
| पृष्टी ख नात्र 78 | —ও মনোবিদ্যা 21- |
| দৃ ষ্টান্তৰচন | প্ৰতীকী—22- |
| বচনাকারের 63 | বাচনিক—26- |
| বচনাপেক্ষকের 133 | नााग्राकात 12-, 76- |
| धार्यमान 52 | পক্ষান্তর 105 |
| ধ্ৰুবক | পক্ষান্তরে 40 |
| গুণ—129- | পরোক প্রমাণ 113- |
| न्मंब32 | পূৰ্বগ 52- |
| ব্যক্তি—129- | পূর্বিগ স্বাকারভিত্তিক অনুগ স্বীকার |
| | 56, 80, 102 |
| নতুব৷ 40 | প্ৰতিস্থাপন বিধি 104 |
| নয়ত 40 | প্রতীক (বর্ণ) 22-, 36, 42, 46 |
| না 45- | ব্যক্তি—156 |
| না হয় 40 | প্রতীকীকরণ |
| নিঃস্থত হওয়া, ন্যায়ত: 8-, 13 | বিশিষ্ট বচনের—128- |
| নিদর্শন | সামান্য বচনের—134- |
| সত্তা —160- | প্রভাব (পরিধি) |
| <u> </u> | সংযোজকের 47- |
| নিৰ্গমন 105 | মাণকের 144 |
| निष्यं 45 | প্রমাপ গঠনের সঙ্কেত 100, 108 |
| নীল, উইলিয়ন ও নার্থা (Kneale, | প্ৰমাণৰাধিতাৰ্থপ্ৰসঞ্চ 113 |
| William and Martha) 27 | প্রাকরিক ন্যায় 102 |
| नगांस्र 1- | প্রাকল্পিক প্রমাণবিধি 110 |
| প্রাকল্পিক—83 | —এর ন বর প 117- |
| বৈকল্পিক—82 | |
| न्त्रायन्त्रन 84- | ৰম্ভৰ্য 3- |

| ₹ 5न 3-, 28- | বান্তৰ সম্মানতা 105 |
|---------------------------------|---------------------------|
| A, E, I, O- | বিকল্প 40- |
| নব্যন্যায়সম্মত ব্যাখ্যা 146 | অ ৰিদংবাদী—42- |
| উপাদান—28- | বিসংবাদী—42- |
| জটিলতর সামান্য—153- | —যোজন 103 |
| নিষেধ ক—4 5- | —নিষেধ 105 |
| প্রাক্ত্রিক—11, 52, 51- | विरभग्न 128- |
| বিশিষ্ট—128 | বিমূর্ত্রন 11-, 14- |
| বিশেষ—135 | বিরোধ চতুকোণ 142, 151 |
| বিশেষ নঞ র্থক —143 | বৈকল্পিক न्যाय 102 |
| বিশেষ সদৰ্থক—143 | ৰৈণতা 5-, 12-, 78- |
| বৈকল্পিক—11, 12, 40- | ব্যক্তিনাম 33, 128- |
| যৌুগিৰু—27- | ব্যবহারিক সত্যতা 64- |
| সম্মান—71- | |
| সরল—28- | মাণক 133s |
| সামান্য—155 | সন্তা—136- |
| সাবিক 134 | সাবিক—13 5 - |
| সাবিক নঞৰ্ধক—143 | —পরি বর্ত ন 136- |
| সাবিক সদৰ্থক—143 | —বদ্ধকরণ 135- |
| সংযৌগিক—34- | यांश्रयानुयान 126- |
| বচন কাঠানো 131-, 141 | মান (বচনের) 29- |
| বচনবর্ণের ব্যবহাররীতি 64 | —বিশ্লেঘণ 37 |
| বচনবিরোধিতা—139-, 149 | — শৰ্ত 37 |
| বচনাকার 34, 36, 37, 43, 44, 62- | — — নিবেশন 37- |
| বচনাপেক্ষক—132-, 145 | মান (গ্রাহকপ্রতীকের) 32 |
| ৰণ্টন 105 | यिथााच 6 |
| বন্ধনী 47- | মৌলিক বৈধ ন্যায় 101 |
| ৰৰ্ণপ্ৰতীক 11-, 14, 16, 32- | — न्यायाकात 101 |
| ৰা 28, 40, 52 | |
| ৰাক্য 3- | विन ७ क्वन यिन 72 |
| ৰান্তৰ প্ৰকল্পন 58, 105 | यनि७ 36 |
| —এর কুটাভাস 95-, 115 | বদিতবে 51- |
| | - |

প্রতীকী न্যায়

| यपि ना 41 | ন্যায়ত:—7 3 - |
|-----------------------------|-------------------------------|
| যুক্তিবচন 1- | ग तनीकत्र व 103 |
| বে 29- | সামান্যীকরণ |
| | সত্তা159- |
| রাইল, গিলবার্ট | সাবিক—157- |
| (Ryle, Gilbert) 131 | সূত্ৰ 62- |
| রাসেল, বার্ট্রাণ্ড | জটিল—এর মান নির্ণয় 68 |
| (Russell, Bertrand) 15- | সংক্ষিপ্ত সত্যসারণীয়কীশল 89- |
| त्रीगान (Riemann)'8 | नः त्यांशं निष्धं 105 |
| | गংयोগी 34 |
| সঙ্গান্তর 105 | শংযোজক 23, 28-, 30 |
| শত্যতা 5- | —প্ৰতীক 32 |
| সত্যসারণী 37- | —এর পরিধি 48- |
| —নিৰ্মাণপদ্ধতি 39-, 44 | ঐ কিক—4 6 |
| নিষেধক অপেক্ষকের—46 | वि टयां की —46 |
| ন্যায়তঃ সম্মান সূত্রের—73- | মূল—49 |
| প্রাক্ত্রিক অপেক্ষকের—54- | गः रयां जन 103 |
| বৈকল্পিক অপেক্ষকের—44 | সংস্থাপন 32, 62-, 99, 104 |
| সংযৌগিক অ পেককে র—38 | সংস্থাপিত বচন 63 |
| স্বতঃসত্য সূত্রের—66 | —नाम्य 78 |
| স্বত্তামিখ্যা সূত্রের—67 | ষ্টোয়িক (Stoics) 24 |
| সত্যাপেক্ষ সংযোজক | স্বতোমিধ্যা (বচন, সূত্র) 64- |
| 30, 33-, 40-, 46-, 51- | স্বত:সত্য (বচন, সূত্র) 64 |
| —যৌগিক বচন 30 | —প্র ক ল্পন 84 |
| সত্যাপেক্ষক 30 | —विटनत श्रेमान 117 |
| সম্মান সূত্র 71-, 105 | হোয়াইটহেড্ |
| বাস্তব—72 | (Whitehead) 24 |
| | |

खिषश्व

| भृ ष्ठा | নাইন | পাছে | र एव |
|----------------|---------|------------------------|------------------------|
| 8 | 16 | সংখ্যার | রে ধার |
| 10 | 14 | দেববাণী | (नवयानी |
| 30 | 8 | ৰিণ্যা-যোগ্যতাই | নিখ্যাবোগ্যতা |
| 37 | 20 | হ ৰ ভাবে | সহ ত্ব ভাবে |
| 42 | পাদটাকা | मेटबर् ग | শ टरपत्र |
| 63 | 2 | P, | p. |
| 67 | 17 | 3 | 33 |
| 69 | 9 | (p, q) v r | (p.q) v r |
| 81 | 20 | আমার | আৰরা |
| 93 | 22 | C | . 5 |
| 97 | শেষ | ভিভিমন্ত্রপ | ভিত্তিস্বরূপ |
| 102 | 8 | শে | যে |
| 105 | 14 | বটন | বণ্টন |
| 113 | 17 | ্তন | নূতন |
| 116 | 19 | $q \vee (q-r)$ | $q \vee (q \supset r)$ |
| 118 | 29 | 8, 12, M.T. | 4, 12, M.T. |
| 128 | 2, 7 | 1.1 | 5.1 |
| 139 | 13 | (x) | (x) |
| 139 | 14 | (3 x) | $(\exists x)$ |
| 141 | 21 | xØ | Фх |
| 162 | 25 | 1, EI | 2, EI |
| 181 | 28, 29 | কাঁচা | কাচা |
| 204 | 2 | 3 | 1 |
| 205 | শেষ | ভ্ ব | इस ् |
| 230 | 15 | м. Р. | м. т. |
| 233 | 37 | C | 2 |
| 240 | 22 | Ну Му | Hy. My |
| 240 | 32 | 8, Simp, | 4, Simp. |

